Leistungselektronik für dezentrale Brennstoffzellen/-Batterieanlagen

Dissertation

zur Erlangung des akademischen Grades

Doktoringenieur (Dr.-Ing.)

von M.Sc. Oleksandr Krykunov

geb. am 03.03.1980 in Donezk (Ukraine)

genehmigt durch die Fakultät für Elektrotechnik und Informationstechnik

der Otto-von-Guericke-Universität Magdeburg

Gutachter:

Prof. Dr.-Ing. A. Lindemann Prof. Dr.-Ing. habil. Frank Palis

Promotionskolloquium am 13.10.09

Vorwort

Die vorliegende Dissertation entstand während meines Studiums als Promotionsstudent des Institutes für Elektrische Energiesysteme (IESY) der Otto-von-Guericke-Universität Magdeburg.

Allen voran bin ich dem Herr Prof. Dr.-Ing. habil. H. Mecke, der am 28. Oktober 2004 plötzlich verstorben ist, dankbar. Er hat mir den Einstieg in der Thematik ermöglicht.

Herrn Prof. Dr.-Ing. A. Lindemann danke ich für die Übernahme der Betreuung meiner Arbeit, die nötigen Impulse zum Fortgang der Arbeit und die freundliche Unterstützung in der Endphase der Dissertation. Besonders dankbar bin ich zum Dr.-Ing. W. Fischer für seine Hinweise und Unterstützung während meines Studiums.

Mein herzlicher Dank gilt ferner meinen Eltern, meiner Schwester und Dr.-Ing. F. Müller für die moralische Unterstützung und Motivation während der gesamten Zeit der Bearbeitung der Dissertation.

Inhaltsverzeichnis

1	Einle	Einleitung			
2	Zielst	lstellung der Arbeit			
3	Stand der Technik				
	3.1	3.1 Einführung in die Brennstoffzellentechnologie			
	3.2	Elektrisches Verhalten einer Brennstoffzelle			
	3.3	Prinzip der dezentralen Energieversorgung			
	3.4	o und Konzepte eines dezentralen brennstoffzellenbasierten			
		Energieversorgungssystems			
	3.5	Darste	llung undirektionaler DC/DC-Wandlerschaltungen	21	
4	Theoretischer Vergleich undirektionaler DC/DC-Wandlerschaltungen				
	4.1	Methodik des Vergleichs			
	4.2 Schaltungsvergleich			39	
		4.2.1	Doppeldurchflusswandler in asymmetrischer		
			Halbbrückenschaltung	39	
		4.2.2	Spannungsgespeister Vollbrückenwandler	41	
		4.2.3	Stromgespeister Vollbrückenwandler und		
			Gegentaktwandler	43	
		4.2.4	Hochsetzsteller mit geteilter Drossel	46	
		4.2.5	Zusammenfassung	48	
5	Analy	Analyse des erweiterten Durchflusswandlers			
	5.1	Ableitung der Schaltung des erweiterten Durchflusswandlers			
	5.2	5.2 Mathematische Analyse des erweiterten Durchflusswandlers mit			
		einem	idealen Transformator	57	
		5.2.1	Zielstellung	57	

Inhaltsverzeichnis

		5.2.2 Kontinuierlicher Betrieb	58		
		5.2.3 Diskontinuierliche Betriebsfälle	71		
	5.3	5.3 Mathematische Analyse des erweiterten Durchflusswandlers m			
		einem nichtidealen Transformator			
		5.3.1 Kontinuierlicher Betrieb	78		
		5.3.2 Diskontinuierlicher Betrieb	90		
	5.4	Dimensionierung des Leistungsteils	92		
	5.5	Theoretischer Vergleich des erweiterten Durchflusswandlers mit			
		anderen DC/DC-Wandlerschaltungen	106		
6	Regelung des erweiterten Durchflusswandlers				
	6.1	Regelungskonzept			
	6.2	Regelungstechnische Modellierung des erweiterten			
		Durchflusswandlers	110		
	6.3	Reglerdimensionierung	128		
7	Praktische Realisierung des erweiterten Durchflusswandlers				
	7.1	Überblick über den gesamten Aufbau	135		
	7.2	Aufbau der Ansteuereinheit			
	7.3	Messergebnisse			
		7.3.1 Funktionsweise	138		
		7.3.2 Schaltverhalten der MOSFET und der			
		Gesamtwirkungsgrad	141		
		7.3.3 Stationäre Kennlinien	144		
		7.3.4 Regelung	147		
8	Zusammenfassung				
	Literaturverzeichnis				
	Formelzeichen und Abkürzungen				
	Anhang				

1 Einleitung

Die Bemühungen um eine effizientere Energieträgernutzung und Energieeinsparung haben zu einer zunehmenden Dezentralisierung der Energiewirtschaft geführt. Eine dezentrale Energieversorgung kann durch den Einsatz von kleineren Generatoren (in der Regel bis 10MW) aufgebaut werden, die sich in der unmittelbaren Nähe der Verbraucher befinden. Der Versorgung der Generatoren dienen regenerativen Energiequellen. Diese Generatoren zeichnen sich im Vergleich zu den konventionellen Kraftwerken, die fossile Energieträger oder Kernenergie verwenden, durch geringere Kosten für die Übertragung und Verteilung der elektrischen Energie, die Modularität, effizientere Energieträgernutzung und Umweltfreundlichkeit aus. Die modernen rechnerunterstützten Steuerungssysteme und Datenfernübertragungsund Überwachungstechnologien ermöglichen einen automatischen Betrieb der relativ kleinen Generatoren. Es ist nur wenig Personal erforderlich, um einen sicheren und zuverlässigen Betrieb des Generators zu gewährleisten. Der Instandhaltungs- und Inspektionsbedarf ist ebenfalls reduziert.

Für die meisten kommerziellen und industriellen Verbraucher hat die Zuverlässigkeit der Energieversorgung eine große Bedeutung. Das dezentrale Möglichkeit, Energieversorgungssystem bietet eine die Zuverlässigkeit der Energieversorgung zu erhöhen. Das wird durch den zusätzlichen Generator in der unmittelbaren Nähe der Verbraucher erreicht. Dieser Generator übernimmt die Energieversorgung der Verbraucher beim Ausfall des Hauptgenerators.

Beispiele für regenerative Energiequellen sind z.B. Windenergie, Sonnenenergie und Energie aus der BZ (<u>B</u>rennstoff<u>z</u>elle). Die BZ sind von besonderer Interesse aufgrund eines relativ hohen Wirkungsgrades. William Grove hat das Funktionsprinzip einer BZ im Jahre 1839 entdeckt und eine "Wasserstoff-Sauerstoff-Batterie" realisiert. Die Interesse an der BZ für die Stromerzeugung schwand nach der Entdeckung des Dynamoprinzips durch Werner von Siemens im Jahre 1866 jedoch zunächst. "Die Diskussion um die Beeinflussung des Klimas, vornehmlich durch das Treibhausgas CO₂ und die beschränkt zur Verfügung stehenden fossilen Energieträger führten zu einem Diskussionsprozess, der einen nachhaltigen Umgang mit den Energieressourcen

1 Einleitung

forcierte. Der Schwerpunkt bei derzeitigen Energieversorgungskonzepten liegt in deren Umweltverträglichkeit und der möglichst optimalen Nutzung des Brennstoffs. BZ, als äußerst effiziente und umweltfreundliche Energietechnologie mit äußerst niedrigen Schadstoffemissionen, erfüllen diese Anforderungen und sind aus diesem Grund in den siebziger Jahren für die stationäre Energieversorgung quasi wiederentdeckt worden" [1].

BZ sind elektrochemische Systeme, die chemische Energie direkt in Elektrizität umwandeln, indem aus Wasserstoff und Sauerstoff Wasser gebildet wird. Wasserstoff ist auf der Erde in nichtgebundener Form nicht vorhanden. Es gibt verschiedene Verfahren zur Erzeugung des Wasserstoffes [1]. Er kann durch eine chemische Reaktion aus kohlenstoffhaltigen Energieträgern erzeugt werden. Für einen geschlossenen und umweltfreundlichen Stoffkreislauf kommt für eine solche Reaktion Wasser in Frage, weil bei der Verbrennung des Wasserstoffes erneut Wasser entsteht. Die bei dieser Reaktion freigesetzte Wärme wird soweit wie möglich als Nutzwärme ausgekoppelt [1]. "Besonders vorteilhaft ist hierbei die Verwendung der Wärme für die ganzjährige Warmwasserbereitung und als Prozesswärme (z. B. für die Bereitstellung von Klimaoder Prozesskälte auf der Basis von Sorptionkältemaschinen)" [1]. Eine umweltfreundliche Energieerzeugung mit Hilfe des Wasserstoffes ist auch dann möglich, wenn der Wasserstoff mit regenerativen Energiequellen erzeugt wird.

Die Hauptvorteile der Brennstoffzellentechnologie im Vergleich zu den konventionellen Energieerzeugungssystemen auf Basis fossiler Rohstoffe sind ein hoher Wirkungsgrad bei Voll- und Teillast, die einfache Regelbarkeit, der modulare Aufbau, ein geringer Wartungsaufwand, das Fehlen von Schadstoff- und Lärmemissionen sowie von rotierenden Teilen in den Hauptaggregaten. Der modulare Aufbau der BZ ermöglicht, die Leistung der BZ genau auf die gewünschte Leistung des Verbrauchers anzupassen. Die BZ kann für die Energieversorgung von Gleichspannungsverbrauchern, Verbrauchern in Wohngebieten und Gewerbegebieten, großer industrieller Verbraucher, elektrischen Fahrzeugmotoren oder Transport- und Kommunikationsausrüstung verwendet werden. Der leistungselektronische Teil zwischen der BZ und einem Verbraucher soll die von der BZ erzeugte Gleichspannung, die relativ niedrig und stark lastabhängig ist, in die vom Verbraucher benötigte Spannung umwandeln. Die Struktur dieses leistungselektronischen Teils hängt vom Typ des Verbrauchers ab. Der Entwurf eines leistungselektronischen Teils für kleine Elektrogeräte in einem dezentralen Energieversorgungssystem ist Gegenstand der vorliegenden Arbeit.

2 Zielstellung der Arbeit

Die Umweltbelastung mit Abgasen, insbesondere mit Kohlendioxid, durch Prozesse, die von der Energieerzeugung hervorgerufen werden, und die begrenzte Menge der vorhandenen fossilen Energieressourcen haben zu einer zunehmenden Interesse an umweltfreundlichen Energieressourcen wie der BZ geführt. Das zunehmende Interesse an die BZ ist auch mit dem hohen Wirkungsgrad der BZ verbunden. Das zukünftige Energieversorgungssystem sieht vor, dass die Brennstoffzellensysteme in die bestehenden Verteilungsnetze integriert werden.

Diese Arbeit beschäftigt sich mit dem Entwurf des leistungselektronischen Teils einer BZ für die Energieversorgung kleiner Elektrogeräte in einem dezentralen Energieversorgungssystem. Für diesen Typ des Verbrauchers kann dieser leistungselektronische Teil aus einem nach der BZ angeschlossenen DC/DC-Wandler und einem WR (Wechselrichter) bestehen. Der DC/DC-Wandler wandelt die niedrige und stark lastabhängige Spannung der BZ in eine relativ hohe und stabile Gleichspannung um. Diese wiederum wird mit Hilfe eines WR in eine Wechselspannung umgewandelt. In der Arbeit wird speziell dieser DC/DC-Wandler betrachtet.

Zuerst werden die quantitativen Kriterien für den Vergleich von DC/DC-Wandlerschaltungen abgeleitet. Der DC/DC-Wandler für die BZ soll unabhängig von Eingangsspannungsänderungen und Laständerungen eine stabile Spannung für den Zwischenkreis des dreiphasigen Wechselrichters liefern. Die existierenden DC/DC-Wandlerschaltungen weisen einen relativ hohen Wirkungsgrad auf. Der Nachteil dieser Schaltungen ist ein relativ hoher Bauelementeaufwand. Es besteht deshalb Interesse an der Entwicklung einer alternativen DC/DC-Wandlerschaltung mit einem möglichst niedrigen Bauelementeaufwand. Die Ableitung einer solchen Schaltung, die mathematische Analyse ihres stationären Verhaltens und die Entwicklung der Regelung sind die Hauptziele der vorliegenden Arbeit. Der Einfluss der Streuinduktivitäten des Transformators auf das stationäre Verhalten dieser Schaltung und auf die praktische Dimensionierung wird zunächst mathematisch analysiert. Ziel der mathematischen Analyse ist, zu ermitteln, welche Betriebsfälle in der Schaltung auftreten. Danach

erfolgt die Dimensionierung des Leistungsteils und die Erarbeitung des Regelungskonzeptes für die neue Schaltung. Dieses Konzept soll einen sicheren Anlauf der Schaltung und einen Betrieb der Schaltung nur im zulässigen Betriebsbereich gewährleisten. Für die praktische Reglerdimensionierung wird das Kleinsignalmodell des Wandlers benötigt, welches für den Betriebsfall, der im Nennarbeitspunkt auftritt, gültig ist. Mit Hilfe dieses Modells kann der Regler so dimensioniert werden, dass der geschlossene im ganzen Bereich der Änderung Regelkreis der Brennstoffzellenspannung stabil und gegenüber Eingangsspannungsänderungen und Lastspannungsänderungen unempfindlich ist. Die prinzipielle Funktionsweise der Schaltung, die stationären Kennlinien und das entwickelte Regelungskonzept werden zum Abschluss am aufgebauten Funktionsmuster für die Leistung von 1kW praktisch verifiziert.

3 Stand der Technik

3.1 Einführung in die Brennstoffzellentechnologie

In Abschnitt 3.1 wird das Funktionsprinzip der BZ erläutert. Die Zelle, *Abb. 3.1*, besteht aus dem in der Mitte befindlichen Elektrolyten und den beiden mit dem äußeren Stromkreis verbundenen Elektroden.



Abb. 3.1: Schematischer Aufbau einer Zelle eines Brennstoffzellenstapels

Gasräume sind im Schema links und rechts von den Elektroden angeordnet. Sie dienen zur Versorgung der Elektroden mit Wasserstoff und Sauerstoff. Die Elektroden müssen daher sehr gut gasdurchlässig sein, was durch eine poröse Struktur der Elektroden erreicht wird. Der Elektrolyt hingegen sollte nach Möglichkeit keine Gasdurchlässigkeit aufweisen [2]. Für praktische Anwendungen werden wesentlich höhere Spannungen als die Zellspannung von ca. 0,7V, die eine einzelne Membran-Elektrodeneinheit zur Verfügung stellt, benötigt. Daher werden die Membran-Elektrodeneinheiten im Brennstoffzellenstapel seriell zusammengeschaltet. BZ werden üblicherweise nach ihrem Elektrolyten klassifiziert. Die meisten BZ verwenden nichtflüssige Elektrolyte, weil keine Probleme mit der Flüssigkeitsdichtung auftreten und somit weniger Korrosionsprobleme entstehen. Die Herstellung der Zellen ist in diesem Fall einfacher. Man unterscheidet zwischen alkalischen BZ, PEM-BZ (Polymer-Elektrolyt-Membran-Brennstoffzelle), phosphorsauren BZ, Karbonat-Schmelze-BZ und oxidkeramischen BZ. Die Eigenschaften von verschiedenen Brennstoffzellentypen werden in [2] erläutert. In manchen Fällen erfolgt die Klassifizierung auch grob nach der Betriebstemperatur (Hochtemperatur- und Niedertemperaturbrennstoffzellen). Die PEM-BZ weist bei einem geringen Gewicht eine hohe Leistungsdichte auf und benötigt statt reinem Sauerstoff nur Luftsauerstoff als Reaktionsgas. Als Elektrolyt kommt eine protonenleitende Polymer-Elektrolyt-Feststoff-Membrane aus sulfoniertem Polymer zum Einsatz. Die Leistungsabgabe einer PEM-BZ lässt sich mit einer relativ hohen Dynamik regeln [2]. Derzeit steht die PEM-BZ im Vordergrund der gesamten Brennstoffzellenentwicklung. Der Grund ist das große Potential für die Massenfertigung dieses Zelltyps. Die BZ ist außerdem eine sehr umweltfreundliche und geräuschfreie Energiequelle. Durch die Kopplung von Wärme- und Stromerzeugung aus der BZ können erhebliche Mengen an Erdgas eingespart werden. Daher eignet sich die PEM-BZ hervorragend für die dezentrale Energieversorgung.

3.2 Elektrisches Verhalten einer Brennstoffzelle

Der erste Schritt zum Verständnis des Betriebes einer BZ ist die Bestimmung des idealisierten Verhaltens. Das idealisierte elektrische Verhalten einer BZ ist stark von den Betriebsbedingungen (Druck, Temperatur usw.) abhängig. Die entsprechende, so genannte Nernst-Gleichung für die Ermittlung der idealen Spannung der BZ in Abhängigkeit von diesen Bedingungen ist in [2] angegeben. Sobald das idealisierte Verhalten definiert ist, können die in der BZ auftretenden Verluste von den aus dem idealisierten Verhalten resultierenden Werten abgezogen werden, um das reale statische Verhalten der BZ zu bestimmen:

$$u_{BZ}(t) = E_{BZ} - i_{BZ}(t) \cdot R_{BZ,stat} - \Delta u_{dyn}(t)$$
(3.1)

Der statische Widerstand der BZ kann laut [1] wie folgt ermittelt werden:

$$R_{BZ,stat} = R_{BZ,ohm} + R_{BZ,akt} + R_{BZ,tr}$$
(3.2)

Abb. 3.2 zeigt die statische Kennlinie, die in [3] als Messergebnis an einer 1 kW-BZ dargestellt wurde.



Abb. 3.2: Statische Strom-Spannungskennlinie einer 1kW-PEM-BZ und die liniearisierte Kennlinie [3]

In *Abb. 3.2* ist eine starke Abknickung der Kennlinie nach unten, die durch Gastransportierungsverluste verursacht wird, nicht gezeigt. Ein dauerhafter Betrieb in diesem Bereich bei relativ hohen Strömen führt zur deutlichen Verringerung der Spannung einer BZ. Wenn eine bestimmte Spannung einer BZ unterschritten wird, erhöhen sich deutlich die Verluste und die elektrochemischen Komponenten einer BZ werden zerstört. Der nachgeschaltete leistungselektronische Teil soll gewährleisten, dass die BZ bei kleineren Spannungen als diese minimal zulässige Spannung nicht betrieben wird.

Für den kommerziell verfügbaren 5kW-PEM-Brennstoffzellenstack NedStack P5 beträgt die zulässige Spannungsänderung von 22V bis 42V. Man sieht, dass die minimal zulässige Spannung der BZ etwa die Hälfte der Leerlaufspannung beträgt. Die theoretischen Betrachtungen des leistungselektronischen Teils erfolgen bei der Dimensionierung für die Leistung von 5kW und für die zulässige Änderung der Spannung der BZ von 30V bis 60V. Der nachgeschaltete leistungselektronische Teil soll für diese Änderung der Eingangsspannung ausgelegt werden.

Der Wirkungsgrad der BZ in einem bestimmten Arbeitspunkt wird in [2] wie folgt definiert:

$$\eta_{BZ,ges} = \eta_{BZ,th} \eta_{BZ,el} \eta_{BS} \tag{3.3}$$

Der thermische Wirkungsgrad der BZ lässt sich so bestimmen:

$$\eta_{BZ,th} = \frac{\Delta G}{\Delta J} = 1 - \frac{T_{BZ}\Delta S}{\Delta J}$$
(3.4)

Abb. 3.3 zeigt die Abhängigkeit des thermischen Wirkungsgrades einer BZ von der Temperatur der chemischen Reaktion.



Abb. 3.3: Abhängigkeit des thermischen Wirkungsgrades der BZ von der Temperatur der chemischen Reaktion [2]

Man sieht aus der *Abb. 3.3*, dass relativ hohe Wirkungsgrade bei relativ geringen Temperaturen erreicht werden können. Diese Wirkungsgrade sind deutlich höher als die in [2] dargestellten Werte für die thermischen Kraftwerke. Das ist ein entscheidender Vorteil der Brennstoffzellentechnologie im Vergleich zu den thermischen Kraftwerken. Der Wirkungsgrad der thermischen Kraftwerke steigt mit der Erhöhung der Austrittstemperatur des Arbeitsmediums an [2]. Der Wirkungsgrad von etwa 70% wird erst bei der Temperatur von 1100K erreicht [2]. Der elektrische Wirkungsgrad der BZ lässt sich so bestimmen:

$$\eta_{BZ,el} = \frac{U_{BZ}}{E_{BZ}} \tag{3.5}$$

Bei den normalen Betriebsbedingungen (Umgebungstemperatur von 25°C und dem Luftdruck von 1 Atmosphäre) gilt: $\Delta J = 285,8kJ / mol$, $\Delta G = 237,1kJ / mol$. Der Wirkungsgrad der BZ in einem bestimmten Arbeitspunkt bei den normalen Betriebsbedingungen wird gemäß Gl. (3.3) wie folgt berechnet:

$$\eta_{BZ,ges} = 0.83 \frac{U_{BZ}}{E_{BZ}} \eta_{BS} \tag{3.6}$$

Man erkennt aus der Gl. (3.6), dass der Wirkungsgrad der BZ von der Klemmenspannung der BZ abhängig ist. Der Wirkungsgrad der BZ wird mit der Verkleinerung der Last höher. Aus diesem Grund ist es besonders wichtig, den Teillastwirkungsgrad des nachgeschalteten leistungselektronischen Teils zu erhöhen, um diesen Vorteil der BZ zu nutzen.

Abb. 3.4 zeigt den Einfluss des Ausnutzungsfaktors des Brennstoffes auf die ideale Spannung der oxidkeramischen BZ. Man erkennt, dass eine bessere Ausnutzung des Brennstoffes zur Absenkung der idealen Spannung der BZ führt. Der Wirkungsgrad des Brennstoffzellensystems liegt, wie schon aus der *Abb. 3.4* ersichtlich ist, bei bis zu 50%.



Abb. 3.4: Abhängigkeit des thermischen, gesamten Wirkungsgrades der BZ und der idealen Spannung der BZ vom Ausnutzungsfaktor des Brennstoffes [2]

Im Betrieb des Energieversorgungsnetzes kommt dem dynamischen Verhalten der BZ besondere Bedeutung zu [3]. Im Inselbetrieb, wo nur ein Energieerzeuger und starke Verbraucher vorhanden sind, können sprungartige Laständerungen auftreten. Eine kontinuierliche Laständerung ist für starke elektrische Netze typisch. Bei Lasterhöhung ist es nicht möglich, ohne Zeitverzug mehr Leistung aus der BZ zu ziehen, weil der Durchfluss vom Wasserstoff verändert werden muss. Die Konzentration des Wasserstoffs darf nicht zu weit sinken, weil eine zu niedrige Konzentration zur Verringerung der Spannung der BZ und zur Zerstörung der Membrane führen kann. Es ist andererseits nicht sinnvoll, die BZ beständig bei einem hohen Durchfluss vom Wasserstoff zu betreiben, weil der nicht verwendete Wasserstoff verloren geht. Deshalb besteht die Anforderung, der BZ genau die Menge an Wasserstoff zuzuführen, welche die BZ im gegebenen Augenblick verbrauchen kann [3]. Die Steuerungseinheit für das Brennstoffzellensystem wird bei Laständerungen die Menge des gelieferten Wasserstoffs anpassen. Dieser Prozess verläuft sehr langsam. Aus diesem Grund kann die BZ schnellen Lastsprüngen des Verbrauchers nicht folgen. *Abb. 3.5* zeigt den zeitlichen Verlauf der Spannung der BZ beim sprungartigen Lastabwurf von 77A auf 72A. Die schnellen Laständerungen müssen durch eine ausreichend schnelle Antwort der Energiequelle kompensiert werden, um den Leistungsbedarf der Verbraucher zu jedem Zeitpunkt abzudecken. Daher ist es erforderlich, die dynamisch auftretenden, vorzeichenbehafteten Energiedifferenzen aufzunehmen bzw. bereitzustellen. Diese Funktion erfüllt ein Energiespeicher. Als Energiespeicher können entweder Ultrakondensatoren oder Batterien verwendet werden. Ultrakondensatoren haben viele Vorteile im Vergleich zu Batterien [4]. Die Batterien werden jedoch in der Praxis wegen geringerer Kosten bevorzugt.



Abb. 3.5: Dynamisches Verhalten der 1kW PEM-BZ beim sprungartigen Lastabwurf von 77A auf 72A [3]

3.3 Prinzip der dezentralen Energieversorgung

Abb. 3.6 zeigt das prinzipielle Blockschaltbild der konventionellen zentralen Energieerzeugung. Die Energie wird von Kraftwerken, die fossile Energieträger oder Kernenergie benutzen, mit Hilfe von Übertragungskabeln und Übertragungsleitungen zu den einzelnen großen industriellen und anderen Verbrauchern geführt. Die maximale Leistung der meisten Kraftwerke beträgt 150.000 bis 800.000kW. Wegen ihrer physikalischen Größe ist die Standortwahl problematisch. Außerdem beträgt der Wirkungsgrad von solchen Kraftwerken nur 28% bis 35%, wobei sich der Wirkungsgrad proportional zur Größe des Kraftwerkes verhält. Da Kohle relativ billig ist und die Infrastruktur für die Gewinnung und den Transport der Kohle bereits existiert, werden Kohlenkraftwerke trotz ihrer Schadstoffemissionen weiter verwendet. Ihre Verwendung beschränkt sich allerdings auf die zentrale große Generatoren [5,6].



Abb. 3.6: Prinzipielles Blockschaltbild der konventionellen zentralen Energieerzeugung [5]

Die dezentralen Energieerzeuger befinden sich in unmittelbarer Nähe der Verbraucher. Dadurch entstehen nur geringe Kosten für die Übertragung und Verteilung der elektrischen Energie. Das ist ein entscheidender Vorteil der dezentralen Energieversorgung im Vergleich zu der zentralen Energieversorgung. Die weiteren Vorteile sind [6]:

- Modularität,
- effizientere Energieträgernutzung,
- Umweltfreundlichkeit.

Die dezentralen Energieerzeuger werden in den Fabriken in bestimmten Bauformen, für bestimmte Standorte und Steuerungsmethoden seriengefertigt. Das führt zu einer Vereinfachung der Installation und Inbetriebnahme [6]. Die dezentralen Energieerzeuger sind wegen ihrer Modularität ab Lager mit einer relativ kurzen Lieferzeit verfügbar [6]. Das bedeutet, dass die erforderliche Anzahl dezentraler Energieerzeuger kann entsprechend dem aktuellen Leistungsbedarf verwendet werden. Bei der Änderung des Leistungsbedarfes kann die Anzahl der dezentralen Energieerzeuger in relativ kurzer Zeit und mit niedrigem Aufwand geändert werden.

"Hohe Effizienz mit hohen Wirkungsgraden auch im Teillastbetrieb, das günstige Umweltverhalten, der bereits heute mögliche Einsatz von erneuerbaren Energieträgern und die Rolle der Brennstoffzelle als Brückentechnologie auf dem Weg zur Nutzung regenerativen Wasserstoffs wecken hohe Erwartungen" [6]. In Abhängigkeit von der verwendeten Führungsgröße für den Betrieb einer Brennstoffzellenanlage lassen sich zwei Betriebsweisen unterscheiden [6]:

- Stromgeführt und
- wärmegeführt.

Bei der stromgeführten Betriebsweise richtet sich die BZ nach dem Lastbedarf bzw. Lastprofil der Verbraucher. Die Energie wird in das öffentliche Netz eingespeist, so wie die Abb. 3.7A zeigt. Die Netzbetreiber sind verpflichtet, diese Energie abzunehmen. Durch eine geeignete Betriebsführung der BZ ist eine verstärkte Lastspitzenabsenkung möglich. Bei der wärmegeführten Betriebsweise richtet sich die BZ in ihrem Lastverhalten vorrangig nach dem Wärmebedarf der Verbraucher. Mit dem Anschluss und Parallelbetrieb von BZ am Stromnetz sind zwangsläufig Auswirkungen auf den Lastgang, den Netzbetrieb und die Netzplanung verbunden. "Diese sind von der Art, Bemessung und Betriebsweise der Anlage und den jeweiligen Netzverhältnissen Die Netzrückwirkungen einzelner bzw. weniger abhängig. kleiner Brennstoffzellenanlagen auf den Netzbetrieb werden in der Regel insgesamt als unkritisch eingestuft. Mit zunehmender Anlagenzahl bzw. installierter Leistung kann es jedoch zu kritischen Netzrückwirkungen kommen, die dazu führen können, dass der Netzanschluss zunächst verweigert und von Anpassungsmaßnahmen abhängig gemacht wird"[6]. Die drei Kriterien (Bemessungsleistung der Betriebsmittel, Einhaltung der Spannungsanhebung und Zuverlässigkeit der Schutztechnik) können eine Rolle bei der Beschränkung für den Netzanschluss und Parallelbetrieb der Brennstoffzellenanlagen spielen. Die anderen Kriterien (Kurzschlussstrom, Langzeitflicker, Oberschwingungen, unsymmetrische Ströme oder Tonfrequenz-Rundsteueranlagen) stellen in der Regel keine Hindernisse für Netzanschluss Parallelbetrieb den und der Brennstoffzellenanlagen dar [6].

Im Fall, wenn die weit entfernten vom öffentlichen Netz Verbraucher an das Verteilungsnetz angeschlossen werden sollen und der Aufwand für den Ausbau des Verteilungsnetzes für diesen Zweck deutlich höher als der Aufwand für die Verwendung dezentraler Energieerzeuger ist, können die neuen Verbraucher an das Inselnetz angeschlossen werden, *Abb. 3.7B* [5]. Bei dieser Betriebsweise wird die elektrische Energie aus der BZ ins Inselnetz eingespeist, wie die *Abb. 3.7B* zeigt.

3 Stand der Technik



Abb. 3.7:A: Beispiel des Anschlusses eines dezentralen Energieerzeugers in das öffentliche Stromnetz;
B: Beispiel des Anschlusses eines dezentralen Energieerzeugers in das Inselnetz [3]

3.4 Prinzip und Konzepte eines dezentralen brennstoffzellenbasierten Energieversorgungssystems

Die von der BZ erzeugte Gleichspannung wird von einem WR (Wechselrichter) in eine Wechselspannung des dreiphasigen Netzes mit einer Frequenz von 50Hz umgewandelt. Da in der vorliegenden Arbeit die Leistungselektronik für eine BZ mit einer Leerlaufspannung von 60V und einer minimal zulässigen Spannung von 30V untersucht wird, folgt daraus, dass der WR zwei Funktionen erfüllen muss:

- Hochsetzung der Spannung,
- Umwandlung der hochgesetzten Gleichspannung in eine Wechselspannung.

Zwei Typen vom WR (Spannungs-WR und Strom-WR) sind bekannt. Der Strom-WR kann beide Funktionen erfüllen. Aufgrund dessen wird kein DC/DC-Wandler zwischen der BZ und dem Strom-WR benötigt. Folglich wird die Anzahl der Bauelemente reduziert [8]. Die weiteren Vorteile des Strom-WR sind [8]:

- kontinuierlicher Eingangsstrom,
- Erzeugung des Netzstromes mit einem relativ niedrigen Anteil der Harmonischen.

Bei einer definierten Netzspannung darf die Eingangsspannung des Strom-WR für einen sicheren stationären Zustand einen bestimmten maximal zulässigen Wert nicht überschreiten. In [8] ist der Betrieb des Strom-WR bei einer maximal zulässigen Eingangsspannung, die kleiner als die Leerlaufspannung der BZ ist, vorgeschlagen. Die

BZ mit einer Spannung, die diese Anforderung erfüllt, soll in diesem Fall für den Strom-WR verwendet werden. Ein bestimmter Arbeitspunkt (bei einer bestimmten Last) kann mit Hilfe der Regelung des Strom-WR nicht erreicht werden. Zum Zeitpunkt, wenn die BZ zum Strom-WR angeschlossen wird, ändert sich die Spannung der BZ sprungartig von der Leerlaufspannung bis zur Spannung in einem bestimmten Arbeitspunkt. Beim Abschalten der Last steigt die Spannung der BZ sprungartig bis zu der Leerlaufspannung an. Diese Spannungsänderungen können mit Hilfe der parallel zu der BZ angeschlossenen Kondensatoren geglättet werden [8]. Je kleiner die maximal zulässige Eingangsspannung des Strom-WR als die Leerlaufspannung der BZ ist, um so geringer ist der Leistungsbereich, in dem der Strom-WR im geregelten Betrieb abhängig von der Last arbeiten kann. In [8] ist gezeigt worden, dass eine Verbesserung des Wirkungsgrades und Verkleinerung des maximalen Eingangsstromes bei der gegebenen maximalen Leistung durch die Verringerung dieses Leistungsbereiches erreicht wird. [8]. Das bedeutet, dass die Verwendung der BZ mit einer höheren Leerlaufspannung als die maximal zulässige Eingangsspannung vom WR aus Sicht einer möglichst hohen Wirkungsgrades vorteilhaft ist. In [9] wurde die Schaltung des Strom-WR mit RBIGBT (reverse blocking Insulated Gate Bipolar Transistor) analysiert, die eine weitere Verbesserung des Wirkungsgrades ermöglicht. Für diese Schaltung wurden in [9] die Verluste im Strom-WR bei verschiedenen Steuerungsverfahren verglichen. Außerdem lassen sich die Verluste durch die Realisierung von drei Transistoren mit Hilfe von RBIGBT und von drei anderen mit Hilfe von einer IGBT (Insulated Gate Bipolar Transistor) und einer Diode um 14% im Vergleich zum Strom-WR mit 6 RBIGBT reduzieren [9]. Wegen der Beschränkung des Arbeitsbereiches ist allerdings der Strom-WR im Inselbetrieb mit einer unbekannten Last schlecht geeignet. In [10] wurde auch gezeigt, dass der Strom-WR im Teillastbereich und bei unsymmetrischer Last hinsichtlich des Wirkungsgrades wesentlich schlechter als ein Spannungs-WR ist.

Der Spannungs-WR kann die Ausgangsspannung, die höher als die Zwischenkreisspannung ist, nicht erzeugen [8]. Die Zwischenkreisspannung muss deshalb größer als die maximale verkettete Spannung auf der Netzseite sein. Diese kann wie folgt berechnet werden:

$$U_{LA,\max} = U_{NA,RMS} \sqrt{3\sqrt{2}} = 230V \cdot \sqrt{3\sqrt{2}} \approx 563V$$
 (3.7)

Es ist zweckmäßig, eine Zwischenkreisspannung für den WR jenseits von 563V zur Verfügung zu stellen, weil dadurch die Regelreserve des WR erweitert wird. Für eine Zwischenkreisspannung von 750V genauso wie für 563V können für die Transistoren des WR 1200V-IGBTs verwendet werden. Der Zwischenkreiskondensator kann für beide Spannungswerte als eine Serienschaltung von zwei 400V-Kondensatoren realisiert werden. Ein DC/DC-Wandler zwischen der BZ und dem WR ist erforderlich, um die Spannung der BZ in eine Gleichspannung von 750V umzuwandeln. Dieser DC/DC-Wandler muss unidirektional sein, weil der Strom der BZ nur in eine Richtung fließen darf (aus der BZ zum WR).

Die wichtige Anforderung an dem Spannungs-WR, welcher an das starre Netz angeschlossen ist, ist eine geregelte Einspeisung der Wirkleistung und Blindleistung ins Netz abhängig von der Last und von der Leistung, die von der zentralen Energieerzeuger geliefert wird. Um die Regelung des eingespeisten Wirkleistung in Abhängigkeit vom Leistungsbedarf der Verbraucher zu gewährleisen, wird die Zwischenkreisspannung des Spannungs-WR überwacht. Eine höhere Zwischenkreisspannung als der Sollwert bedeutet den Überschuss an die erzeugte Wirkleistung. Eine niedrigere Zwischenkreisspannung als der Sollwert bedeutet, dass weniger Wirkleistung als die Verbraucher benötigen erzeugt wird. Der Sollwert für die Blindleistung wird in Abhängigkeit vom Sollwert für die Wirkleistung, vom Leistungsbedarf der Verbraucher und vom vorgeschriebenen Leistungsfaktor des Netzes festgelegt [2].

Im Kapitel 3.2 wurde erwähnt, dass ein Energiespeicher für das dezentrale Brennstoffzellensystem erforderlich ist. Die Möglichkeiten der prinzipiellen Realisierung des Brennstoffzellensystems mit einer BZ und einem Energiespeicher werden in [11]-[19] ausführlich beschrieben und analysiert. Das in [11] und [12] dargestellte Energiesystem mit dem Anschluss der Batterie an die BZ über einen unidirektionalen DC/DC-Wandler, *Abb. 3.8A*, und das in [13] favorisierte Energiesystem mit dem Anschluss der Batterie über einen bidirektionalen DC/DC-Wandler an den Zwischenkreis des WR, *Abb. 3.8B*, wurden in [11] hinsichtlich des Wirkungsgrades verglichen. Als unidirektionaler DC/DC-Wandler kann ein Hoch- oder Tiefsetzsteller in Abhängigkeit vom Verhältnis zwischen der Spannung der BZ und der Batterie verwendet werden [11]. Für den Fall, dass die Spannung der BZ im Vergleich zu den Spannungen der Niederspannungsbatterien relativ hoch ist, soll ein

Tiefsetzsteller verwendet werden, Abb. 3.8A. Der berechnete Wirkungsgrad des Energiesystems in Abb. 3.8A und Abb. 3.8B bei der Ausgangsleistung von 5kW betragen 85,7% bzw. 94,6%. Die Verluste im Tiefssetzsteller des Energiesystems, Abb. 3.8A, betragen etwa 50% der gesamten Verluste [11]. Die in Abb. 3.8A und Abb. 3.8B gezeigten Energiesysteme enthalten zwei DC/DC-Wandler. Der prinzipielle Unterschied liegt darin, dass die Energie aus der BZ und der Batterie im Energiesystem, Abb. 3.8A, durch die beiden DC/DC-Wandler fließt. Im Energiesystem, Abb. 3.8B, fließt die Energie aus der BZ nur durch einen unidirektionalen DC/DC-Wandler. Durch den bidirektionalen DC/DC-Wandler fließt die Energie nur aus der Batterie. Dadurch ist eine getrennte Steuerung des Leistungsflusses aus der Batterie und der BZ möglich. Die BZ kann nach Laständerungen eine bestimmte Leistung liefern (verfügbare Leistung). Aus dem aktuellen Ladungszustand der Batterien und der benötigten Leistung der Last wird der Sollwert für die Leistung der BZ berechnet, so wie in [13], [14] beschrieben wird, und mit der verfügbaren Leistung der BZ verglichen. Wenn die verfügbare Leistung der BZ kleiner als die benötigte Leistung der Last ist, wird die Differenz zwischen diesen Leistungen aus der Batterie durch einen bidirektionalen DC/DC-Wandler an die Last eingespeist. Wenn die verfügbare Leistung der BZ größer als die benötigte Leistung der Last ist, wird die Differenz zwischen diesen Leistungen von der BZ in die Batterie eingespeist. Die Batterie wird von dieser Leistung aufgeladen. Der aus der BZ entnommene Strom darf einen maximal zulässigen Wert nicht überschreiten. Die Begrenzung der aus der BZ entnommenen Stromes ist durch eine Stromregelkreis des des undirektionalen DC/DC-Wandlers möglich [13], [14].

In [12], [15] wird das in *Abb. 3.8C* gezeigte Energiesystem vorgeschlagen. Es enthält nur einen undirektionalen DC/DC-Wandler zwischen der BZ und der Batterie. Dadurch wird ein höherer Wirkungsgrad im Vergleich zum Energiesystem, *Abb. 3.8A*, erreicht. Der wesentliche Nachteil dieses Energiesystems besteht in der Notwendigkeit, eine Hochspannungsbatterie in den Zwischenkreis zu integrieren. Die Hochspannungsbatterie ist im Vergleich zu Niederspannungsbatterien durch einen erhöhten Ersatzwiderstand und eine niedrigere Zuverlässigkeit gekennzeichnet [4]. Der höhere Ersatzwiderstand führt zu einer stärkeren Abhängigkeit der Spannung der Batterie von der Last und zur instabilen Zwischenkreisspannung bei Laständerungen.

In [11] wird ferner die symmetrische Aufteilung des Zwischenkreises des WR auf zwei Kondensatoren vorgeschlagen, *Abb. 3.8E.* Dafür sind zwei Transformatoren

jeweils mit einem Gleichrichter auf der Sekundärseite für einen unidirektionalen DC/DC-Wandler erforderlich. Jeder Gleichrichter speist den jeweiligen Kondensator des Zwischenkreises. Die Vorteile eines solchen Energiesystems sind [10]:

- reduziertes Übersetzungsverhältnis jedes Transformators,
- halbierte Strombelastung der primärseitigen Transistoren,
- halbierte Spannungsbelastung der sekundärseitigen Dioden.

Der in [11] aufgebaute spannungsgespeiste Vollbrückenwandler ist für die Hochsetzung der Spannung von 29V bis 400V für den Zwischenkreis des einphasigen WR dimensioniert. Der Wirkungsgrad dieses Wandlers bei der Schaltfrequenz von 25kHz bei einer Last von 4,4kW beträgt 90%.

Eine gute Alternative zu den schon betrachteten Energiesystemen ist die Verwendung eines DC/DC-Wandlers mit mehreren Eingängen, *Abb. 3.8D.* Die Schaltungstopologien eines solchen Wandlers für die Verbindung von mehreren Energiequellen mit einer Last entweder über einen Gleichspannungszwischenkreis [16]-[18] oder über einen Transformator [19]-[24] wurden vorgeschlagen. Diese Schaltungstopologien zeichnen sich jedoch durch einen relativ hohen Aufwand an Bauelementen und einen diskontinuierlichen Strom durch die Eingänge aus. Außerdem können diese Schaltungstopologien bei einer relativ hohen Änderung der Eingangsspannung nicht spannungslos schalten.

In [25] wird eine Schaltungstopologie eines Wandlers für die Verbindung von der BZ und der Batterie mit einer Last oder mehreren Lasten vorgeschlagen. Diese Schaltungstopologie enthält nur 6 Transistoren und zwei Zwischenkreiskondensatoren. Ein weiterer Vorteil besteht in kontinuierlichen Strömen durch die Eingänge. Bei der Verwendung des in [25] vorgeschlagenen DC/DC-Wandlers können BZ und Batterie entsprechend dem in *Abb. 3.8E* gezeigten Schema an das dreiphasige Netz angeschlossen werden. Der Nachteil des in *Abb. 3.8D* dargestellten Energiesystems im Vergleich mit den Energiesystemen in *Abb. 3.8A, Abb. 3.8B, Abb. 3.8E* ist eine geringere Zuverlässigkeit und ein nichtmodularer Aufbau.

Eine Alternative zu den bisher betrachteten Energiesystemen ist ein Energiesystem ohne Gleichspannungszwischenkreis, *Abb. 3.8F.* In [26]-[29] werden verschiedene

Realisierungsmöglichkeiten des Abb. 3.8F dargestellten Energiesystems in vorgeschlagen. Die BZ ist über einen unidirektionalen und die Batterie über einen bidirektionalen Wandler an den Eingang eines einphasigen WR angeschlossen. Der einphasige WR wandelt die hochgesetzte Gleichspannung in eine Wechselspannung um. Der am Ausgang des einphasigen WR angeschlossene Mittelfrequenztransformator gewährleistet die galvanische Trennung der BZ und der Batterie vom Netzpotential. Der Matrixumrichter wandelt die hochgesetzte einphasige Wechselspannung in eine dreiphasige Wechselspannung um. Ein Zwischenkreiskondensator ist nicht erforderlich und die Wandler für die BZ und die Batterie können ohne galvanische Trennung ausgeführt werden. Das führt zu einer erheblichen Reduzierung der Kosten und der physikalischen Abmaße des Energiesystems. Die Nachteile dieses Konzeptes sind:

- ein erhöhter Aufwand an Bauelementen,
- ein erhöhter Aufwand für die Steuerung und Regelung des Matrixumrichters,
- Matrixumrichter sind derzeit kommerziell nicht verfügbar,
- Überspannung an den Bauelementen des Matrixumrichters und des WR wegen der Streuinduktivität des Transformators.

In [30] wird ein modulares Konzept des Energiesystems für die BZ vorgeschlagen. Der Brennstoffzellenstapel wird elektrisch in mehrere Sektionen aufgeteilt. Jede Sektion wird von einem separaten DC/DC-Wandler eingespeist. Die Vorteile dieses Konzeptes werden in [30] beschrieben. Der wichtigste Vorteil ist die erhöhte Zuverlässigkeit. Dieses Konzept lohnt sich allerdings nur für BZ mit einer relativ hohen Spannung und einer relativ hohen Leistung.

Alle betrachteten Energiesysteme, außer dem Energiesystem in *Abb. 3.8F*, benötigen galvanisch getrennte unidirektionale DC/DC-Wandler, um zu ermöglichen, dass die BZ und der Energiespeicher geerdet sind. Wegen der oben genannten Nachteilen ist das in *Abb. 3.8F* gezeigte Energiesystem ungünstig. Die galvanisch getrennten DC/DC-Wandler in den anderen in *Abb. 3.8* dargestellten Energiesystemen erfordern einen relativ großen Aufwand hinsichtlich der Bauelemente und eine relativ komplexe Steuerung.





Abb. 3.8: Blockschaltbilder des brennstoffzellenbasierten Energieversorgungssystems (A): auf Basis von zwei unidirektionalen DC/DC-Wandlern; B): auf Basis von einem unidirektionalen und einem bidirektionalen DC/DC-Wandler; C): auf Basis von einem unidirektionalen DC/DC-Wandler mit einer Batterie im Gleichspannungszwischenkreis; D): auf Basis eines bidirektionalen DC/DC-Wandlers mit drei Eingängen; E): auf Basis von einem unidirektionalen und einem bidirektionalen DC/DC-Wandlers mit drei Eingängen; E): auf Basis von einem zwischenkreis; F): auf Basis eines Matrixumrichters; E...Energieflussrichtung.

Aus diesen Gründen wird in dieser Arbeit das in *Abb. 3.9* gezeigte Energiesystem vorgeschlagen. Dieses Energiesystem benötigt zwei unidirektionale DC/DC-Wandler ohne galvanische Trennung für die BZ und einen bidirektionalen galvanisch getrennten DC/DC-Wandler für die Batterie.





Abb. 3.9: Blockschaltbild des brennstoffzellenbasierten Energieversorgungssystems mit Niederspannungsbatterie, einem Gleichspannungszwischenkreis, einem nichtisolierten unidirektionalen DC/DC-Wandler und einem isolierten bidirektionalen DC/DC-Wandler; E...Energieflussrichtung.

Zwei seriell geschaltete BZ mit einem geerdeten Mittelpunkt dienen zur Einspeisung der zwei parallelgeschalteten, nicht galvanisch getrennten unidirektionalen DC/DC-Wandler. Der bidirektionale DC/DC-Wandler für die Batterie soll galvanisch getrennt sein, um zu gewährleisten, dass die Batterie geerdet ist. Die Eingangsspannung jedes unidirektionalen DC/DC-Wandlers halbiert sich im Vergleich zum Konzept in *Abb. 3.8B*. Das ermöglicht die Verringerung der Spannungsbelastungen der Bauelemente des unidirektionalen DC/DC-Wandlers. Jeder unidirektionaler DC/DC-Wandlers des dreiphasigen WR ein. Jeder unidirektionaler DC/DC-Wandler im Blockschaltbild, *Abb. 3.9*, wird für das maximale Spannungsübersetzungsverhältnis von 25 und für die Leistung von 2,5kW dimensioniert. Im Blockschaltbild in *Abb. 3.8B* ist ein unidirektionaler DC/DC-Wandler mit einem Spannungsübersetzungsverhältnis von 25 und einer Leistung von 5kW erforderlich.

3.5 Darstellung unidirektionaler DC/DC-Wandlerschaltungen

Das Objekt der Untersuchungen dieser Arbeit ist der unidirektionale DC/DC-Wandler für die Einspeisung der Energie der BZ zum Zwischenkreis des dreiphasigen WR. Der Überblick über die existierenden DC/DC-Wandlerschaltungen ist Gegenstand des Abschnittes 3.5. Unidirektionale DC/DC-Wandlerschaltungen kann man nach vier Kriterien unterscheiden [31]:

- Anzahl der Transistoren,
- Aufbau,
- Eingangsfiltertyp,
- Funktionsprinzip.

Nach der Anzahl der Transistoren kann man die DC/DC-Wandler in zwei Gruppen aufteilen [31]:

- Schaltungen mit einem Transistor,
- Schaltungen mit zwei oder mehr Transistoren.

Nach dem Aufbau lassen sich die Schaltungen in zwei Gruppen einordnen [31]:

- transformatorlose Schaltungen,
- Schaltungen mit einem Transformator.

Die transformatorlosen Schaltungen gewährleisten keine galvanische Trennung zwischen dem Ein- und Ausgang. Die Schaltungen mit einem Transformator verfügen in der Regel über diese Trennung.

Die Schaltung des DC/DC-Wandlers für die BZ muss folgende Anforderungen erfüllen:

- Eignung für hohe Ausgangsspannung,
- Sicherstellung hoher Spannungsübersetzungsverhältnisse,
- Sicherstellung einer hohen Ausgangsspannungsstabilität bei veränderlicher Eingangsspannung und Lastsprüngen,
- hoher Wirkungsgrad im Voll- und Teillastbereich,
- niedrige Kosten,
- kontinuierlicher Eingangsstrom.

Jede diese Anforderung wird im Folgenden erläutert. Eine hohe Ausgangsspannung kann zu relativ hohen Spannungsbelastungen der Bauelemente auf der Sekundärseite führen. Schaltungen mit möglichst geringeren Spannungsbelastungen der Bauelemente auf der Sekundärseite sind für diese Anwendung günstiger. Die Ausgangsspannung des DC/DC-Wandlers soll bei Änderungen der Eingangsspannung und Lastsprüngen hochdynamisch auf einen konstanten Wert geregelt werden. Möglichst niedrige Kosten werden durch die Verringerung des Gesamtaufwandes für die Realisierung der Schaltung erreicht. Der Gesamtaufwand für die Realisierung der Schaltung setzt sich aus folgenden Komponenten zusammen:

- Schaltungsaufwand (Anzahl der Leistungshalbleiter, Design des Transformators, zusätzliche Clamping-Schaltung wegen der Streuinduktivität des Transformators erforderlich oder nicht),
- Aufwand an Kupfer und Kernmaterial für den Transformator,
- Steuerungsaufwand und Regelungsaufwand,
- Filteraufwand.

In diesem Abschnitt werden die DC/DC-Wandlerschaltungen, welche die ersten drei Anforderungen erfüllen, für die Untersuchung hinsichtlich des Wirkungsgrades und Gesamtaufwandes ausgewählt. Die letzte Anforderung bedeutet, dass der aus der BZ entnommene Strom möglichst gut geglättet sein soll. Dieser Strom enthält eine Welligkeit entsprechend der Schaltfrequenz des unidirektionalen DC/DC-Wandlers. Bei einer einphasigen Last pulsiert die Wirkleistungsabgabe an das starre Netz mit doppelter Netzfrequenz. Es soll verhindert werden, dass diese Welligkeit des an das starre Netz abgegebenen Ausgangsstromes sich über den Zwischenkreis des WR auf den aus der BZ entnommenen Strom überträgt. Die experimentellen Ergebnisse in [32] zeigen, dass diese niederfrequente Welligkeit des Stromes der BZ beim Anschluss der BZ über einen WR an ein einphasiges Netz 34% beträgt. Die BZ soll in diesem Fall für eine um 17% höhere Leistung als die Nennleistung ausgelegt sein. Die niederfrequente Welligkeit des Stromes führt auch zu einer geringeren Lebensdauer der BZ und zu einem höheren Wasserstoffverbrauch [33]-[35]. Wie in [36] gezeigt wurde, führt die Welligkeit mit der Frequenz von 100Hz zu den Hysterese-Verlusten. Dadurch entsteht eine nicht gleichmäßige Erwärmung der Zellen. Das hat eine negative Wirkung auf die Lebensdauer. [37], [38] stellen fest, dass die niederfrequente Welligkeit zu einer Verzerrung der Spannung der BZ führen kann. In [36] wird die maximale zulässige niederfrequente Welligkeit des Stromes von der BZ auf 10% festgelegt. Aus diesen Gründen wurden in [37]-[42] verschiedene Methoden für die Reduzierung der niederfrequenten Welligkeit des Stromes von der BZ untersucht. Die Erhöhung der Kapazität des Zwischenkreiskondensators ist eine Maßnahme für die Reduzierung dieser Welligkeit. Eine in [37] beschriebene Methode schlägt vor, einen Schwingkreis, der aus der seriellen Verbindung einer Drossel mit einem Kondensator besteht, parallel zu dem Zwischenkreiskondensator anzuschließen. Die Resonanzfrequenz dieses Schwingkreises soll der doppelten Netzfrequenz gleich sein. Die Methode ermöglicht die Reduzierung der Welligkeit mit der doppelten Netzfrequenz in der Zwischenkreisspannung bei einer relativ kleinen Kapazität des Zwischenkreiskondensators. Ein Nachteil dieser Methode ist ein erhöhter Bauelementeaufwand wegen der zusätzlichen Energiespeicherbauelemente. [38]-[42] beschreiben die Kompensierung der niederfrequenten Welligkeit des Stromes von der BZ mit Hilfe eines zusätzlichen bidirektionalen DC/DC-Wandlers. Alle diese Methoden erfordern den Einsatz von zusätzlichen Bauelementen und sind deshalb mit einem hohen Aufwand verbunden. Es gibt zwei Arten der Regelung für einen DC/DC-Wandler:

- Konstantspannungsregelung,
- Spannungsregelung mit einem unterlagerten Stromregelkreis.

In [43] wurde gezeigt, dass die niederfrequente Welligkeit des Stromes von der BZ mit dem zweiten Regelungsverfahren durch die entsprechende Dimensionierung der Bandbreiten der Spannungs- und Stromregelkreise bis auf 1% bei einer stabilen Zwischenkreisspannung reduziert werden kann [43]. Dafür sind keine zusätzlichen Bauelemente erforderlich. Weiteren Vorteile der Spannungsregelung mit einem unterlagerten Stromregelkreis [44], [14] sind:

- Regelung der Ausgangsspannung mit einer höheren Dynamik,
- Begrenzung des aus der BZ entnommenen Stromes auf einen maximal zulässigen Wert durch den Stromregelkreis.

In Abhängigkeit von dem überwachten Stromwert unterscheidet man zwischen der "average current control" und "peak current control" [44]. Besonders günstig für die Eliminierung der niederfrequenten Welligkeit des Stromes von der BZ ist die so genannte "average current control" [45]. Der Regelkreis ist außerdem unempfindlich gegenüber Eingangsspannungsänderungen. Der aus der BZ entnommene Strom kann mit diesem Regelverfahren sehr genau begrenzt werden [45]. Die in [46] vorgeschlagene digitale Regelung für einen undirektionalen DC/DC-Wandler verwendet einen digitalen Filter in der Rückkopplung des Spannungsregelkreises. Die Funktion dieses Filters besteht darin, die niederfrequente Welligkeit der Zwischenkreisspannung zu filtern. Das führt dazu, dass der Sollwert für den Ausgangsstrom keine niederfrequente Harmonische enthält. Der aus der BZ entnommene Strom kann durch einen Stromvorbegrenzer einen bestimmten maximalen Wert nicht überschreiten. Dieser Wert ist von den Parametern des Stromvorbegrenzers abhängig, die sich in Abhängigkeit von der zugeführten Menge vom Sauerstoff zur BZ ändern. Das ist erforderlich, um einen Mangel an Sauerstoff für die BZ zu verhindern und so die Lebensdauer der BZ zu erhöhen [46]. Bei einer dreiphasigen Last ist die Niederfrequenzwelligkeit genug durch den Zwischenkreiskondensator geglättet, damit sie sich nicht auf den aus der BZ entnommene Strom überträgt.

Die meisten Schaltungstopologien mit einem Transistor und ohne Transformator sind für die Leistungsklasse von 5kW und für hohe Spannungsübersetzungsverhältnisse nicht geeignet [31]. Der Hochsetzsteller ist wegen des kontinuierlichen Eingangsstromes und der niedrigen Anzahl Bauelemente von Interesse. In [47]-[51] werden hinsichtlich des Spannungsübersetzungsverhältnisses verbesserte Schaltungstopologien des Hochsetzstellers untersucht. Die Reverse-Recovery-Verluste der sekundärseitigen Diode sind in diesen Topologien deutlich kleiner als beim konventionellen Hochsetzsteller. In [48] wurde der zweistufige Hochsetzsteller aus zwei Hochsetzstellern vorgeschlagen. Das Spannungsübersetzungsverhältnis eines solchen Wandlers ist doppelt so hoch wie beim konventionellen Hochsetzsteller. Für das erforderliche Spannungsübersetzungsverhältnis von 25 wäre ein vier- oder fünfstufiger Hochsetzsteller denkbar. Wegen der sehr hohen Anzahl an Bauelementen ist diese Schaltung jedoch nicht optimal. In [49] wird ein weichschaltender Hochsetzsteller mit nur einem Transistor und reduzierten Strom- und Spannungsbelastungen der Bauelemente vorgeschlagen. Das maximale Spannungsübersetzungsverhältnis kann nicht höher als 4 sein, um das weiche Schalten des Transistors zu gewährleisten. In [52]-[55] werden mögliche Schaltungstopologien des Hochsetzstellers mit geteilter Drossel betrachtet. Im Vergleich zum konventionellen Hochsetzsteller zeichnen sich

diese Topologien durch ein relativ hohes Spannungsübersetzungsverhältnis bei relativ niedrigen Tastverhältnissen, eine reduzierte Spannungsbelastung des Transistors und geringere Reverse-Recovery-Verluste in der sekundärseitigen Diode aus. Das Problem von dieser Schaltungen ist die Überspannung am Transistor aufgrund der Streuinduktivität der geteilten Drossel. Um diese Überspannung am Transistor zu begrenzen, ist eine Clamping-Schaltung erforderlich [53]. In [53] wird gezeigt, dass der Wirkungsgrad bei einem Übersetzungsverhältnis von 25 und einer Leistung von 5kW durch die passive Clamping-Schaltung um 4% niedriger wird. In [50] wird der Hochsetzsteller mit geteilter Drossel für eine Eingangsspannung von 33V, eine Ausgangsspannung von 235V, eine Schaltfrequenz von 20kHz und eine Eingangsleistung von 5kW mit einer aktiven Clamping-Schaltung untersucht. Die Messergebnisse zeigen, dass der Wirkungsgrad durch die aktive Clamping-Schaltung um 3,5% verbessert wird. Der Wirkungsgrad dieser Schaltung beträgt 92%. In [52] wird die Schaltung des Hochsetzstellers mit geteilter Drossel durch eine Diode und einen Kondensator erweitert. Die in den Streuinduktivitäten der geteilten Drossel gespeicherte Energie wird beim Ausschalten des Transistors durch diese Diode zum Ausgang der Schaltung geführt. Dadurch wird eine Überspannung am Transistor verhindert. Die Funktionsweise der in [52] vorgeschlagenen Schaltung basiert auf dem Sperrwandlerprinzip. Die zum Ausgang übertragene Energie soll in der primären Magnetisierungsinduktivität des Transformators gespeichert werden. Ein Transformator mit einem relativ großen Kernquerschnitt wird für relativ hohe Leistungen benötigt. Deshalb werden die Schaltungen nach dem Prinzip des Sperrwandlers bei relativ kleinen Leistungen (<100W) verwendet. Die in [56] vorgeschlagene Schaltung des DC/DC-Wandlers ist durch ein hohes Spannungsübersetzungsverhältnis, geringe Spannungsbelastungen der Bauelemente und eine bidirektionale Magnetisierung des Transformators gekennzeichnet. Die bidirektionale Magnetisierung des Transformators wurde durch eine zusätzliche Drossel am Eingang der Schaltung erreicht. Durch die Kondensatoren und die Drossel dieser Schaltung fließt ein primärseitiger Strom. Die Dimensionierung dieser Bauelemente für relativ hohe Leistungen führt zu einer deutlichen Verringerung des Wirkungsgrades und zur Erhöhung der Größe der Energiespeicherbauelemente. Deshalb ist diese Schaltung nur bis etwa 400W gut geeignet [56]. Die in [54] vorgeschlagene Schaltung des Hochsetzstellers mit geteilter Drossel nur mit einem Transistor weist einen sehr hohen Wirkungsgrad von 94,1% bei

 P_a =300W, U_e =27V, U_a =400V auf. Der wesentliche Nachteil dieser Topologie ist die Ausführung der geteilten Drossel mit drei Wicklungen. Die in [55] vorgeschlagene Schaltung des Hochsetzstellers mit geteilter Drossel mit zwei Wicklungen weist wegen des weichen Schaltens der Transistoren ebenfalls einen relativ hohen Wirkungsgrad auf. Die Verwendung von drei Transistoren und eine relativ hohe Anzahl an Bauelementen sind die Nachteile dieser Schaltung.

Aus oben genannten Fakten folgt, dass die Schaltung des Hochsetzstellers mit geteilter Drossel, *Abb. 3.10D (S. 31)*, eine gute Alternative zu den galvanisch getrennten Schaltungstopologien darstellt. Eine relativ niedrige Anzahl der Bauelemente, ein geringerer Aufwand für die Realisierung einer geteilten Drossel als für einen Transformator und ein günstiger Wirkungsgrad machen diese Schaltungstopologie attraktiv.

Alle DC/DC-Wandlerschaltungen mit mehreren Transistoren enthalten in der Regel einen Transformator. Nach dem Funktionsprinzip unterscheidet man zwischen hartschaltenden und resonanten Schaltungen. Nach dem Eingangsfiltertyp lassen sich die Schaltungen in zwei Gruppen einordnen [31]:

- Spannungsgespeiste und
- stromgespeiste.

Aus den spannungsgespeisten Topologien kommt der Doppeldurchflusswandler in asymmetrischer Halbbrückenschaltung, *Abb. 3.10A*, für die Anwendung in der Leistungsklasse von 5kW in Frage. Stromgespeiste Schaltungstopologien werden durch einen kontinuierlichen Eingangsstrom gekennzeichnet. Durch die Vergrößerung der Eingangsdrossel oder der Schaltfrequenz kann die hochfrequente Welligkeit des Stromes der BZ verkleinert werden. Die möglichen Schaltungstopologien sind der Gegentaktwandler, der Halbbrückenwandler und der Vollbrückenwandler. Die Vorteile dieser stromgespeisten Topologien sind [56]:

- bidirektionale Magnetisierung des Transformators
- unsymmetrische Magnetisierung des Transformators unmöglich
- hochdynamische Regelung der Ausgangsspannung möglich

Die Nachteile dieser Topologien sind [56]:

• Dimensionierung der Eingangsdrossel für einen relativ hohen Strom,

• Überspannung an den primärseitigen Transistoren beim Abschalten wegen der Streuinduktivität des Transformators.

Die stromgespeisten Topologien mit einer Clamping-Schaltung zur Begrenzung von Überspannungen an den Transistoren wegen der Streuinduktivität des Transformators wurden in [57]-[62] dargestellt. In [60] wurde die Dimensionierung der Clamping-Schaltung für einen stromgespeisten Vollbrückenwandler mathematisch beschrieben. Dabei wurde gezeigt, dass die Clamping-Spannung im Nennarbeitspunkt der BZ den maximalen Wert annimmt. Eine wichtige Schlussfolgerung daraus ist, dass der Leistungsbereich, in dem der Vollbrückenwandler arbeitet, durch die Clamping-Schaltung nicht beschränkt wird. Die Voraussetzung dafür ist eine richtige Dimensionierung Clamping-Schaltung Berücksichtigung der unter des Nennarbeitspunktes der BZ [60]. Außerdem wurden in [60] die Verluste in der Clamping-Schaltung analytisch berechnet. Es wurde festgestellt, dass die Reduzierung der Clamping-Spannung zu einer Erhöhung der Leitverluste und zur Verringerung der Durchlassverluste im Transistor der Clamping-Schaltung führt. In [61] wurden zwei Arten der Clamping-Schaltung für einen stromgespeisten Vollbrückenwandler hinsichtlich des Wirkungsgrades und Aufwandes an Bauelementen verglichen. Die erste Art der Clamping-Schaltung wird mit Hilfe einer Diode und eines Kondensators realisiert. Allerdings wird noch ein zusätzlicher DC/DC-Wandler benötigt, um die in dem Kondensator gespeicherte Energie in den Zwischenkreis des WR einzuspeisen. Die zweite Art der Clamping-Schaltung wird mit Hilfe einer Diode, eines Kondensators und eines Transistors realisiert. Die in dem Kondensator gespeicherte Energie zum Eingang des DC/DC-Wandlers eingespeist. Die Untersuchungen in [61] haben gezeigt, dass der Wirkungsgrad des DC/DC-Wandlers mit beiden Arten der Clamping-Schaltung gleich ist. Die in [61] dargestellten Clamping-Schaltungen können auch für den Hochsetzsteller mit geteilter Drossel verwendet werden. Aus den stromgespeisten Topologien also der stromgespeiste Gegentaktwandler sind und der Vollbrückenwandler von Interesse, Abb. 3.10E und Abb. 3.10C. In [63] sind zwei Schaltungstopologien des stromgespeisten Halbbrückenwandlers verglichen worden. Die Besonderheit dieser Topologien ist, dass die Streuinduktivität des Transformators keine Überspannung an den Transistoren verursacht, weil diese Induktivität für die Bildung eines Resonanzkreises beim Schalten der Transistoren verwendet wird. Dadurch ist keine zusätzliche Clamping-Schaltung erforderlich und das stromlose

Schalten der Transistoren wird gewährleistet. Der stromgespeiste stromlos schaltende Halbbrückenwandler kann nur bei Tastverhältnissen höher als 50% betrieben werden. Dieser Wandler gewährleistet ein höheres Spannungsübersetzungsverhältnis und erfordert einen geringeren Bauelementeaufwand als der stromgespeiste spannungslos schaltende Halbbrückenwandler.

[64]-[69] schlagen verschiedene mehrphasige stromgespeiste DC/DC-Wandlerschaltungen vor, die so gesteuert werden, dass die hochfrequente Welligkeit des Eingangsstromes sich verringern lässt. Der in [67] vorgeschlagene DC/DC-Wandler enthält einen dreiphasigen Transformator für die Erhöhung der übertragenen Leistung, gewährleistet das spannungslose Ein- und Ausschalten von 6 primärseitigen Transistoren mit Hilfe der Clamping-Schaltung und ermöglicht die Reduzierung der Abmaße und Kosten der Eingangsdrossel. Diese DC/DC-Wandler zeichnen sich jedoch durch einen erhöhten Bauelemente- und Ansteueraufwand aus.

Weil eine Clamping-Schaltung nicht erforderlich ist, stellen die spannungsgespeisten Topologien eine gute Alternative zu den stromgespeisten Topologien dar. Diese Topologien unterscheiden sich in folgenden Kriterien:

- Art der Schaltung im Primärkreis,
- Art der Schaltung im Sekundärkreis.

Die möglichen Arten der Schaltung im Primärkreis sind die Halbbrückenschaltung, die Vollbrückenschaltung, die asymmetrische Halbbrückenschaltung der und Gegentaktwandler. Beim spannungsgespeisten Gegentaktwandler kann eine leichte Unsymmetrie bei der Ansteuerung der Transistoren eine unsymmetrische Verteilung der primären Spannung zwischen den beiden Hälften der primären Wicklung verursachen, was zur Sättigung des Transformators führen würde [31]. Aus diesem Grund wird diese Schaltung nur bei kleinen Leistungen verwendet. Die Halbbrückenschaltung zeichnet sich im Vergleich zur Vollbrückenschaltung durch eine doppelt so hohe Strombelastung der Transistoren aus. Dies erschwert die Verwendung dieser Schaltung für hohe Leistungen. Mögliche Arten der Schaltung im Sekundärkreis sind eine ungesteuerte Vollbrückenschaltung und eine selbstgeführte Vollbrückenschaltung. Die selbstgeführte Vollbrückenschaltung ermöglicht die Änderung der Amplitude der sekundären Spannung des Transformators und der Phasenverschiebung zwischen der primären und sekundären Spannung des Transformators [70]. Allerdings wird wegen der hohen

3 Stand der Technik

Ausgangsspannung die Verwendung von IGBT für die Transistoren einer selbstgeführten Vollbrückenschaltung vorgeschlagen. Die IGBT zeichnen sich jedoch durch ein ungünstiges Schaltverhalten aus. Der Wirkungsgrad des spannungsgespeisten Vollbrückenwandlers mit der selbstgeführten Vollbrückenschaltung auf der Sekundärseite ist deutlich niedriger als der Wirkungsgrad des spannungsgespeisten Vollbrückenwandlers mit einer ungesteuerten Vollbrückenschaltung, Abb. 3.10B [70]. Deshalb ist die ungesteuerte Vollbrückenschaltung auf der Sekundärseite des Transformators die bessere Wahl. [71], [72] schlagen Schaltungstopologien des spannungsgespeisten Vollbrückenwandlers vor, in welchen die Streuinduktivität des Transformators die Funktion der Ausgangsdrossel übernimmt. Der dadurch mögliche Verzicht auf die Ausgangsdrossel hat nicht nur den Vorteil des reduzierten Aufwandes, sondern führt auch zur deutlichen Verbesserung des Wirkungsgrades [73], [74]. Der wesentliche Nachteil der in [71], [72] vorgeschlagenen Schaltungstopologien ist, dass zwei Transistoren auf der Sekundärseite erforderlich sind.

Die resonanten Schaltungstopologien können bei einer konstanten Schaltfrequenz oder bei einer veränderlichen Schaltfrequenz betrieben werden. Der Betrieb bei einer veränderlichen Schaltfrequenz erschwert deutlich die Filter- und Reglerdimensionierung [75]. Die möglichen resonanten Schaltungstopologien [75] sind:

- serienresonanter DC/DC-Wandler,
- parallelresonanter DC/DC-Wandler,
- serien-parallelresonanter DC/DC-Wandler (oder LCC-resonanter DC/DC-Wandler),
- LCC-resonanter DC/DC-Wandler mit einem kapazitiven Filter,
- LCC-resonanter DC/DC-Wandler mit einem induktiven Filter,
- resonanter Vollbrückenwandler gesteuert mit dem Phasenverschiebungsverfahren,
- resonanter Vollbrückenwandler gesteuert auf der Sekundärseite,
- resonanter stromgespeister DC/DC-Wandler mit zwei Drosseln und einer aktiven Clamping-Schaltung.

Die Untersuchungen in [75] haben gezeigt, dass das spannungslose Schalten der Transistoren bei dem serienresonanten DC/DC-Wandler und dem serienparallelresonanten DC/DC-Wandler im relativ engen Bereich der Eingangsspannungsänderung und Laständerung gewährleistet werden kann. In [75] wurde gezeigt, dass der paralellresonante DC/DC-Wandler für die BZ ungeeignet ist, weil der Strom durch die primärseitigen Transistoren sich nicht mit der Lastabsenkung verringert. Das bedeutet, dass dieser Wandler an die Strom-Spannungskennlinie einer BZ nicht angepasst werden kann. Also sind diese Schaltungstopologien für die BZ ungeeignet. Bei dem LCC-resonanten DC/DC-Wandler mit einem kapazitiven Filter und der selbstgeführten Vollbrückenschaltung auf der Sekundärseite ist es schwierig, die resonante Drossel mit einer bestimmten Induktivität genau zu realisieren, weil die Induktivität der resonanten Drossel sich aus der Streuinduktivität des Transformators und aus der Induktivität einer zusätzlichen Drossel zusammensetzt [75]. Der resonante stromgespeiste DC/DC-Wandler mit zwei Drosseln und einer aktiven Clamping-Schaltung wird in [75] favorisiert. Die Vorteile dieser Schaltung sind:

- Spannung der Dioden auf der Sekundärseite ist auf die Ausgangsspannung geklemmt,
- Der Bereich, in dem das spannungslose Schalten der Transistoren möglich ist, ist größer als bei den anderen resonanten Schaltungen.

Der Nachteile dieser Schaltung sind ein relativ hoher Aufwand an Bauelementen und die Dimensionierung von zwei Ausgangsdrosseln für relativ hohe Ströme. In [76] wurde auch gezeigt, dass die resonanten Schaltungstopologien durch erhöhte Strombelastungen der Bauelemente im Vergleich zu den entsprechenden hartschaltenden Schaltungen gekennzeichnet sind. Die resonanten Schaltungstopologien sind bei relativ hohen Schaltfrequenzen hinsichtlich des Wirkungsgrades im Vorteil gegenüber den hartschaltenden Schaltungstopologien [76]. Die Wahl zwischen den resonanten und hartschaltenden Schaltungstopologien ist von der erforderlichen Schaltfrequenz abhängig. Hohe Schaltfrequenzen sind für die DC/DC-Wandler im mobilen Einsatz für die BZ erforderlich, weil das Gewicht des DC/DC-Wandlers in diesem Anwendungsfall möglichst klein sein soll. Bei den DC/DC-Wandlern für eine BZ mit einer Leistung von 5kW, die stationär eingesetzt wird, sind die Schaltfrequenzen bis 100kHz ausreichend hoch, um ein kompaktes Design der Schaltung zu erreichen [59].



Abb. 3.10: Ausgewählte unidirektionale DC/DC-Wandlerschaltungen für den Vergleich (A: Doppeldurchflusswandler; B: spannungsgespeister Vollbrückenwandler; C: stromgespeister Vollbrückenwandler; D: Hochsetzsteller mit geteilter Drossel; E: stromgespeister Gegentaktwandler)

4 Theoretischer Vergleich unidirektionaler DC/DC-Wandlerschaltungen

4.1 Methodik des Vergleichs

Die DC/DC-Wandlerschaltungen werden hinsichtlich der im Kapitel 3 formulierten Anforderungen verglichen werden. Der Vergleich wird für die minimale Spannung der BZ durchgeführt, weil der DC/DC-Wandler bei der minimalen Spannung der BZ das maximale Spannungsübersetzungsverhältnis gewährleisten soll. Dieser Arbeitspunkt ist der ungünstigste hinsichtlich des Wirkungsgrades. Die Berechnung des Wirkungsgrades erfolgt für diesen Arbeitspunkt unter Berücksichtigung der folgenden Verlustleistungsanteile:

- Leitverluste in den Leistungshalbleitern,
- Schaltverluste in den Leistungshalbleitern,
- Verluste im Kernmaterial des Transformators,
- ohmsche Verluste in den Wicklungen des Transformators.

Die Berechnung des Wirkungsgrades erfolgte unter der folgenden Voraussetzungen:

- Annahme eines idealen Transformators bzw. Ausschluss von Streuinduktivitäten,
- lineare Änderung der Ströme und Spannungen während der Schaltvorgänge,
- Ausschluss von Überspannungen und Überströmen an den Bauelementen bzw. Ausschluss von parasitären Induktivitäten.

Unter der Voraussetzung, dass der Transformator ideal ist, sind keine Clamping-Schaltungen für den stromgespeisten Vollbrückenwandler, den stromgespeisten Gegentaktwandler und den Hochsetzsteller mit geteilter Drossel erforderlich. Deshalb werden die Verluste in den Clamping-Schaltungen bei der Berechnung nicht berücksichtigt.

Die Berechnung der gesamten Halbleiterverluste und der Sperrschichttemperaturen der MOSFET und der Dioden ist mit Hilfe eines Iterationszyklusses durchgeführt worden. Der Algorithmus der Berechnungen ist in *Abb. 4.1* dargestellt. Im Schritt 1
werden die elektrischen Beanspruchungen, die Durchlasskennlinien der Leistungshalbleiter bei einer Sperrschichttemperatur von 25° C, die thermischen Daten der Leistungshalbleiter, die Umgebungstemperatur T_a sowie die Anzahl der parallel geschalteten Leistungshalbleiter angegeben. Im Schritt 2 erfolgt die Berechnung des Ein- und Ausschaltstromes der einzelnen MOSFETs. Die gemessenen Abhängigkeiten der Schaltverluste eines MOSFET bei einem konstanten Stromfluss und verschiedenen Sperrschichttemperaturen sind in *Abb. 4.2* dargestellt. Im Schritt 3 werden aufgrund von diesen Abhängigkeiten die Schaltverluste für den im zweiten Schritt berechneten Strom ermittelt.



Abb. 4.1: Algorithmus für die Berechnung der Sperrschichttemperatur der Leistungshalbleiter und der gesamten Halbleiterverluste in der Schaltung



Abb. 4.2: A: Gemessene Ausschaltverluste beim harten Ausschalten als Funktion des Ausschaltstroms;
 B: gemessene Einschaltverluste beim harten Einschalten, Funktion des Einschaltstroms für den MOSFET IXTQ88N30P [78]

In Schritt 4 werden die Leitverluste in den Leistungshalbleitern gemäß der folgenden Gleichungen berechnet:

$$P_{V,cond(T)} = R_{DS,on} \frac{I_{T,RMS}^{2}}{N_{T}}$$
(4.1)

$$P_{V,cond(D)} = \left(U_{T0} \frac{I_{D,avg}}{N_D} + r_d \frac{I_{D,RMS}^2}{N_D} \right) k_D$$
(4.2)

Bei der Berücksichtigung der Annahme, dass die Verläufe des Stromes und der Spannung der Diode beim Übergang der Diode vom leitenden in den nichtleitenden Zustand linear sind, können diese Verläufe wie in *Abb. 4.3* gezeigt wird, idealisiert dargestellt werden. Aufgrund von diesen Verläufen können die Reverse-Recovery-Verluste der Diode näherungsweise wie folgt berechnet werden:

$$P_{V,REC} = \frac{1}{2} U_{D,aus} I_{RM} t_f f$$
(4.3)

Die Werte t_f und I_{RM} , die in einem Datenblatt einer Diode nicht angegeben sind, können aufgrund der angegebenen Größen Q_{rr} , t_{rr} und di_D/dt berechnet werden. Die Methodik dieser Berechnung wird erläutert. Der maximale Wert des Reverse-Recovery-Stromes wird wie folgt berechnet:



Abb. 4.3: Idealisierter Abschaltvorgang einer Diode

Die Zeit der Erhöhung des Revese-Recovery-Stromes:

$$t_s = \frac{I_{RM}}{di_D / dt} \tag{4.5}$$

(4.4)

Die Zeit des Abklingens des Revese-Recovery-Stromes:

$$t_f = t_{rr} - t_s \tag{4.6}$$

Die gemäß Gl. (4.4) und Gl. (4.6) ermittelten Werte werden für die Berechnung der Reverse-Recovery-Verluste in die Gl. (4.3) eingesetzt.

Im Schritt 5 des Algorithmussees in *Abb. 4.1* werden die Sperrschichttemperaturen der Leistungshalbleiter aufgrund der berechneten Verluste und des Ersatzschaltbildes, *Abb. 4.4*, berechnet. Für dem Fall, dass alle Leistungshalbleiter auf einem Kühlkörper montiert sind, können die Sperrschichttemperaturen der MOSFET und der Dioden für den Fall (m > 1, n > 1) wie folgt ermittelt werden:

$$T_{j(T_m)} = T_a + P_{V(T_m)} \left(\frac{R_{th(jc)} + R_{th(ck)}}{N_{T_k}} + R_{th(ka)} \right) + \sum_{n=1}^{n_D} P_{V(D_n)} R_{th(ka)} + \sum_{m+1}^{n_T} P_{V(T_{m+1})} R_{th(ka)} + \sum_{1}^{k-1} P_{V(T_{m-1})} R_{th(ka)}$$
(4.7)

$$T_{j(D_n)} = T_a + P_{V(D_n)} \left(\frac{R_{th(jc),D_1} + R_{th(ck)}}{N_{D_n}} + R_{th(ka)} \right) + \sum_{m=1}^{n_T} P_{V(T_m)} R_{th(ka)} + \sum_{n+1}^{n_D} P_{V(D_n)} R_{th(ka)} + \sum_{n=1}^{n-1} P_{V(D_{n-1})} R_{th(ka)}$$

$$(4.8)$$

Für den Fall (m=1, n=1) gelten die Gl. (4.7), (4.8) ohne den letzten Term. Die Durchlasskennlinien und die Schaltverluste werden im Schritt 6 für die neue Sperrschichttemperatur neu berechnet. Im folgenden Schritt werden die

Verlustleistungen für diese neue Sperrschichttemperatur neu berechnet. Diese Verlustleistungen dienen als Anfangswerte für den Iterationszyklus, der die oben beschriebenen Phasen durchläuft. Die gesamte Verlustleistung in den Leistungshalbleitern wird nach jedem Iterationszyklus mit der Verlustleistung vor jedem Iterationszyklus verglichen. Wenn die Differenz kleiner als eine bestimmte Leistung $P_{V,gr}$ ist, ist die Iteration abgeschlossen.



Abb. 4.4: Thermisches Ersatzschaltbild eines DC/DC-Wandlers

Die DC/DC-Wandlerschaltungen werden bei der gleichen Sperrschichttemperatur der MOSFET und der Dioden hinsichtlich der gesamten Anzahl der Leistungshalbleiter verglichen. Die gesamte Anzahl der MOSFET in der Schaltung berechnet sich nach:

$$n_{T,ges} = \sum_{m=1}^{n_T} N_{T_m}$$
(4.9)

Die gesamte Anzahl der Dioden in der Schaltung:

$$n_{D,ges} = \sum_{n=1}^{n_D} N_{D_n} k_{D_n}$$
(4.10)

Die Methodik der Berechnung der Verluste in den Transformatoren der DC/DC-Wandlerschaltungen ist im Anhang 6 erläutert. Für die Berechnung der Verluste im Transformator soll zuerst die Fläche des Kernquerschnitts ermittelt werden. Nach dem Ampere`schen Gesetz kann die maximale Stärke des magnetischen Feldes wie folgt berechnet werden [31]:

$$H_{\max} = \frac{N_1 I_{\mu,\max}}{l_m} \tag{4.11}$$

Mit der Berücksichtigung des in [31] dargestellten Zusammenhanges zwischen der magnetischen Induktion und Stärke des magnetischen Feldes ergibt sich die folgende Gleichung:

$$B_{\max} = \mu_0 \mu H_{\max} \tag{4.12}$$

Beim Einsetzen der Gl. (4.11) in die Gl. (4.12) kann der Maximalwert der magnetischen Induktion in der primären Wicklung des Transformators wie folgt berechnet werden:

$$B_{\max} = \frac{N_1 I_{\mu,\max} \mu_0 \mu}{l_m}$$
(4.13)

Bei der symmetrischen Ansteuerung der Transistoren für DC/DC-Wandlerschaltungen mit einem Transformator im Fall des kontinuierlichen Magnetisierungsstromes ist der Gleichstromanteil im Magnetisierungsstrom Null. In der Gl. (4.13) lässt sich der Maximalwert des Magnetisierungsstromes für die DC/DC-Wandlerschaltungen mit einem Transformator wie folgt bestimmen:

$$I_{\mu,\max} = \frac{U_{L_{\mu 1}} t_{mag}}{lL_{\mu 1}}$$
(4.14)

In der Gl. (4.14) ist l=2 für die Schaltungen mit einer bidirektionalen Magnetisierung des Transformators (spannungsund stromgespeister Vollbrückenwandler, stromgespeister Gegentaktwandler) und l=1 für den Doppeldurchflusswandler mit einer unidirektionalen Magnetisierung des Transformators. Die Zeitdauer der Magnetisierungsphase in der Gl. (4.14) ist für den Doppeldurchflusswandler durch die Gl. (A1.8) im Anhang 1, für den spannungsgespeisten Vollbrückenwandler durch die Gl. (A2.11) im Anhang 2, für die stromgespeisten Wandler durch die Gl. (A3.5) im Anhang 3 definiert. Beim Hochsetzsteller mit geteilter Drossel enthält der Magnetisierungsstrom einen Gleichstromanteil. Der Maximalwert des Magnetisierungsstroms kann für den Hochsetzsteller mit geteilter Drossel wie folgt berechnet werden:

$$I_{\mu,\max} = i_{\mu}(t_0) + \frac{U_{L_{\mu 1}} t_{mag}}{L_{\mu 1}}$$
(4.15)

Die Zeitdauer der Magnetisierungsphase in der Gl. (4.15) ist für den Hochsetzsteller mit geteilter Drossel durch die Gl. (A4.5) im Anhang 4 definiert. Aus der Grundlagen der Dimensionierung eines Transformators [31] ist der Zusammenhang zwischen der Induktivität und magnetischen Größen bekannt:

$$L_{\mu 1} = \frac{N_1^2 \mu_0 \mu A_K}{l_m}$$
(4.16)

Beim Einsetzen der Gl. (4.14) in die Gl. (4.13) mit der Berücksichtigung der Gl. (4.16) erhält man die Formel für die DC/DC-Wandlerschaltungen mit einem Transformator:

$$A_K = \frac{U_{L\mu 1} t_{mag}}{l N_1 B_{\text{max}}} \tag{4.17}$$

Beim Einsetzten von Gl. (4.15) in die Gl. (4.13) und mit der Berücksichtigung der Gl. (4.16) erhält man die Formel für den Hochsetzsteller mit geteilter Drossel:

$$A_{K} = \frac{U_{L\mu 1} t_{mag} + L_{\mu 1} i_{\mu}(t_{0})}{N_{1} B_{\max}}$$
(4.18)

Der Magnetisierungsstrom zum Anfang einer Periode in der Gl. (4.18) wurde für den Hochsetzsteller mit geteilter Drossel entsprechend der Gl. (A4.11) berechnet. Die Gl. (4.17), (4.18) zeigen die Abhängigkeit der Fläche des Kernquerschnittes vom Transformator vom Arbeitspunkt, von den Parametern der Schaltung und vom Maximalwert der magnetischen Induktion in der primären Wicklung. Bei der Dimensionierung des Transformators für einen möglichst hohen Maximalwert der magnetischen Induktion wird die minimal mögliche Fläche des Kernmaterials in einem bestimmten Arbeitspunkt, für bestimmte Parameter der Schaltung und eine bestimmte primäre Windungszahl des Transformators erforderlich. Der Maximalwert der magnetischen Induktion soll jedoch einen bestimmten Grenzwert B_{gr} nicht überschreiten, damit der Ferrit-Kern nicht gesättigt wird. Es ist also sinnvoll, die Verluste in den Transformatoren der DC/DC-Wandlerschaltungen bei der Dimensionierung der Transformatoren für den gleichen Maximalwert der magnetischen Induktion, bei gleicher Schaltfrequenz und bei gleicher primärer Windungszahl zu berechnen. Beim Einsetzen von $B_{max}=B_{gr}$ in die Gl. (4.17), (4.18) wird die minimal mögliche Fläche des Kernmaterials A_{K.min} für die DC/DC-Wandlerschaltungen ermittelt.

4.2 Schaltungsvergleich

4.2.1 Doppeldurchflusswandler in asymmetrischer Halbbrückenschaltung

Die untersuchende Schaltung des Durchflusswandlers in asymmetrischer zu Halbbrückenschaltung wurde in Abb. A1.1 im Anhang 1 dargestellt. Der Betrieb mit einem kontinuierlichen Strom durch die Induktivität La wurde dabei betrachtet. Der Wirkungsgrad der Schaltung bei $U_e=30V$ (entsprechend dem auf der S. 7 erwähnten Arbeitspunkt) wird dabei berechnet. Für diese Berechnung wird zuerst der optimale Arbeitspunkt aus Sicht der möglichst niedrigen Spannungs- und Strombelastungen der Bauelemente festgelegt. Aufgrund der in Abb. A1.2 gezeigten Verläufe wurden die Maximal- und Minimalwerte des Stromes durch den Transistor T₁ in Abhängigkeit vom Übersetzungsverhältnis des Transformators bei einer konstanten Ausgangsspannung entsprechend der im Anhang 1 dargestellten Gl. (A1.4), (A1.5), berechnet. Der Effektivwert des Transistorstromes wurde in Abhängigkeit vom Übersetzungsverhältnis aufgrund des durch die Gl. (A1.1) beschriebenen Verlaufes des Transistorstromes berechnet. Die berechneten oben genannten Größen werden in Abhängigkeit vom Übersetzungsverhältnis des Transformators bei einer konstanten Ausgangsspannung in Abb. 4.5 dargestellt. Die entsprechend der in der Tab. 5.2 (S. 107) dargestellten Formeln berechneten maximalen Sperrspannungen über die Dioden D₅ und D₆ (bei U_e =60V) in Abhängigkeit vom Übersetzungsverhältnis des Transformators werden auch in der Abb. 4.5 gezeigt.

Aus der *Abb. 4.5* erkennt man, dass die Effektivwert, Maximal- und Minimalwerte des Stromes durch den Transistor T₁ und die maximalen Sperrspannungen über die Dioden D₅ und D₆ mit der Erhöhung des Übersetzungsverhältnisses des Transformators ansteigen. Aus diesem Grund ist die Dimensionierung des Doppeldurchflusswandlers für das minimal mögliche Übersetzungsverhältnis sinnvoll. Diese Bedingung wird bei der Dimensionierung für das maximal mögliche Tastverhältnis bei einer minimalen Eingangsspannung (U_e =30V) erreicht. Das maximal mögliche Tastverhältnis ist auf 50% begrenzt [31]. Das berechnete minimal erforderliche Übersetzungsverhältnis des Transformators bei einem Tastverhältnis von 0,45 wird in *Tab. 5.2* gezeigt. Zwei Transformatoren mit einem Übersetzungsverhältnis von 28 sind erforderlich.



Abb. 4.5: Analytisch berechnete Abhängigkeiten der Strom- und Spannungsbelastungen der Bauelemente vom Übersetzungsverhältnis des Transformators des Doppeldurchflusswandlers in asymmetrischer Halbbrückenschaltung

Nach der Festlegung des Arbeitspunktes wird der Wirkungsgrad in diesem Arbeitspunkt berechnet. Der Effektivwert des Transistorstromes, der Effektivwert und Mittelwert der Diodenströme in Abhängigkeit von der Eingangsleistung wurden aufgrund der durch die Gl. (A1.1), (A1.2), (A1.9) beschriebenen Verläufe des Transistorstromes und der Diodenströme ermittelt. Diese berechnete Größen sind in Abhängigkeit von der Eingangsleistung in Abb. 4.6 dargestellt. Die Welligkeit des Stromes durch die Ausgangsdrossel ist im ganzen Leistungsbereich von 1kW bis 5kW Diese Werte werden im Algorithmus für die Berechnung konstant. der Halbleiterverluste, Abb. 4.1, verwendet. Der Effektivwert des Transistorstromes und des Stromes durch die primäre Wicklung des Transformators sind gleich. Tab. 5.2 zeigt die berechneten maximalen Sperrspannungen über die sekundärseitigen Dioden des Doppeldurchflusswandlers. Man sieht, dass die Spannungsbelastungen der sekundärseitigen Dioden der Eingangsspannung und dem Übersetzungsverhältnis des Transformators direkt proportional sind. Man sieht auch, dass die Sperrspannungen der Dioden D₅, D₆, D₇ bei der veränderlichen Eingangsspannung $U_e=30...60V$ und der relativ hohen Ausgangsspannung U_a =750V über 1,2 kV liegen. Wegen der relativ hohen Anzahl an Hochspannungsdioden ist der Doppeldurchflusswandler für eine veränderliche Eingangsspannung und eine relativ hohe Ausgangsspannung schlecht

geeignet. Der Doppeldurchflusswandler ist jedoch hinsichtlich der Spannungsbelastungen der Transistoren eine günstig zu bewertende Schaltung.



Abb. 4.6: Analytisch berechnete Abhängigkeiten der Effektiv-, Maximal- und Minimalwerte des Transistorstromes und der Diodenströme von der Eingangsleistung

Die Transistorspannung nach dem Ausschalten der Transistoren ist gleich der Eingangsspannung. Beim Einschalten der Transistoren fällt die Sperrspannung über die Transistoren relativ schnell ab. Der Anstieg des Stromes wird jedoch durch die Magnetisierungsinduktivität und Streuinduktivität des Transformators auf einen bestimmten Wert begrenzt. Deshalb steigt der Strom durch den Transistor beim Einschalten erst dann an, wenn die Sperrspannung des Transistors relativ niedrig oder Null Deshalb sind die Einschaltverluste Transistoren ist. der beim Doppeldurchflusswandler vernachlässigbar.

4.2.2 Spannungsgespeister Vollbrückenwandler

Die zu untersuchende Schaltung des spannungsgespeisten Vollbrückenwandlers ist in *Abb. A2.1* dargestellt. In [73], [74] wird der Einfluss des Übersetzungsverhältnisses und der Größe der Induktivität L_a auf den Wirkungsgrad des spannungsgespeisten Vollbrückenwandlers analytisch untersucht. Die Größe der Induktivität L_a beeinflusst den Wirkungsgrad nur unwesentlich. Einen wesentlichen Einfluss hat jedoch das Übersetzungsverhältnis des Transformators. Um einen möglichst hohen Wirkungsgrad zu erreichen, wird ein möglichst kleines Übersetzungsverhältnis des Transformators vorgeschlagen [73], [74]. Diese Bedingung wird bei der Dimensionierung für das maximal mögliche Tastverhältnis bei einer minimalen Eingangsspannung erreicht. Das maximal mögliche Tastverhältnis ist auf 50% begrenzt [31]. Die primäre Wicklung des Transformators wird im Unterschied zum Doppeldurchflusswandler bidirektional magnetisiert [31]. Deshalb wird nur ein Transformator mit dem Übersetzungsverhältnis von 28 (wie beim Doppeldurchflusswandler) benötigt.

Aufgrund der in Abb. A2.2 gezeigten Verläufe wurden die Maximal- und Minimalwerte der Transistorströme in Abhängigkeit von der Eingangsleistung bei einer konstanten Ausgangsspannung entsprechend der im Anhang 2 dargestellten Gl. (A2.7), (A2.8), berechnet. Der Effektivwert des Transistorstromes, der Effektivwert und Mittelwert der Diodenströme wurde in Abhängigkeit vom Übersetzungsverhältnis aufgrund der durch die Gl. (A.2.1), (A2.5), (A2.12) beschriebenen Verläufe des Transistorstromes und der Diodenströme berechnet. Die Ermittlung des Effektivwertes des Stromes durch die primäre Wicklung des Transformators wurde aufgrund der Gl. (A2.13) durchgeführt. Die berechneten oben genannten Größen werden in Abhängigkeit Übersetzungsverhältnis des Transformators bei konstanten vom einer Ausgangsspannung in Abb. 4.7 dargestellt.



Abb. 4.7: Analytisch berechnete Abhängigkeiten der Effektiv-, Maximal- und Minimalwerte des Transistorstromes und des Diodenstromes von der Eingangsleistung

Aus der *Abb. 4.7* kann entnommen werden, dass der Effektivwert des Transistorstromes des spannungsgespeisten Vollbrückenwandlers den entsprechenden Wert für den Doppeldurchflusswandler entspricht. Beim spannungsgespeisten Vollbrückenwandler

wird der Transformator bidirektional magnetisiert. Das führt dazu, dass der Strom durch die primäre Wicklung des Transformators sowohl während der Magnetisierungsphase als auch während der Entmagnetisierungsphase fließt. Dadurch erhöht sich der Effektivwert des Stromes durch die primäre Wicklung des Transformators im Vergleich zu dem entsprechenden Wert beim Doppeldurchflusswandler.

Die berechneten maximalen Sperrspannungen der Leistungshalbleiter bei U_e =60V und minimalen Sperrspannungen der Leistungshalbleiter bei $U_e=30V$ für den Arbeitspunkt ($D_{max}=0.45$) sind in Tab. 5.2 (S.107) dargestellt. Die Transistorspannung wie beim Doppeldurchflusswandler, gleich der Eingangsspannung. Alle ist, Transistoren sperren während den Phasen der Totzeit und die primäre Spannung des Transformators ist Null. Dadurch ergibt sich eine Serienschaltung der Transistoren gegen die Eingangsspannungsquelle. Die Sperrspannungen der Transistoren vor dem Einschalten und nach dem Ausschalten betragen deshalb die Hälfte der Eingangsspannung. Die Sperrspannung der Transistoren nach dem Ausschalten halbiert sich im Vergleich zum Doppeldurchflusswandler. Die Sperrspannungen der Dioden sind wie auch beim Doppeldurchflusswandler direkt proportional der Eingangsspannung. Bei der vorgegebenen Änderung der Eingangsspannung liegen die maximalen Sperrspannungen über die Dioden über 1,2kV, wie man aus der Tab. 5.2 sieht. Die Anzahl der Hochspannungsdioden (D₁, D₂, D₃, D₄) ist noch höher als beim Doppeldurchflusswandler, was einen deutlichen Nachteil des spannungsgespeisten Vollbrückenwandlers darstellt. Das Einschalten der Transistoren wird wie beim Doppeldurchflusswandler durch die Magnetisierungsinduktivität und Streuinduktivität des Transformators entlastet. Die Spannung über die Transistoren beim Ausschalten wird allerdings durch die Streuinduktivität höher.

4.2.3 Stromgespeister Vollbrückenwandler und Gegentaktwandler

Die zu untersuchenden Schaltungen des stromgespeisten Vollbrückenwandlers und Gegentaktwandlers sind in *Abb. A3.1* und *Abb. A3.2* dargestellt. Aufgrund des kontinuierlichen Eingangsstromes kann das Tastverhältnis nicht niedriger als 50% sein [31]. Die primäre Wicklung des Transformators wird bidirektional magnetisiert [31]. Das minimal mögliche Übersetzungsverhältnis des Transformators beträgt beim Tastverhältnis von 50% gemäß der Formel in *Tab. 5.2* zwölf. Für die Berechnung des Wirkungsgrades wird zuerst der optimale Arbeitspunkt aus Sicht der möglichst

niedrigen Spannungs- und Strombelastungen der Bauelemente ausgewählt. Aufgrund der in *Abb. A3.3* gezeigten Verläufe wird der Strom durch den Transistor T₁ zu den Zeitpunkten t_2 und t_3 (beim Aus- und Einschalten des Transistors) in Abhängigkeit vom Übersetzungsverhältnis des Transformators bei einer konstanten Ausgangsspannung gemäß im Anhang 3 dargestellten Gl. (A3.12), (A3.19), berechnet. Der Effektivwert des Transistorstromes wurde in Abhängigkeit vom Übersetzungsverhältnis aufgrund des durch die Gl. (A3.1), (A3.6), (A3.8) beschriebenen Verlaufes des Transistorstromes berechnet. Die maximale Sperrspannung über den Transistor T₁ wird entsprechend der Formel in der *Tab. 5.2* berechnet. Die berechneten oben genannten Größen werden in Abhängigkeit vom Übersetzungsverhältnis des Transformators bei einer konstanten Ausgangsspannung in *Abb. 4.8* dargestellt.



Abb. 4.8: Analytisch berechnete Abhängigkeiten der Strom- und Spannungsbelastungen der Bauelemente vom Übersetzungsverhältnis des Transformators für den stromgespeisten Vollbrückenwandler

Aus der Abb. 4.8 erkennt man, dass die Effektivwerte des Transistorstroms und des Stromes durch die primäre Wicklung des Transformators sich unwesentlich mit der Verringerung des Übersetzungsverhältnisses des Transformators verringern. Die steigt dagegen Sperrspannung der Transistoren mit der Verringerung des Übersetzungsverhältnisses stark Die Verkleinerung relativ an. des Übersetzungsverhältnisses ist deshalb für den Bereich eingeschränkt, in dem die MOSFET der gleichen Spannungsklasse wie für das Übersetzungsverhältnis von 12 verwendet werden können. Eine weitere Verringerung des Übersetzungsverhältnisses

des Transformators führt zu einer deutlichen Erhöhung der Leitverluste in den Transistoren. Das Übersetzungsverhältnis von 12 wurde aus diesen Gründen festgelegt.

Nach der Festlegung des Arbeitspunktes erfolgt die Ermittlung des Wirkungsgrades in diesem Arbeitspunkt. Der Strom durch den Transistor T₁ zu den Zeitpunktes t_2 und t_3 (beim Aus- und Einschalten des Transistors) wird gemäß im Anhang 3 dargestellten Gl. (A3.12), (A3.19) in Abhängigkeit von der Eingangsleistung bei einer konstanten Ausgangsspannung berechnet. Der Effektivwert des Transistorstromes, der Effektivwert und Mittelwert der Diodenströme in Abhängigkeit von der Eingangsleistung wurden aufgrund der durch die Gl. (A3.1), (A3.6), (A3.8), (A3.2) beschriebenen Verläufe des Transistorstromes und der Diodenströme berechnet. Die oben genannten berechneten Größen in Abhängigkeit von der Eingangsleistung in *Abb. 4.9* dargestellt. Die Welligkeit des Stromes durch die Eingangsdrossel ist im ganzen Leistungsbereich von 1kW bis 5kW als konstant angenommen.



Abb. 4.9: Analytisch berechnete Abhängigkeiten des Effektivwertes vom Transistorstrom sowie des Transistorstromes zu den Zeitpunkten t₂ und t₃ und des Diodenstromes von der Eingangsleistung

Aus der *Abb. 4.9* sieht man, dass die Effektivwerte des Transistorstromes und des Stromes durch die primäre Wicklung deutlich niedriger als bei den anderen Schaltungen sind. Das ist ein Vorteil von den stromgespeisten Wandlern.

Die berechnete maximale Sperrspannung der Dioden wird in der *Tab. 5.2* dargestellt. Die Sperrspannung der sekundärseitigen Dioden ist im Unterschied zu den anderen untersuchten DC/DC-Wandlerschaltungen auf die Ausgangsspannung geklemmt. Die Streuinduktivitäten des Transformators können deshalb nicht zur Erhöhung der

der Dioden führen, wie im Fall Sperrspannung der spannungsgespeisten Schaltungstopologien. Die deutlich niedrigeren Sperrspannungen der sekundärseitigen Dioden ist ein weiterer Vorteil im Vergleich zu den spannungsgespeisten Wandlern. Die Unabhängigkeit der Sperrspannung über die Transistoren und der Sperrspannungen der sekundärseitigen Dioden von der Eingangsspannung macht die Anwendung der stromgespeisten Wandler für eine BZ mit einer stark veränderlichen Eingangsspannung günstig. Eine weitere Erkenntnis aus der Tab. 5.2 ist, dass der Übergang der Dioden vom leitenden in den nichtleitenden Zustand nur bei der Hälfte der Ausgangsspannung erfolgt, was zu geringeren Reverse-Recovery-Verlusten in den Dioden im Vergleich zu den spannungsgespeisten Schaltungen führt. Aus der Tab. 5.2 sieht man, dass die Sperrspannungen über die Transistoren nach dem Ausschalten und vor dem Einschalten bei den stromgespeisten Schaltungen deutlich höher als bei anderen Schaltungen sind. Die weiteren Nachteile der stromgespeisten Schaltungen sind:

- Überspannung an den Transistoren wegen der Streuinduktivität des Transformators möglich,
- hartes Einschalten der Transistoren.

Die im Anhang 3 dargestellte mathematische Analyse gilt auch für den stromgespeisten Gegentaktwandler. Der Unterschied dieser Schaltung zu dem stromgespeisten Vollbrückenwandler liegt in der doppelt so hohen Sperrspannung über die Transistoren.

4.2.4 Hochsetzsteller mit geteilter Drossel

Die bisher betrachteten DC/DC-Wandler sind galvanisch getrennt. Der Hochsetzsteller mit geteilter Drossel gewährleistet keine galvanische Trennung zwischen dem Ein- und Ausgang. Deshalb soll er entpreschend dem in *Abb. 3.9 (S. 20)* gezeigten prinzipiellen Blockschaltbild an die BZ angeschlossen werden. Die Schaltung des Hochsetzstellers mit geteilter Drossel wurde in *Abb. A4.1* dargestellt. Die galvanisch getrennten Wandler sind für die Eingangsspannungsänderung von 30V bis 60V betrachtet worden. In *Abb. A4.1* sieht man, dass der Hochsetzsteller von zwei seriell geschalteten Spannungsquellen eingespeist wird. Um den Hochsetzsteller mit den bisher betrachteten Wandlern vergleichen zu können, soll die Änderung der gesamten Spannung dieser Energiequellen 30V bis 60V betragen. Das bedeutet, dass die Eingangsspannungsänderung für jeden Hochsetzsteller in Abb. A4.1 15V bis 30V beträgt.

Die Festlegung des Arbeitspunktes bei dem maximalen Tastverhältnis von 0,774 im Arbeitspunkt bei der minimalen Eingangsspannung von 15V ermöglicht relativ niedrige Leitverluste im Transistor und gleichzeitig eine akzeptable maximale Strombelastung der sekundärseitigen Diode [53]. Dieser Arbeitspunkt wurde für die Berechnung des Wirkungsgrades festgelegt. Das berechnete Übersetzungsverhältnis des Transformators, bei dem die Ausgangsspannung von 375V im Bereich der Änderung der Eingangsspannung von 15V bis 30V erreicht werden kann und dabei das Tastverhältnis den festgelegten maximalen Wert von 0,774 nicht überschreitet, ist in der Tab. 5.2 dargestellt. Aufgrund der in Abb. A4.2 im Anhang 4 gezeigten Verläufe wurden die Maximal-, Minimalwerte des Stromes durch den Transistor T₁ in Abhängigkeit von der Eingangsleistung bei einer Ausgangsspannung von 375V entsprechend der im Anhang 4 dargestellten Gl. (A4.17), (A4.18) berechnet. Der Effektivwert des Transistorstromes, der Effektivwert und Mittelwert des Diodenstromes in Abhängigkeit von der Eingangsleistung wurden aufgrund der durch die Gl. (A4.2), (A4.3), (A4.7), (A4.8) beschriebenen Verläufe des Transistorstromes und Diodenstromes berechnet. Die Ergebnisse dieser Berechnungen zeigt die Abb. 4.10.



Abb. 4.10: Analytisch berechnete Abhängigkeiten der Effektiv-, Maximal- und Minimalwerte des Transistorstroms und des Diodenstroms von der Eingangsleistung im Hochsetzsteller mit geteilter Drossel

Man sieht aus der *Abb. 4.10*, dass die Effektivwerte des Transistorstromes und Diodenstromes höher im Vergleich zum Doppeldurchflusswandler und zu den stromgespeisten Schaltungen sind.

Tab. 5.2 zeigt die berechneten maximalen Sperrspannungen der Dioden und Transistoren. Man erkennt, dass die maximale Sperrspannung des Transistors beim Hochsetzsteller mit geteilter Drossel höher als bei den spannungsgespeisten Schaltungen und beim stromgespeisten Vollbrückenwandler ist. Aus der *Tab. 5.2* kann auch entnommen werden, dass der Hochsetzsteller mit geteilter Drossel die günstigste Schaltung hinsichtlich der maximalen Sperrspannung der sekundärseitigen Dioden ist. Der prinzipielle Unterschied des Hochsetzstellers mit geteilter Drossel zu den anderen Schaltungen ist, dass die Sperrspannung der Diode D₁ von der Eingangs- und Ausgangsspannung sowie vom Übersetzungsverhältnis der geteilten Drossel abhängt.

4.2.5 Zusammenfassung

Die berechneten maximalen Sperrspannungen der Transistoren und der Dioden für die unidirektionalen DC/DC-Wandlerschaltungen sind in *Tab. 5.2* dargestellt. Aufgrund dieser Werte werden die Spannungsklassen für die Transistoren und Dioden in *Tab. A5.1 (Anhang 5)* festgelegt. Die daraus resultierende gesamte Anzahl der Dioden für jede DC/DC-Wandlerschaltung wird in der *Abb. 4.11* gezeigt.



Abb. 4.11: Ergebnisse des Vergleichs der Schaltungen hinsichtlich des Aufwandes an die Dioden (1:Doppeldurchflusswandler; 2: spannungsgespeister Vollbrückenwandler; 3: stromgespeister Vollbrückenwandler; 4: stromgespeister Gegentaktwandler; 5: Hochsetzsteller mit geteilter Drossel)

Die stromgespeisten Topologien und der Hochsetzsteller mit geteilter Drossel erweisen sich als die Schaltungen mit dem geringsten Bedarf an Dioden, wie man aus der Abb. der verwendeten Abhängigkeit des Drain-Source-4.11 sieht. Mit Hilfe Einschaltwiderstandes eines 100V-MOSFETs von der Sperrschichttemperatur (Tab. A5.2) werden die Abhängigkeiten des Drain-Source-Einschaltwiderstandes von der Sperrschichttemperatur der MOSFETs anderer Spannungsklassen berechnet. Dabei ist angenommen worden, dass der Drain-Source-Einschaltwiderstand dem Faktor $U_{DS.max}^{2,6}$ direkt proportional ist. Bei der Annahme, dass die Schaltverluste bei einem bestimmten Strom der Sperrspannung direkt proportional sind, können die in Abb. 4.2 dargestellten Abhängigkeiten der Ein- und Ausschaltverluste vom Stromfluss für bestimmte Werte der Sperrspannung ermittelt werden. Die berechneten Sperrspannungen der Transistoren vor dem Einschalten und nach dem Ausschalten im Arbeitspunkt ($U_e=30V$), wo der Wirkungsgrad ermittelt wird, werden in der Tab. 5.2 dargestellt. Die aufgrund dieser Werte ermittelten Abhängigkeiten der Ein- und Ausschaltverluste vom Stromfluss und die in der Tab. A5.2 dargestellten Abhängigkeiten des Drain-Source-Einschaltwiderstandes eines MOSFETs von der Sperrschichttemperatur werden im Algorithmus der Berechnung der Halbleiterverluste, Abb. 4.1, verwendet. Die Sperrschichttemperatur der MOSFETs und der thermische Widerstand des Kühlkörpers sind für alle DC/DC-Wandlerschaltungen gleich und betrugen entsprechend 105°C und 0,05K/W. Für die Berechnung der Ein- und Ausschaltverluste werden entsprechend die berechneten Minimal- und Maximalwerte des Transistoren bei einer bestimmten Eingangsleistung verwendet. Die berechneten Sperrspannungen der Dioden beim Übergang von einem vom leitenden in den nichtleitenden Zustand im Arbeitspunkt $(U_e=30V)$, wo der Wirkungsgrad ermittelt wird, werden in der Tab. 5.2 gezeigt. Die aufgrund dieser Werte gemäß Gl. (4.3)-(4.6) berechneten Reverse-Recovery-Verluste einer Diodeneinheit, die aus einer bestimmten Anzahl der seriell geschalteten 600V-Dioden besteht, sieht man in der Tab. A5.2. Abb. 4.12 stellt die berechnete Abhängigkeit des Wirkungsgrades von der Eingangsleistung aufgrund der Halbleiterverluste und Verluste in den Transformatoren dar. Aus Abb. 4.12 erkennt man, dass beim stromgespeisten Vollbrückenwandler der höchste Wirkungsgrad erreicht wird. Der stromgespeiste Gegentaktwandler hat wegen der höchsten Spannungsklasse der einzusetzenden MOSFET den schlechtesten Wirkungsgrad.



Abb. 4.12: Analytisch ermittelter Wirkungsgrad unidirektionaler DC/DC-Wandlerschaltungen bei der Auslegung für die Leistung von 5kW (1: Doppeldurchflusswandler; 2: spannungsgespeister Vollbrückenwandler; 3: stromgespeister Vollbrückenwandler; 4: stromgespeister Gegentaktwandler; 5: Hochsetzsteller mit geteilter Drossel)

Eine weitere Ursache sind relativ hohe Verluste im Transformator wegen der relativ hohen Spannungs-Zeit-Fläche an der primären Wicklung des Transformators. Alle spannungsgespeisten Schaltungen weisen etwa den gleichen Wirkungsgrad auf. Beim Hochsetzsteller mit geteilter Drossel für kleine Leistungen (etwa ab 3kW) ergibt sich ein schlechterer Wirkungsgrad im Vergleich zu den spannungsgespeisten Schaltungen. Das liegt daran, dass die Schaltverluste beim Hochsetzsteller mit geteilter Drossel höher als beim Doppeldurchflusswandler und beim spannungsgespeisten Vollbrückenwandler sind. Die Schaltverluste dominieren bei kleineren Leistungen, weil sich die Strombelastung Verkleinerung der Leistung verringert mit der und die Spannungsbelastung der Leistungshalbleiter konstant bleibt. Die verwendete bei der Berechnung des Wirkungsgrades gesamte Anzahl der MOSFETs für jeden Wandler in Abhängigkeit von der Eingangsleistung wird in der Abb. 4.13 gezeigt. Die stromgespeisten Topologien sind hinsichtlich des Bedarfs an Transistoren am günstigsten. Die Unterschiede sind insgesamt jedoch relativ gering. Die Tab. 5.2 zeigt die berechnete minimal erforderliche Kernfläche für den Transformator der galvanisch getrennten DC/DC-Wandlerschaltungen gemäß Gl. (4.17) und für die geteilte Drossel des Hochsetzstellers gemäß Gl. (4.18). Die Berechnung wurde für die folgenden Bedingungen durchgeführt: $B_{\text{max}} = B_{gr} = 0.2T, f = 60kHz, N_1 = 2$.



Abb. 4.13: Ergebnisse des Vergleichs der Schaltungen hinsichtlich des Aufwandes an die MOSFETs (1: Doppeldurchflusswandler; 2: spannungsgespeister Vollbrückenwandler; 3: stromgespeister Vollbrückenwandler; 4: stromgespeister Gegentaktwandler; 5: Hochsetzsteller mit geteilter Drossel)

Der Vergleich der Schaltungen hinsichtlich des erforderlichen Kernmaterials bei der gleichen primären Windungszahl und magnetischen Ausnutzung des Transformators wird in *Abb. 4.14* grafisch dargestellt.



Abb. 4.14: Ergebnisse des Vergleichs der Schaltungen hinsichtlich des Bedarfs an Kernmaterial für den Transformator (1: Doppeldurchflusswandler; 2: spannungsgespeister Vollbrückenwandler; 3: stromgespeister Vollbrückenwandler; 4: stromgespeister Gegentaktwandler; 5: Hochsetzsteller mit geteilter Drossel)

Der stromgespeiste und spannungsgespeiste Vollbrückenwandler benötigen am wenigsten Kernmaterial für den Transformator, wie man aus der *Abb. 4.14* sieht. Insgesamt weisen stromgespeister und spannungsgespeister Vollbrückenwandler die Eigenschaften auf, die diese Wandler für die Brennstoffzellenanwendungen günstig geeignet machen.

5 Analyse des erweiterten Durchflusswandlers

5.1 Ableitung der Schaltung des erweiterten Durchflusswandlers

Die Untersuchung unidirektionaler DC/DC-Wandlerschaltungen im Kapitel 4 hat spannungsgespeiste Vollbrückenwandler hinsichtlich gezeigt, dass der des Wirkungsgrades und der Größe des Transformators zu den günstigsten Schaltungen für eine BZ mit einer Leistung von 5kW und einer Spannung von 30V...60V gehört. Wesentliche Nachteile dieser Schaltung sind ein erhöhter Bauelementebedarf und der Aufwand für die Steuerung der Transistoren. Ein weiterer Nachteil des spannungsgespeisten Vollbrückenwandlers ist, dass die in den Streuinduktivitäten gespeicherte Energie zum Eingang der Schaltung eingespeist wird. Durch den Fluss dieser Energie vom Eingang zum Ausgang der Schaltung entstehen zusätzliche Verluste, die zur Reduzierung des Wirkungsgrades führen. Der Wirkungsgrad eines spannungsgespeisten Vollbrückenwandlers mit einem nichtidealen Transformator ist deshalb niedriger als der im Kapitel 4 ermittelte Wirkungsgrad eines spannungsgespeisten Vollbrückenwandlers mit einem idealen Transformator. Dadurch entsteht ein Bedarf nach einer neuen DC/DC-Wandlerschaltung, die nicht von diesen Nachteilen betroffen ist, mit einer möglichst kleineren Anzahl der aktiven Schalter.

Das Ziel des nun folgenden Kapitels ist die Ableitung einer solchen Schaltung. Der Durchflusswandler mit einem Transistor ist durch den geringsten Bauelementebedarf und den geringsten Aufwand für die Transistorsteuerung gekennzeichnet. Der Nachteil dieser Schaltung ist ein zusätzlicher schaltungstechnischer Aufwand für die Entmagnetisierung des Transformators. Das in *Abb. 5.1* dargestellte Ersatzschaltbild des Durchflusswandlers mit einem Transistor und einem idealen Transformator basiert auf der Annahme, dass die Spannung des Transistors T₁ auf eine konstante Spannung U_k begrenzt wird. Die Verläufe der in *Abb. 5.1* gezeigten Schaltung sind in *Abb. 5.2* dargestellt. Drei Betriebszustände können unterschieden werden:

- Magnetisierungsphase $(t_0...t_1)$ (T₁ ein),
- Entmagnetisierungsphase (*t*₁...*t*₂) (T₁ aus),

• Freilaufphase $(t_2...t_3)$ (T₁ aus).



Abb. 5.1: Ersatzschaltbild des Durchflusswandlers mit einem Transistor und einer zusätzlichen Schaltung für die Entmagnetisierung des Transformators

Für die Magnetisierungsphase gilt die Maschengleichung:

$$U_e - L_{\mu 1} \frac{di_{\mu}(t)}{dt} = 0$$
(5.1)

mit der Anfangsbedingung: $i_{\mu}(t_0) = 0$. Die Lösung der Differentialgleichung Gl. (5.1) lautet:

$$i_{\mu}(t) = \frac{U_e}{L_{\mu 1}}(t - t_0)$$
(5.2)

Der Magnetisierungsstrom am Ende der Magnetisierungsphase berechnet sich nach:

$$i_{\mu}(t_{1}) = \frac{U_{e}}{L_{\mu 1}} DT$$
(5.3)

Dabei ist das Tastverhältnis wie folgt definiert:

$$D = \frac{t_1 - t_0}{T}$$
(5.4)

Zum Zeitpunkt t_1 wird der Transistor T₁ ausgeschaltet und der Magnetisierungsstrom fließt durch die Diode D_c und die Spannungsquelle U_k . Dadurch wird die während der Magnetisierungsphase in der Magnetisierungsinduktivität gespeicherte Energie in die Spannungsquelle U_k eingespeist. Für die Entmagnetisierungsphase ($t_1...t_2$) gilt die Maschengleichung: 5 Analyse des erweiterten Durchflusswandlers

$$U_{e} - U_{k} - L_{\mu 1} \frac{di_{\mu}(t)}{dt} = 0$$
(5.5)

mit der Anfangsbedingung:

$$i_{\mu}(t_{1}) = \frac{U_{e}}{L_{\mu 1}} DT$$
(5.6)



Abb. 5.2: Betriebszustände des Durchflusswandlers mit einem Transistor und einer zusätzlichen Schaltung für die Entmagnetisierung des Transformators

Die Lösung von Gl. (5.5) lautet:

$$i_{\mu}(t) = \frac{U_e}{L_{\mu 1}} DT - \frac{U_k - U_e}{L_{\mu 1}} (t - t_1)$$
(5.7)

Die Spannung U_k ist frei einstellbar. Sie sollte hoch genug festgelegt werden, so dass der Magnetisierungsstrom den Wert Null einnimmt, bevor die Periode anfängt. Diese Bedingung lautet:

$$i_{\mu}(t_2) = 0$$
 (5.8)

Beim Einsetzen von Gl. (5.8) in Gl. (5.7) erhält man:

$$0 = \frac{U_e}{L_{\mu 1}} DT - \frac{U_k - U_e}{L_{\mu 1}} (t_2 - t_1)$$
(5.9)

Aus Gl. (5.9) wird die Dauer der Entmagnetisierungsphase wie folgt ermittelt:

$$t_2 - t_1 = \frac{U_e DT}{U_k - U_e}$$
(5.10)

Unter Berücksichtigung des linearen Stromverlaufs kann die in die Spannungsquelle U_k eingespeiste Energie wie folgt ermittelt werden:

$$E_L = \frac{1}{2} U_k i_\mu (t_1) (t_2 - t_1)$$
(5.11)

Durch Einsetzen von Gl. (5.6) und Gl. (5.10) in Gl. (5.11) erhält man:

$$E_{L} = \frac{1}{2} \frac{U_{e}^{2} D^{2} T^{2}}{L_{\mu 1}} \frac{U_{k}}{U_{k} - U_{e}}$$
(5.12)

Die in die Spannungsquelle U_k eingespeiste Energie kann nur positiv sein. Diese Bedingung ist laut Gl. (5.12) erfüllt, wenn die Spannung U_k größer als die Eingangsspannung ist. Man sieht auch aus der Gl. (5.12), dass die in die Spannungsquelle U_k eingespeiste Energie durch folgende Größen beeinflusst werden kann:

- Spannung U_k ,
- Magnetisierungsinduktivität,
- Tastverhältnis,
- Frequenz.

Mit der Vergrößerung der Spannung U_k fällt der Magnetisierungsstrom während der Entmagnetisierungsphase laut der Gl. (5.10) schneller ab. Weniger Energie wird dadurch an die Spannungsquelle U_k abgegeben, wie man aus der Gl. (5.12) sieht. Da die Spannung U_k am Transistor T₁ liegt, bedingt die Vergrößerung der Spannung U_k , dass MOSFET mit einer höheren Sperrspannung für den Transistor T₁ verwendet werden sollten. Eine andere Möglichkeit für die Reduzierung der in die Spannungsquelle U_k eingespeisten Energie ist gemäß Gl. (5.12) die Dimensionierung des Transformators für eine möglichst hohe Magnetisierungsinduktivität.

Die in die Spannungsquelle U_k eingespeiste Energie wird an die Last übertragen, wenn das positive Potential der Spannungsquelle U_k mit dem negativen Potential des Kondensators C_a verbunden wird. Es ergibt sich dann die in *Abb. 5.3* dargestellte Schaltung. Sie funktioniert nach dem Durchflusswandlerprinzip. Eine zusätzliche Diode D_c und ein zusätzlicher Kondensator C_c sind für die Entmagnetisierung der primären Wicklung des Transformators erforderlich. Aus diesem Grund wird diese neue Schaltung als erweiterter Durchflusswandler bezeichnet [79].



Abb. 5.3: Schaltung des erweiterten Durchflusswandlers

Der erste Unterschied dieser Schaltung im Vergleich zu der Schaltung des konventionellen Durchflusswandlers in Abb. 5.1 ist, dass die Spannung am Kondensator C_c nicht einstellbar ist. Sie ist von der Magnetisierungsenergie abhängig, die zum Kondensator C_c eingespeist wird. Das positive Potential des Ausgangskondensators C_c und das Drain-Potential des MOSFET T1 sind durch die Diode Dc miteinander verbunden. Dadurch ist keine galvanische Trennung zwischen dem Ein- und Ausgang vorhanden. Der erweiterte Durchflusswandler soll deshalb entsprechend dem in Abb. 3.9 (S. 20) gezeigten prinzipiellen Blockschaltbild an die BZ angeschlossen werden. Das Schaltplan des Anschlusses des erweiterten Durchflusswandlers an die BZ ist in Abb. 5.4 gezeigt. Die Betrachtung der galvanisch getrennten Wandler erfolgte im Kapitel 4 für die Eingangsspannungsänderung von 30V bis 60V. Um den erweiterten Durchflusswandler mit den bisher betrachteten Wandlern vergleichen zu können, soll die Änderung der gesamten Spannung der Eingangsspannungsquellen 30V bis 60V betragen. Das heißt, dass die Eingangsspannungsänderung für jeden erweiterten Durchflusswandler in Abb. 5.4 15V bis 30V beträgt. Die Transistoren T₁ und T₂ werden mit dem gleichen Ansteuersignal gesteuert. Der Betrieb der beiden erweiterten Durchflusswandlern ist identisch. Deshalb beschränkt sich die Arbeit auf die Untersuchung des erweiterten Durchflusswandlers mit dem Transistor T₁. Die praktische Dimensionierung erfolgt für die Leistung von 1kW.



Abb. 5.4: Schaltplan des Anschlusses des erweiterten Durchflusswandlers an eine BZ

5.2 Mathematische Analyse des erweiterten Durchflusswandlers mit einem idealen Transformator

5.2.1 Zielstellung

Abb. 5.5 zeigt das Ersatzschaltbild des erweiterten Durchflusswandlers für die mathematische Analyse. Die Summe der Spannungen der Kondensatoren C_a und C_c ist die Ausgangsspannung der Schaltung. Sie soll bei Laständerungen und Eingangsspannungsänderungen auf einen konstanten Wert geregelt werden. Ein konstanter Mittelwert der Ausgangsspannung kann in drei Fällen erreicht werden:

- Anstieg des Mittelwertes der Spannung am Kondensator C_c , Abfall des Mittelwertes der Spannung am Kondensator C_a mit der Zeit,
- Anstieg des Mittelwertes der Spannung am Kondensator C_a , Abfall des Mittelwertes der Spannung am Kondensator C_c mit der Zeit,
- keine Änderung der Mittelwerte der Spannungen der Kondensatoren C_a und C_c mit der Zeit

Der dritte Fall wird als stationärer Zustand des erweiterten Durchflusswandlers bezeichnet. Es soll im Folgenden untersucht werden, ob dieser Zustand erreicht werden kann und welche Bedingungen dafür erforderlich sind. Dazu wird die Ausgangsspannung des erweiterten Durchflusswandlers in Abhängigkeit vom Laststrom und Tastverhältnis ermittelt. Aufgrund dieser Abhängigkeiten kann die Schaltung so dimensioniert werden, dass die Ausgangsspannung von 375V im ganzen Bereich der Laststromänderung und Eingangsspannungsänderung erreicht werden kann. Die Auflade- und Entladevorgänge der Ausgangskondensatoren C_a und C_c werden bei der mathematischen Analyse berücksichtigt. Ferner wird der Typ der Last für die Berechnungen festgelegt. Bei ohmscher Last führt die Änderung der Spannungen der Kondensatoren zur Änderung des Laststroms. Für die Vereinfachung der Berechnungen kann eine ideale Stromquelle als Last verwendet werden, so dass der Entladestrom *I*, *Abb. 5.5*, konstant ist.

Für die Reglerdimensionierung ist es wichtig zu wissen, welche Betriebsfälle bei welchen Lastströmen auftreten. In dieser Schaltung sind prinzipiell vier Betriebsfälle möglich [79]:

- Strom *i_e* diskontinuierlich, Strom *i_{La}* kontinuierlich,
- Strom i_{La} diskontinuierlich, Strom i_e kontinuierlich,
- Ströme *i_e*, *i_{La}* diskontinuierlich,
- Ströme i_e , i_{La} kontinuierlich.

Die mathematische Analyse ermöglicht es zu bestimmen, welche Betriebsfälle bei bestimmten Parametern der Schaltung auftreten und die Grenzen zwischen den auftretenden Betriebsfällen zu ermitteln.

5.2.2 Kontinuierlicher Betrieb

Beim Betrieb des erweiterten Durchflusswandlers kann man zwei Betriebsphasen unterscheiden, *Abb. 5.5*:

- Magnetisierungsphase (*t*₀...*t*₁),
- Entmagnetisierungsphase (*t*₁...*t*₂).



Abb. 5.5: Betriebsphasen des erweiterten Durchflusswandlers (A: Magnetisierungsphase; B: Entmagnetisierungsphase)

Abb. 5.6 zeigt die Verläufe des erweiterten Durchflusswandlers im kontinuierlichen Betrieb. Für die Ermittlung der Funktion der Ausgangsspannung des erweiterten Durchflusswandlers in Abhängigkeit vom Laststrom und Tastverhältnis im stationären Zustand sind zuerst die Zeitfunktionen der Spannungen der Kondensatoren C_a , C_c während jeder Betriebsphase erforderlich.

Während der Magnetisierungsphase wird der Transistor T_1 eingeschaltet. Die positive Spannung liegt an der primären Wicklung des Transformators an. Dadurch leitet die Diode D_1 und die Energie wird durch die Diode D_1 zur Last übertragen. Die Diode D_2 sperrt während der Magnetisierungsphase.



Abb. 5.6: Simulierte Verläufe des erweiterten Durchflusswandlers für den Bereich kontinuierlicher Ströme i_e , i_{La} für die Parameter: $U_e=30V$, $L_{\mu l}=20\mu$ H, $\ddot{u}=46$, $L_a=800\mu$ H, $P_e=2,5kW$

Für die Magnetisierungsphase gelten die Maschengleichungen:

$$U_e - u_{Lu1}(t) = 0 \tag{5.13}$$

$$u_{La}(t) + u_{Ca}(t) - u_{L\mu2}(t) = 0$$
(5.14)

Die Anfangsbedingungen sind: $i_e(t_0) = I_{e,\min}, i_{D1}(t_0) = I_{D1,\min}, i_{\mu}(t_0) = I_{e,\min} - I_{D1,\min}\ddot{u}$. Hier ist $\ddot{u} = \frac{N_2}{N_1}$ das Übersetzungsverhältnis des Transformators. In der Gl. (5.13), (5.14) sind:

$$u_{L\mu 1}(t) = L_{\mu 1} \frac{di_{\mu}(t)}{dt}$$
(5.15)

$$u_{La}(t) = L_a \frac{di_{D1}(t)}{dt}$$
(5.16)

$$u_{Ca}(t) = \frac{1}{C_a} \int (i_{D1}(t) - I) dt$$
(5.17)

$$u_{L\mu2}(t) = u_{L\mu1}(t)\ddot{u} = L_{\mu1}\ddot{u}\frac{di_{\mu}(t)}{dt}$$
(5.18)

Durch Einsetzen der Gl. (5.15)-(5.18) in die Gl. (5.13), (5.14) erhält man das System der Differentialgleichungen. Die Lösungen dieses Systems sind:

$$i_{\mu}(t) = I_{e,\min} - I_{D1,\min} \ddot{u} + \frac{U_e}{L_{\mu 1}}(t - t_0)$$
(5.19)

$$i_{D1}(t) = I + (I_{D1,\min} - I)\cos\omega_1(t - t_0) + \frac{U_e \ddot{u} - U_{Ca}(t_0)}{\sqrt{\frac{L_a}{C_a}}}\sin\omega_1(t - t_0)$$
(5.20)

Nach dem Kirchoff'schen Gesetz ergibt sich für das Ersatzschaltbild des Transformators gemäß *Abb. 5.5*:

$$i_e(t) = i_u(t) + i_{D1}(t)\ddot{u}$$
(5.21)

Nach Einsetzen von Gl. (5.19) und Gl. (5.20) in Gl. (5.21) ergibt sich die Zeitgleichung für den Eingangsstrom:

$$i_{e}(t) = \frac{U_{e}}{L_{\mu 1}}(t - t_{0}) + (I - I_{D1,\min})\ddot{u} + I_{e,\min} - (I - I_{D1,\min})\ddot{u}\cos(\omega_{1}(t - t_{0})) + \frac{U_{e}\ddot{u} - U_{Ca}(t_{0})}{\sqrt{\frac{L_{a}}{C_{a}}}}\ddot{u}\sin(\omega_{1}(t - t_{0}))$$
(5.22)

Der Kondensator C_c wird während der Magnetisierungsphase durch den Laststrom linear entladen. Die Zeitgleichung der Spannung über diesen Kondensator lautet:

$$u_{Cc}(t) = U_{Cc}(t_0) - \frac{I}{C_c}(t - t_0)$$
(5.23)

Beim Einsetzen von Gl. (5.20) in Gl. (5.17) erhält man:

5 Analyse des erweiterten Durchflusswandlers

$$u_{Ca}(t) = U_e \ddot{u} (1 - \cos(\omega_1(t - t_0))) + U_{Ca}(t_0) \cos(\omega_1(t - t_0)) + (I_{D1,\min} - I) \sqrt{\frac{L_a}{C_a}} \sin(\omega_1(t - t_0)).$$
(5.24)

mit $\omega_1 = \frac{1}{\sqrt{L_a C_a}}$.

Während der Entmagnetisierungsphase wird der Transistor T₁ ausgeschaltet. Die Diode D₁ sperrt und die Energie wird durch die Diode D₂ zur Last übertragen. Der Magnetisierungsstrom fließt durch die Diode D_c zum Kondensator C_c . Da durch die Diode D₁ kein Strom fließt, sind der Eingangsstrom und der Magnetisierungsstrom gemäß der Gl. (5.21) gleich. Die primäre Wicklung des Transformators wird dadurch entmagnetisiert. Der Kondensator C_c wird durch die Magnetisierungsenergie des Transformators aufgeladen. Für die Entmagnetisierungsphase gelten die Maschengleichungen:

$$u_{Lu1}(t) + u_{Cc}(t) - U_e = 0 (5.25)$$

$$u_{La}(t) + u_{Ca}(t) = 0 (5.26)$$

In der Gl. (5.25), (5.26) sind:

$$u_{L\mu 1}(t) = L_{\mu 1} \frac{di_{\mu}(t)}{dt} = L_{\mu 1} \frac{di_{e}(t)}{dt}$$
(5.27)

$$u_{Cc}(t) = \frac{1}{C_c} \int (i_e(t) - I) dt$$
 (5.28)

$$u_{La}(t) = L_a \frac{di_{D2}(t)}{dt}$$
(5.29)

$$u_{Ca}(t) = \frac{1}{C_a} \int (i_{D2}(t) - I) dt$$
(5.30)

Die Anfangsbedingungen gestalten sich so wie unten beschrieben ist. Der Strom durch die Diode D_1 zum Anfang der Entmagnetisierungsphase berechnet sich nach:

$$i_{D1}(t_{1+}) = 0 \tag{5.31}$$

Der Strom durch die Diode D₂ zum Anfang der Entmagnetisierungsphase beträgt:

$$i_{D2}(t_{1+}) = i_{D1}(t_{1-}) \tag{5.32}$$

Der Eingangsstrom zum Anfang der Entmagnetisierungsphase beträgt:

$$i_e(t_{1+}) = i_\mu(t_1) \tag{5.33}$$

Durch Einsetzen der Gl. (5.27)-(5.30) in die Gl. (5.25), (5.26) erhält man das System der Differentialgleichungen. Die Lösungen dieses Systems sind:

$$i_{\mu}(t) = i_{e}(t) = I - \left(I - i_{\mu}(t_{1})\right) \cos \omega_{2}\left(t - t_{1}\right) - \frac{U_{Cc}(t_{1}) - U_{e}}{\sqrt{\frac{L_{\mu 1}}{C_{c}}}} \sin \omega_{2}\left(t - t_{1}\right) \quad (5.34)$$

$$i_{D2}(t) = I + (i_{D1}(t_{1-}) - I)\cos\omega_1(t - t_1) - \frac{U_{Ca}(t_1)}{\sqrt{\frac{L_a}{C_a}}}\sin\omega_1(t - t_1)$$
(5.35)

mit $\omega_2 = \frac{1}{\sqrt{L_{\mu l}C_c}}$. Laut der Gl. (5.34) fällt der Magnetisierungsstrom linear ab. Er kann

für die in *Abb. 5.5* dargestellte Schaltung nicht negativ werden. Die Gl. (5.34) gilt deshalb für $i_{\mu}(t) \ge 0$. Nach Einsetzen von Gl. (5.34) in Gl. (5.28) ergibt sich für die Spannung des Kondensators C_c :

$$u_{Cc}(t) = U_e + (U_{Cc}(t_1) - U_e) \cos \omega_2(t - t_1) - (I - i_\mu(t_1)) \sqrt{\frac{L_{\mu 1}}{C_c}} \sin \omega_2(t - t_1)$$
(5.36)

Die Spannung des Ausgangskondensators C_c zum Zeitpunkt t_i berechnet sich aus Gl. (5.23):

$$U_{Cc}(t_1) = U_{Cc}(t_0) - \frac{I}{C_c}DT$$
(5.37)

Hier ist das Tastverhältnis wie folgt definiert: $D = \frac{t_1 - t_0}{T}$. Durch Einsetzen von Gl. (5.35) in Gl. (5.30) ergibt sich für die Spannung des Kondensators C_a :

$$u_{Ca}(t) = U_{Ca}(t_1)\cos\omega_1(t-t_1) + \left(i_{D1}(t_{1-}) - I\right)\sqrt{\frac{L_{\mu 1}}{C_c}}\sin\omega_1(t-t_1)$$
(5.38)

Die Spannung des Ausgangskondensators C_a zum Zeitpunkt t_1 berechnet sich nach (vgl. Gl. (5.24)):

5 Analyse des erweiterten Durchflusswandlers

$$U_{Ca}(t_{1}) = U_{e}\ddot{u}(1 - \cos(\omega_{1}DT)) + U_{Ca}(t_{0})\cos(\omega_{1}DT) + (I_{D1,\min} - I)\sqrt{\frac{L_{a}}{C_{a}}}\sin(\omega_{1}DT)$$
(5.39)

Während der Entmagnetisierungsphase liegt die Sperrspannung über den Transistor T₁. Durch das Leiten der Diode D_c sind diese Sperrspannung und die Spannung über den Kondensator C_c gleich. Die Spannung am Transistor T₁ kann also nicht höher als die Spannung des Kondensators C_c sein. Dadurch ist keine durch die Streuinduktivitäten des Transformators verursachte Überspannung am Transistor T₁ möglich. Das ist ein entscheidender Vorteil des erweiterten Durchflusswandlers. Allerdings kann eine Überspannung am Transistor T₁ durch die parasitären Induktivitäten der Leitungsschleife T₁-D_c- C_c hervorgerufen werden.

Die Bedingungen für den stationären Zustand lauten:

$$U_{Ca}(t_2) = U_{Ca}(t_0) \tag{5.40}$$

$$U_{Cc}(t_2) = U_{Cc}(t_0) \tag{5.41}$$

Im stationären Zustand soll auch gewährleistet sein, dass der Magnetisierungsstrom zum Anfang jeder Periode mit der Zeit nicht ansteigt. Im Fall des diskontinuierlichen Magnetisierungsstroms ist er zum Ende jeder Periode Null und kann daher von einer Periode zur nächsten nicht ansteigen. Bei einem kontinuierlichen Magnetisierungsstrom nimmt er zum Ende jeder Periode einen konkreten Wert an. Dieser Wert muss im stationären Zustand von einer Periode zur nächsten konstant sein, damit keine Sättigung des Transformators auftritt. Im Fall des kontinuierlichen Magnetisierungsstroms ist also eine zusätzliche Bedingung für den stationären Zustand erforderlich:

$$i_{\mu}(t_2) = i_{\mu}(t_0) \tag{5.42}$$

Im Fall des diskontinuierlichen Magnetisierungsstroms sind die Bedingungen gemäß der Gl. (5.40)-(5.41) ausreichend, damit der stationäre Zustand erreicht werden kann. Aus Gl. (5.21) erkennt man, dass die Bedingung Gl. (5.42) erfüllt wird, wenn gilt:

$$i_e(t_{2+}) = i_e(t_{0+}) \tag{5.43}$$

$$i_{D1}(t_{2+}) = i_{D1}(t_{0+}) \tag{5.44}$$

Die Bedingung, die durch Gl. (5.40) definiert wurde, sieht wie folgt aus:

$$U_{Ca}(t_0) = U_{Ca}(t_1) \cos \omega_1(t - t_1) + \left(i_{D1}(t_{1-}) - I\right) \sqrt{\frac{L_{\mu 1}}{C_c}} \sin \omega_1(t - t_1)$$
(5.45)

In der Gl. (5.45) ist die Spannung $U_{Ca}(t_1)$ durch die Gl. (5.39) gegeben und der Strom durch die Diode D₁ zum Zeitpunkt t_1 kann mit Hilfe der Gl. (5.20) wie folgt berechnet werden:

$$i_{D1}(t_{1-}) = I + (I_{D1,\min} - I)\cos\omega_1 DT + \frac{U_e \ddot{u} - U_{Ca}(t_0)}{\sqrt{\frac{L_a}{C_a}}}\sin\omega_1 DT$$
(5.46)

Die Bedingung Gl. (5.44) sieht wie folgt aus:

$$i_{D1}(t_{2+}) = I + (i_{D1}(t_{1-}) - I)\cos\omega_1(1 - D) - \frac{U_{Ca}(t_1)}{\sqrt{\frac{L_a}{C_a}}}\sin\omega_1(1 - D)$$
(5.47)

Hier ist der Strom zum Zeitpunkt *t*₂:

$$i_{D1}(t_{2+}) = I_{D1,\min} \tag{5.48}$$

Beim Lösen des Gleichungssystems Gl. (5.45) und (5.47) ergibt sich eine Lösung. Der Strom durch die Diode D_1 ändert sich nicht zum Beginn jeder Periode, wenn die durch folgende Gleichung definierte Spannung am Kondensator C_a sich bei konstanten Parametern der Schaltung und einem bestimmten Tastverhältnis einstellt:

$$U_{Ca}(t_0) = \frac{1}{2} U_e \ddot{u} \frac{-\cos a_2 + \cos a_1 + 1 - \cos a_1 \cos a_2 + \sin a_1 \sin a_2}{\sin a_1 \sin a_2 - \cos a_1 \cos a_2 + 1}$$
(5.49)

mit $a_1 = \omega_1(1-D)T$, $a_2 = \omega_1DT$. Der stationäre Wert des Stromes durch die Diode D₁ zum Beginn jeder Periode kann wie folgt berechnet werden:

$$I_{D1,\min} = I + \frac{U_e \ddot{u} \sin a_1 + (U_{Ca}(t_0) - U_e \ddot{u})(\sin a_1 \cos a_2 + \cos a_1 \sin a_2)}{\sqrt{\frac{L_a}{C_a}} (-\sin a_2 \sin a_1 + \cos a_2 \cos a_1 - 1)}$$
(5.50)

Man kann aus Gl. (5.49) entnehmen, dass die Spannung am Kondensator C_a sich in Abhängigkeit von drei Größen einstellt:

- Eingangsspannung,
- Übersetzungsverhältnis des Transformators,
- Tastverhältnis.

Die Spannung am Kondensator C_a ist unabhängig vom Laststrom bei konstanten Parametern der Schaltung, wie man aus der Gl. (5.49) sieht. Aus Gl. (5.50) sieht man, dass der Strom durch die Diode D_1 bzw. durch die Ausgangsinduktivität L_a zum Beginn der Periode bei konstanten Parametern der Schaltung, bei einem bestimmten Tastverhältnis und bei einer bestimmten Spannung am Kondensator C_a linear vom Laststrom abhängig ist. Ferner ist der Strom durch die Diode D₁ bei einem konstanten Laststrom und konstanten Parametern der Schaltung von der Spannung am Kondensator C_a abhängig. Die Spannung am Kondensator C_a kann bei einem konstanten Laststrom durch die Vergrößerung des Tastverhältnisses erhöht werden. Aus der Gl. (5.50) erkennt man, dass die Erhöhung der Spannung am Kondensator Ca zum Beginn der Periode zur Erhöhung des Stroms durch die Diode D₁ führt. Die Erklärung hierfür ist, dass der Stromfluss durch die Diode D_1 zum Zeitpunkt t_1 proportional mit dem Tastverhältnis steigt. Der Zeitabschnitt, in dem der Strom durch die Ausgangsinduktivität abfällt (t_1, t_2) , wird mit der Erhöhung des Tastverhältnisses kürzer. Bei höheren Tastverhältnissen erreicht der Strom durch die Ausgangsinduktivität zum Zeitpunkt t_2 höhere Werte. Die Bedingung, die Gl. (5.43) beschreibt, sieht wie folgt aus:

$$I_{e,\min} = I - (I - i_{\mu}(t_{1})) \cos \omega_{2} (1 - D) T - \frac{U_{Cc}(t_{1}) - U_{e}}{\sqrt{\frac{L_{\mu 1}}{C_{c}}}} \sin \omega_{2} (1 - D) T$$
(5.51)

Hier ist die Spannung am Kondensator C_c zum Zeitpunkt t_1 durch die Gl. (5.37) gegeben und der Magnetisierungsstrom zum Zeitpunkt t_1 kann aus der Gl. (5.21) wie folgt berechnet werden:

$$i_{\mu}(t_{1}) = I_{e,\min} - I_{D1,\min} \ddot{u} + \frac{U_{e}}{L_{\mu 1}} DT$$
(5.52)

Die Lösung der Gl. (5.51) nach I_{e,min} ist der stationäre Wert des Eingangsstromes:

$$I_{e,\min} = \frac{\left(-1 + \cos a_4\right) \left(2I - \frac{U_e DT}{L_{\mu 1}} + 2\ddot{u}I_{D1,\min}\right)}{-1 + \cos^2 a_4} - \frac{IDT}{\sqrt{L_{\mu 1}C}\sin a_4}$$
(5.53)

mit $a_4 = \sqrt{\frac{1}{L_{\mu 1}C_c}} (D-1)T$. $I_{D1,min}$ in der Gl. (5.53) ist der durch Gl. (5.50) definierte

Strom durch die Diode D₁, bei dem die Spannung am Kondensator C_a einen durch die

Gl. (5.49) definierten stationären Wert erreicht und sich von Periode zu Periode nicht ändert. Durch die Gl. (5.53) ist der erforderliche Eingangsstrom definiert, bei dem der Magnetisierungsstrom und die Spannung am Kondensator C_a zum Anfang jeder Periode ihre stationäre Werte erreichen. Die durch die Gl. (5.41) definierte Bedingung sieht wie folgt aus:

$$U_{Cc}(t_0) = U_e + (U_{Cc}(t_0) - \frac{I}{C_c}DT - U_e)\cos\omega_2(t - t_1) - (I - i_\mu(t_1))\sqrt{\frac{L_{\mu 1}}{C_c}}\sin\omega_2(t - t_1)$$
(5.54)

Die Gl. (5.55) beschreibt die Lösung der Gl. (5.54) nach dem Anfangswert der Spannung über den Kondensator C_c :

$$U_{Cc}(t_0) = \frac{\left(U_e + \frac{I}{C_c}DT\right)\cos a_3 - \left(I - \frac{U_e}{L_{\mu 1}}DT - I_{e,\min} + I_{D1,\min}\ddot{u}\right)\sqrt{\frac{L_{\mu 1}}{C_c}}\sin a_3 - U_e}{-1 + \cos a_3}$$

(5.55)

mit $a_3 = \omega_2(D-1)T$. Die Gl. (5.55) definiert den stationären Wert der Spannung am Kondensator C_c in Abhängigkeit des stationären Wertes des Magnetisierungsstroms zum Anfang jeder Periode. Die Spannung am Kondensator C_c zum Beginn jeder Periode ist nicht nur von den Parametern der Schaltung abhängig, wie man aus Gl. (5.55) sieht. Zu diesem Zeitpunkt beeinflusst die Größe des Laststromes die Spannung am Kondensator C_c bei konstanten Parametern der Schaltung relativ stark. Das bedeutet, dass die Spannung über den Kondensator C_c zum Zeitpunkt t_0 sich bei Laständerungen von Periode zu Periode ändern kann. Man sieht aus Gl. (5.55), dass die Erhöhung des Laststroms zu einer höheren Spannung über den Kondensator Cc zum Anfang jeder Periode im stationären Arbeitspunkt bei einem bestimmten Tastverhältnis führt. Während der Magnetisierungsphase sinkt die Spannung am Kondensator C_c , wie man aus Gl. (5.23) erkennt. Während der Entmagnetisierungsphase steigt die Spannung am Kondensator C_c gemäß Gl. (5.36) an. Der minimale Wert der Spannung am Kondensator C_c während einer Periode zum Zeitpunkt t_1 wird mit der Erhöhung des Laststroms kleiner, wie man aus der Gl. (5.23) erkennt. Bei dem bestimmten Wert des Laststroms kann die Spannung am Kondensator C_c zum Zeitpunkt t_1 kleiner als die Eingangsspannung sein. In diesem Fall fließt der Eingangsstrom nach dem Abschalten des Transistors T₁ zum Zeitpunkt t_1 durch die Eingangsspannungsquelle, die primäre Induktivität $L_{\mu l}$, die Diode D_c und den Kondensator C_c . Der Kondensator C_c wird dabei aufgeladen, bis die Spannung am Kondensator C_c die Eingangsspannung erreicht. Es besteht die Gefahr, dass die Diode D_c in diesem Fall durch diesen unsteuerbaren Stromfluss wegen der Stromüberlastung beschädigt werden kann. Aus diesem Grund ist dieser Betriebsfall nicht zulässig. Im Folgenden soll berechnet werden, bei welchen Parametern dieser Bereich entsteht. Die Bedingung für die Vermeidung dieses Betriebsfalls ist: $U_{Cc}(t_0) - \frac{I}{C_c}DT > U_e$. Beim Einsetzen des stationären Wertes für die Spannung am Kondensator C_c am Anfang jeder Periode, die durch Gl. (5.55) definiert wird, in die oben dargestellte Bedingung erhält man:

$$\frac{\left(U_e + \frac{I}{C_c}DT\right)\cos a_3 - \left(I - \frac{U_e}{L_{\mu 1}}DT - I_{e,\min} + I_{D1,\min}\ddot{u}\right)\sqrt{\frac{L_{\mu 1}}{C_c}}\sin a_3 - U_e}{-1 + \cos a_3}$$
$$-\frac{I}{C_c}DT > U_e.$$

Wenn diese Bedingung erfüllt wird, ist die Spannung zum Zeitpunkt t_1 größer als die Eingangsspannung. Der kritische Laststrom I_{krit} , bei dem die Spannung am Kondensator C_c zum Zeitpunkt t_1 und die Eingangsspannung gleich sind, kann unter Berücksichtigung der oben beschriebenen Bedingung wie folgt ermittelt werden:

$$\frac{\left(U_{e} + \frac{I_{krit}}{C_{c}}DT\right)\cos a_{3}}{-1 + \cos a_{3}} - \frac{\left(I_{krit} - \frac{U_{e}}{L_{\mu 1}}DT - I_{e,\min} + I_{D1,\min}\ddot{u}\right)\sqrt{\frac{L_{\mu 1}}{C_{c}}}\sin a_{3} - U_{e}}{-1 + \cos a_{3}} - \frac{I_{krit}}{C_{c}}DT = U_{e}$$
(5.56)

Der ermittelte kritische Laststrom bei bestimmten Parametern der Schaltung in Abhängigkeit vom Tastverhältnis laut Gl. (5.56) ist in *Abb. 5.7* dargestellt. Mit der Erhöhung des Tastverhältnisses steigt die Magnetisierungsenergie an und dadurch wird die zum Kondensator C_c eingespeiste Energie höher. Ein höherer Laststrom bei höheren Tastverhältnissen ist daher erforderlich, um den Kondensator C_c bis zu der Höhe der Eingangsspannung zu entladen. Aus *Abb. 5.7* erkennt man, dass der Betriebszustand, bei dem die Spannung am Kondensator C_c kleiner als die Eingangsspannung ist, erst bei sehr hohen Lastströmen auftritt, die vom Arbeitsbereich der Schaltung (U_e =30V...60V, P_a =1kW) weit entfernt sind. Folglich wird der Arbeitsbereich der Schaltung bis zum Nennarbeitspunkt nicht beschränkt.



Abb. 5.7: Berechneter Laststrom, bei dem die Spannung am Kondensator C_c die Eingangsspannung erreicht, in Abhängigkeit vom Tastverhältnis

Ein weiterer Fall, wenn die Spannung am Kondensator C_c kleiner als die Eingangsspannung sein kann, entsteht beim Anlauf der Schaltung. *Abb. 5.8* zeigt die Schaltung des erweiterten Durchflusswandlers mit einem LC-Filter am Eingang. Die Drossel L_e dieses Filters dient zur Glättung des aus der BZ entnommenen Stromes.



Abb. 5.8: Schaltung des erweiterten Durchflusswandlers mit dem Eingangsfilter und der Vorladeschaltung für den Elektrolytkondensator am Eingang
Die Spannung des Elektrolytkondensators Ce ist die Eingangsspannung für den erweiterten Durchflusswandler. Beim Einschalten des Transistors T₁ wird die primäre Wicklung beim eingeschalteten Transistor von Periode zu Periode aufmagnetisiert und der Magnetisierungsstrom steigt an. Beim ausgeschalteten Transistor wird der Kondensator C_c durch die Diode D_c aufgeladen. Wenn die Spannung am Kondensator C_c noch kleiner als die Eingangsspannung ist, wird der Magnetisierungsstrom laut der Gl. (5.34) nicht genug stark abfallen, um den Wert am Anfang einer Periode zu erreichen. Der Magnetisierungsstrom steigt deshalb von Periode zu Periode an. Der Zeitpunkt, wo der Transformator in die Sättigung geht, kann deshalb erreicht werden. Aus diesem Grund darf der Transistor T₁ bei der kleineren als die Eingangsspannung Spannung am Kondensator C_c nicht eingeschaltet werden. Zuerst sollen die Kondensatoren C_e und C_c aufgeladen werden, damit die Spannung am Kondensator C_c größer als die Eingangsspannung ist. Der Vorladewiderstand R_1 dient zur Begrenzung des Einschaltstoßstromes durch den Kondensator Ce. Wenn die Spannung am Kondensator C_c die Eingangsspannung erreicht hat, kann der Transistor T₁ eingeschaltet werden. Der Widerstand R_1 soll zu diesem Zeitpunkt überbrückt werden. Diese Funktion erfüllt der Transistor T₂, in dem er während des Betriebes der Schaltung ständig eingeschaltet ist. Eine zusätzliche Diode D₃ verhindert die Umpolung der Spannung des Kondensators C_c , die bei relativ hohen Lastströmen möglich wäre.

Für die Analyse des stationären Verhaltens der Schaltung sind die Mittelwerte der Ausgangsspannung von Interesse. Um sie zu berechnen, werden nun die Mittelwerte der Spannungen über den Kondensatoren C_c und C_a ermittelt. Die mittlere Spannung über den Kondensator C_c über eine Periode kann aufgrund des durch die Gl. (5.23) und (5.36) beschriebenen Zeitverlaufes wie folgt ermittelt werden:

$$U_{Cc} = \frac{1}{T} \int_{0}^{DT} \left(U_{Cc}(t_0) - \frac{I}{C_c} t \right) dt + \frac{1}{T} \int_{DT}^{T} \left(U_e + (U_{Cc}(t_1) - U_e) \cos \omega_2 t - (I - i_\mu(t_1)) \sqrt{\frac{L_{\mu 1}}{C_c}} \sin \omega_2 t \right) dt$$
(5.57)

Bei $\omega_2 \rightarrow \infty$ kann Gl. (5.57) deutlich vereinfacht werden:

$$U_{Cc} = \frac{U_e}{1 - D} \tag{5.58}$$

Das bedeutet, dass die Spannung über den Kondensator C_c im Fall der unendlich großen Kapazität des Kondensators C_c einen konstanten, durch die Gl. (5.58) definierten Wert annimmt. Dieser Wert ist etwas kleiner als der durch Gl. (5.57) definierte Wert bei relativ kleinen Magnetisierungsinduktivitäten und bei relativ kleinen Kapazitäten des Kondensators C_c . Die Welligkeit der Spannung über den Kondensator C_c im stationären Nennarbeitspunkt kann wie folgt ermittelt werden:

$$\Delta U_{Cc} = \frac{I}{C_c} DT \tag{5.59}$$

Abb. 5.9 zeigt die gemäß Gl. (5.59) berechnete Abhängigkeit der Welligkeit der Spannung über den Kondensator C_c vom Tastverhältnis bei einem bestimmten Laststrom und einer bestimmten Schaltfrequenz. Man sieht, dass diese Welligkeit relativ klein ist und bei der Analyse des stationären Verhaltens vernachlässigt werden kann. Die mittlere Spannung über den Kondensator C_a über eine Periode kann aufgrund des durch die Gl. (5.24) und Gl. (5.38) beschriebenen Zeitverlaufs wie folgt ermittelt werden:

$$U_{Ca} = \frac{1}{T} \int_{0}^{DT} \left(U_e \ddot{u} (1 - \cos \omega_1 t) + U_{Ca} (t_0) \cos \omega_1 t + (I_{D1,\min} - I) \sqrt{\frac{L_a}{C_a}} \sin \omega_1 t \right) dt + \frac{1}{T} \int_{DT}^{T} \left(U_{Ca} (t_1) \cos \omega_1 t + (i_{D1} (t_{1-}) - I) \sqrt{\frac{L_{\mu 1}}{C_c}} \sin \omega_1 t \right) dt$$
(5.60)



Abb. 5.9: Berechnete Welligkeit der Spannung über den Kondensator C_c in Abhängigkeit vom Tastverhältnis bei verschiedenen Kapazitäten des Kondensators C_c

Abb. 5.10 zeigt die gemäß Gl. (5.60) berechnete Abhängigkeit der Welligkeit der Spannung über den Kondensator C_a vom Tastverhältnis bei einem bestimmten Laststrom und einer bestimmten Schaltfrequenz.



Abb. 5.10: Berechnete Welligkeit der Spannung über den Kondensator C_a in Abhängigkeit vom Tastverhältnis bei verschiedenen Kapazitäten des Kondensators C_a

Man sieht, dass diese Welligkeit ebenfalls relativ klein ist und bei der Analyse des stationären Verhaltens vernachlässigt werden kann. Bei der Berechnung der stationären Spannungs-Stromkennlinien für den kontinuierlichen Betrieb und die diskontinuierlichen Betriebsfälle kann also angenommen werden, dass die Spannungen über die Kondensatoren C_a , C_c welligkeitsfrei sind. Die Berechnung dieser Kennlinien ist das Thema des Abschnittes 5.2.3.

5.2.3 Diskontinuierliche Betriebsfälle

Abb. 5.11 zeigt die Verläufe des erweiterten Durchflusswandlers für den Fall diskontinuierlicher Ströme i_{La} und i_e ($t_3 < t_4$). Im Fall ($t_3 \ge t_4$) liegen ein diskontinuierlicher Strom i_{La} und ein kontinuierlicher Strom i_e vor. *Abb.* 5.12 zeigt die Verläufe für diesen Betriebsfall. Im stationären Zustand gilt, dass die Spannungszeitfläche des Spannungsverlaufs über die Induktivität L_a Null ist:

$$(U_e \ddot{u} - U_{Ca})DT + (-U_{Ca})(t_2 - t_1) = 0$$
(5.61)



Abb. 5.11: Simulierte Verläufe des erweiterten Durchflusswandlers für den Bereich diskontinuierlicher Ströme i_{La} und i_e für Parameter: $U_e = 30V$, $L_{\mu l} = 20\mu$ H, $\ddot{u} = 46$, $L_a = 800\mu$ H, $P_e = 497W$, $U_a = 375V$

Aus Gl. (5.61) kann das Verhältnis der Spannung über den Kondensator C_a zu der Eingangsspannung wie folgt ermittelt werden:

$$\frac{U_{Ca}}{U_{e}} = \frac{DT\ddot{u}}{DT + (t_{2} - t_{1})}$$
(5.62)

Der Maschensatz für den Sekundärkreis mit der Diode D₁, der Induktivität L_a und dem Kondensator C_a für den Zeitabschnitt $t_0...t_1$ lautet:

$$U_{e}\ddot{u} - L_{a}\frac{di_{La}(t)}{dt} - U_{Ca} = 0$$
(5.63)

Mithilfe von Gl. (5.63) kann der maximale Wert des Stromes durch die Induktivität L_a wie folgt berechnet werden:

$$i_{La}(t_1) = \frac{U_e \ddot{u} - U_{Ca}}{L_a} DT$$
(5.64)

Der Mittelwert des Stromes durch die Induktivität L_a über die Periode kann wie folgt berechnet werden:

$$I_{La} = I = i_{La}(t_1) \frac{D + \frac{t_2 - t_1}{T}}{2}$$
(5.65)

Durch Einsetzen von Gl. (5.64) in Gl. (5.65) und Auflösen der resultierenden Gleichung nach t_2 - t_1 erhält man:

5 Analyse des erweiterten Durchflusswandlers



Abb. 5.12: Simulierte Verläufe des erweiterten Durchflusswandlers für den Bereich eines diskontinuierlichen Stromes i_{La} und eines kontinuierlichen Stromes i_e für die Parameter: $U_e=30V$, $L_{\mu l}=20\mu$ H, $\ddot{u}=46$, $L_a=800\mu$ H, $P_e=639$ W, $U_a=375$ V

Beim Einsetzen von Gl. (5.66) in Gl. (5.62) und nach dem Auflösen der resultierenden Gleichung nach dem Verhältnis der Spannung über den Kondensator C_a zu der Eingangsspannung erhält man:

$$\frac{U_{Ca}}{U_e}_{DCM} = \frac{D\ddot{u}}{D + \frac{2L_a I}{U_c \ddot{u} DT}}$$
(5.67)

Die Gl. (5.67) ist für die Betriebsfälle ($t_3 < t_4$, $t_3 \ge t_4$) gültig. Das Verhältnis der Spannung über den Kondensator C_a zu der Eingangsspannung im Fall des kontinuierlichen Stromes durch die Induktivität L_a (siehe Abb. 5.6) kann laut [31] wie folgt berechnet werden:

$$\frac{U_{Ca}}{U_{e \ CCM}} = D\ddot{u} \tag{5.68}$$

Der Laststrom I_{gr1} , bei dem der Strom i_{La} sich an der Lückgrenze befindet ($t_2=t_4$), kann aus folgender Bedingung ermittelt werden:

$$\frac{U_{Ca}}{U_e}_{CCM} = \frac{U_{Ca}}{U_e}_{DCM}$$
(5.69)

Beim Einsetzen der Gl. (5.67), (5.68) in die Gl. (5.69) erhält man:

5 Analyse des erweiterten Durchflusswandlers

$$D\ddot{u} = \frac{D\ddot{u}}{D + \frac{2L_a I_{gr1}}{U \ \ddot{u}DT}}$$
(5.70)

Nach Umformung der Gl. (5.70) nach I_{grl} kann der Laststrom ermittelt werden, bei dem der Strom i_{La} sich an der Lückgrenze befindet:

$$I_{gr1} = \frac{U_e \ddot{u} DT (1 - D)}{2L_a}$$
(5.71)

Abb. 5.13 zeigt die laut Gl. (5.67) berechnete Spannung über den Kondensator C_a für den Fall des diskontinuierlichen Stromes durch die Induktivität L_a ($I < I_{grl}$) und die gemäß Gl. (5.68) berechnete Spannung über den Kondensator C_a für den Fall des kontinuierlichen Stromes durch die Induktivität L_a ($I > I_{grl}$).



Abb. 5.13: Analytisch ermittelter Mittelwert der Spannung am Kondensator C_a des erweiterten Durchflusswandlers mit einem idealen Transformator in Abhängigkeit vom Laststrom für verschiedene Arbeitspunkte

Für den Betriebsfall des kontinuierlichen Stromes durch die Induktivität L_a ist die Spannung über den Kondensator C_a unabhängig vom Laststrom. Für den Betriebsfall des diskontinuierlichen Stromes durch die Induktivität L_a steigt die Spannung über den Kondensator C_a mit der Verringerung des Laststromes an. Die Verringerung des Laststromes führt laut Gl. (5.65) dazu, dass der Strom durch die Induktivität L_a zum Zeitpunkt t_1 kleiner wird. Dadurch verkürzt sich die Dauer des Zeitabschnittes t_2 - t_1 . Damit die Spannungszeitfläche über die Induktivität L_a gleich Null bleibt, soll die Spannung über den Kondensator C_a gemäß Gl. (5.61) ansteigen. Das erkennt man in *Abb. 5.13*. Aus Gl. (5.67) kann man die Spannung über den Kondensator C_a im Leerlauf wie folgt ermitteln:

$$U_{Ca(I=0)} = U_e \ddot{u} \tag{5.72}$$

Im stationären Zustand gilt, dass die Spannungszeitfläche des Spannungsverlaufs über die Induktivität $L_{\mu l}$ Null ist:

$$(U_e)DT + (U_e - U_{Cc})(t_3 - t_1) = 0$$
(5.73)

Aus Gl. (5.73) kann das Verhältnis der Spannung über den Kondensator C_c zur Eingangsspannung wie folgt ermittelt werden:

$$\frac{U_{Cc}}{U_e} = \frac{DT + t_3 - t_1}{t_3 - t_1}$$
(5.74)

Für einen verlustfreien Wandler gilt im stationären Zustand die Leistungsbilanz:

$$U_{Cc}I = U_e I_{L\mu,avg} \tag{5.75}$$

Aus Gl. (5.75) kann folgender Zusammenhang abgeleitet werden:

$$\frac{I}{I_{L\mu,avg}} = \frac{U_e}{U_{Cc}}$$
(5.76)

Durch Einsetzen von Gl. (5.74) in Gl. (5.76) erhält man:

$$\frac{I}{I_{L\mu,avg}} = \frac{t_3 - t_1}{DT + t_3 - t_1}$$
(5.77)

Der Maschensatz für den Kreis mit dem Transistor T₁ und der Induktivität $L_{\mu l}$ beim eingeschalteten Transistor T₁ für den Zeitabschnitt $t_0...t_l$ lautet:

$$L_{\mu 1} \frac{di_{\mu}(t)}{dt} - U_{e} = 0$$
(5.78)

Aus Gl. (5.78) kann der Maximalwert des Magnetisierungsstroms wie folgt berechnet werden:

$$i_{\mu}(t_{1}) = \frac{U_{e}}{L_{\mu 1}} DT$$
(5.79)

Der mittlere Magnetisierungsstrom über eine Periode kann wie folgt berechnet werden:

$$I_{L\mu,avg} = i_{\mu}(t_1) \frac{D + \frac{t_3 - t_1}{T}}{2}$$
(5.80)

Nach Einsetzen von Gl. (5.77) und Gl. (5.79) in Gl. (5.80) erhält man:

$$t_3 - t_1 = \frac{2L_{\mu 1}I}{U_e D} \tag{5.81}$$

Nach Einsetzen von Gl. (5.81) in Gl. (5.74) erhält man das Verhältnis der Spannung über den Kondensator C_c zu der Eingangsspannung für den in *Abb. 5.11* dargestellten Betriebsfall ($t_3 < t_4$):

$$\frac{U_{Cc}}{U_{e}} = \frac{D + \frac{2L_{\mu 1}I}{U_{e}DT}}{\frac{2L_{\mu 1}I}{U_{e}DT}}$$
(5.82)

Das Verhältnis der Spannung über den Kondensator C_c zu der Eingangsspannung für die in *Abb. 5.6* und *Abb. 5.12* dargestellten Betriebsfälle (kontinuierlicher Magnetisierungsstrom) kann laut [31] wie folgt berechnet werden:

$$\frac{U_{Cc}}{U_{e}}_{CCM} = \frac{1}{1 - D}$$
(5.83)

Der Laststrom I_{gr2} , bei dem der Magnetisierungsstrom sich an der Lückgrenze befindet ($t_3=t_4$), kann aus der folgenden Bedingung ermittelt werden:

$$\frac{U_{Cc}}{U_{e \ CCM}} = \frac{U_{Cc}}{U_{e \ DCM}}$$
(5.84)

Beim Einsetzen von Gl. (5.82) und Gl. (5.83) in die Gl. (5.84) erhält man:

$$I_{gr2} = \frac{U_e DT(1-D)}{2L_{\mu 1}}$$
(5.85)

Das Verhältnis zwischen den durch die Gl. (5.71) und (5.85) definierten Grenzströmen bestimmt, welche Betriebsfälle für den erweiterten Durchflusswandler mit einem idealen Transformator möglich sind. *Abb. 5.14* zeigt die gemäß Gl. (5.82) berechnete Spannung über den Kondensator C_c für den Fall eines diskontinuierlichen Magnetisierungsstroms ($I < I_{gr2}$) und die gemäß Gl. (5.83) berechnete Spannung über den Kondensator C_c für den Fall eines kontinuierlichen Magnetisierungsstroms ($I > I_{gr2}$). Man sieht aus den *Abb. 5.13* und *Abb. 5.14*, dass für die festgelegten Werte der Magnetisierungsinduktivität und Induktivität L_a gilt: ($I_{gr2} < I_{gr1}$). Für dieses Verhältnis zwischen den Grenzströmen sind drei Betriebsfälle für den erweiterten Durchflusswandler mit einem idealen Transformator möglich:

- Strom durch die Induktivität *L_a* kontinuierlich, Magnetisierungsstrom kontinuierlich,
- Strom durch die Induktivität *L_a* kontinuierlich, Magnetisierungsstrom diskontinuierlich,
- Strom durch die Induktivität *L_a* diskontinuierlich, Magnetisierungsstrom diskontinuierlich.



Abb. 5.14: Analytisch ermittelter Mittelwert der Spannung am Kondensator C_c des erweiterten Durchflusswandlers mit einem idealen Transformator in Abhängigkeit vom Laststrom für verschiedene Arbeitspunkte

Die Spannung am Kondensator C_c steigt mit der Erhöhung des Tastverhältnisses an. Die theoretisch berechnete Spannung am Kondensator C_c ist beim Leerlauf unendlich groß, weil der Kondensator C_c nicht entladen werden kann. Er wird allerdings beim Ausschalten des Transistors T₁ durch die Diode D_c aufgeladen. Dadurch steigt die Spannung am Kondensator C_c nach jeder Periode an. Dieser Betriebsfall ist unzulässig, weil die unsteuerbare Erhöhung der Spannung am Kondensator C_c zur Zerstörung des Transistors T₁ führt. Die Vermeidung dieses Betriebsfalls ist die Aufgabe der Schaltungsregelung. *Abb.* 5.15 zeigt Ausgangsspannung des erweiterten Durchflusswandlers. Man sieht, dass das Tastverhältnis von etwa 0,5 bei der Eingangsspannung von 15V erforderlich ist, um die Ausgangsspannung von 375V zu erreichen. Aus *Abb. 5.13*, *Abb. 5.14* sieht man, dass der kontinuierliche Strom durch die Induktivität L_a in Verbindung mit einem kontinuierlichen Magnetisierungsstrom der Hauptbetriebsfall ist. Dieser Betriebsfall entsteht im Nennarbeitspunkt. Der Betriebsfall mit einem kontinuierlichen Strom durch die Induktivität L_a und einem diskontinuierlichen Magnetisierungsstrom entsteht in einem relativ schmalen Bereich der Laststromänderung.



Abb. 5.15: Analytisch ermittelter Mittelwert der Ausgangsspannung des erweiterten Durchflusswandlers mit einem idealen Transformator in Abhängigkeit vom Laststrom für verschiedene Arbeitspunkte

5.3 Mathematische Analyse des erweiterten Durchflusswandlers mit einem nichtidealen Transformator

5.3.1 Kontinuierlicher Betrieb

Abb. 5.16 zeigt das Ersatzschaltbild für die in *Abb. 5.8* gezeigte Schaltung des erweiterten Durchflusswandlers. Die Streuinduktivität des Transformators wird in diesem Ersatzschaltbild berücksichtigt. Der Einfluss der Streuinduktivität des Transformators auf das stationäre Verhalten wurde in [80] theoretisch aufgrund dieses Ersatzschaltbildes analysiert. Die Welligkeit der Spannung des Elektrolytkondensators C_e des Eingangsfilters, *Abb. 5.8*, wird im Ersatzschaltbild vernachlässigt. Dieser Kondensator wird durch die Spannungsquelle U_e modelliert. Das Ersatzschaltbild berücksichtigt die Leitverluste in den MOSFET der Schalter T₁, T₂. Durch den Transistor T₂ fließt gemäß *Abb. 5.8* der kontinuierliche Strom aus der BZ und durch den Transistor T₁ der Strom nach dem Eingangsfilter. Bei der Multiplikation des Einschaltwiderstandes der MOSFET für den Transistor T₂ mit einem Faktor, *Abb. 5.16*, werden in diesem Widerstand die gleichen Verluste entstehen, wie die Durchlassverluste im Transistor T₂ in *Abb. 5.8*.



Abb. 5.16: Ersatzschaltbild des erweiterten Durchflusswandlers mit einem nichtidealen Transformator

Der Laststrom ist als konstant angenommen. Wie im Abschnitt 5.2.2 gezeigt wurde, ist die Welligkeit der Spannungen an den Kondensatoren C_a und C_c im Vergleich zu den Mittelwerten der Spannungen vernachlässigbar klein. Die Spannungen an den Kondensatoren C_a , C_c werden deshalb durch die Mittelwerte dargestellt, um die Berechnung zu vereinfachen. Die Berechnung wird zuerst für den Fall des kontinuierlichen Stromes durch die Drossel L_a und des diskontinuierlichen Magnetisierungsstromes durchgeführt. *Abb. 5.17* zeigt die Verläufe des Drosselstromes i_{La} , der Sperrspannungen über die Dioden D₂ und D_c für das Ersatzschaltbild gemäß *Abb. 5.16*. Die Schaltung des erweiterten Durchflusswandlers wird zuerst bei der Vernachlässigung der in *Abb. 5.16* gezeigten Widerstände für die Modellierung der Leitverluste in den MOSFET T₁ und T₂ mathematisch analysiert. Zum Zeitpunkt t_0 wird der Transistor T₁ eingeschaltet. Der Zeitabschnitt, in dem der Transistor T₁ eingeschaltet ist, wird als Magnetisierungsphase bezeichnet. Ein Teil der Energie am Eingang wird durch die Diode D₁ während dieser Phase zum Kondensator C_a übertragen und ein Teil dieser Energie wird in den Streuinduktivitäten und der Magnetisierungsinduktivität gespeichert.



Abb. 5.17: Simulierte Verläufe des erweiterten Durchflusswandlers mit einem nichtidealen Transformator für den Betriebsfall: Strom durch die Drossel L_a kontinuierlich, Magnetisierungsstrom diskontinuierlich

Für die Magnetisierungsphase $(t_0...t_1)$ gelten die Maschengleichungen:

$$U_e - u_{L\mu 1}(t) - u_{L\sigma 1}(t) = 0$$
(5.86)

$$u_{L\mu2}(t) - U_{Ca} - u_{La}(t) - u_{L\sigma2}(t) = 0$$
(5.87)

Hier sind:

$$u_{L\mu 1}(t) = L_{\mu 1} \frac{di_{\mu}(t)}{dt}, \qquad (5.88)$$

$$i_{\mu}(t) = i_{e}(t) - i_{D1}(t)\ddot{u} , \qquad (5.89)$$

$$u_{L\mu2}(t) = u_{L\mu1}(t)\ddot{u}, \qquad (5.90)$$

$$u_{L\sigma 1}(t) = L_{\sigma 1} \frac{di_e(t)}{dt}, \qquad (5.91)$$

5 Analyse des erweiterten Durchflusswandlers

$$u_{L\sigma 2}(t) = L_{\sigma 2} \frac{di_{D1}(t)}{dt},$$
 (5.92)

$$u_{La}(t) = L_a \frac{di_{La}(t)}{dt},$$
 (5.93)

$$i_{La}(t) = i_{D1}(t) + i_{D2}(t),$$
 (5.94)

$$i_{D2}(t) = 0. (5.95)$$

Nach Einsetzen von Gl. (5.88)-(5.95) in die Gl. (5.86) und (5.87) erhält man:

$$U_{e} - \left(L_{\sigma 1} + L_{\mu 1}\right) \frac{di_{e}(t)}{dt} + L_{\mu 1} \ddot{u} \frac{di_{D1}(t)}{dt} = 0$$
(5.96)

$$L_{\mu 1}\ddot{u}\frac{di_{e}(t)}{dt} - L_{\mu 1}\ddot{u}^{2}\frac{di_{D1}(t)}{dt} - (L_{a} + L_{\sigma 2})\frac{di_{D1}(t)}{dt} - U_{Ca} = 0$$
(5.97)

mit den Anfangsbedingungen $i_e(t_0) = I_{e,\min}, i_{D1}(t_0) = I_{D1,\min}$. Die Lösungen des Gleichungssystems Gl. (5.96) und (5.97) lauten:

$$i_{e}(t) = I_{e,\min} + \frac{-U_{Ca}L_{\mu 1}\ddot{u} + U_{e}(L_{\mu 1}\ddot{u}^{2} + L_{a} + L_{\sigma 2})}{L_{\mu 1}(L_{\sigma 1}\ddot{u}^{2} + L_{a} + L_{\sigma 2}) + L_{\sigma 1}(L_{a} + L_{\sigma 2})}(t - t_{0})$$
(5.98)

$$i_{D1}(t) = I_{D1,\min} + \frac{-U_{Ca}L_{\mu 1} + U_{e}\ddot{u}L_{\mu 1} - U_{Ca}L_{\sigma 1}}{L_{\mu 1}(L_{\sigma 1}\ddot{u}^{2} + L_{a} + L_{\sigma 2}) + L_{\sigma 1}(L_{a} + L_{\sigma 2})}(t - t_{0})$$
(5.99)

Zum Zeitpunkt t_1 wird der Transistor T₁ ausgeschaltet. Die Verläufe der Spannung über den Transistor T₁ u_{T1} sowie des Stromflusses durch die primäre Wicklung des Transformators i_e und durch die Dioden D_c und D₂ im Ersatzschaltbild, *Abb. 5.16*, werden in *Abb. 5.18* gezeigt. Der Strom durch die Diode D₁ hat während der Magnetisierungsphase einen bestimmten Wert erreicht. Wegen der Streuinduktivitäten des Transformators kann er nicht sprungartig bis zum Null abfallen. Er fällt linear bis auf Null ab, während der Strom durch die Diode D₂ vom Null bis zu einem bestimmten Wert linear ansteigt. Während des Abfalls des Stroms durch die Diode D₁ fällt auch der Strom durch die Diode D_c ab. Dieser Zeitabschnitt ($t_1...t_2$) wird als die Kommutierungsphase 1 bezeichnet. Durch diesen Strom wird der Kondensator C_c

aufgeladen. Die Spannung über den Transistor T1 wird während des Zeitabschnittes, in dem die Diode D_c leitet, auf die Spannung des Kondensators C_c geklemmt.



Abb. 5.18: Simulierte Transistorspannung, Stromfluss durch die primäre Wicklung des Transformators, durch die Diode D_c und durch die Diode D_2 des erweiterten Durchflusswandlers mit einem nichtidealen Transformator für den Betriebsfall: Strom durch die Drossel La kontinuierlich, Magnetisierungsstrom diskontinuierlich

Für die Kommutierungsphase 1 ($t_1...t_2$) gelten die Maschengleichungen:

$$U_{e} - U_{Cc} - (L_{\mu 1} + L_{\sigma 1}) \frac{di_{e}(t)}{dt} + L_{\mu 1} \ddot{u} \frac{di_{D1}(t)}{dt} = 0$$
(5.100)
$$- L_{\sigma 2} \frac{di_{D1}(t)}{dt} - U_{Ca} - L_{a} \left(\frac{di_{D1}(t)}{dt} + \frac{di_{D2}(t)}{dt} \right) + L_{\mu 1} \ddot{u} \frac{di_{e}(t)}{dt} - L_{\mu 1} \ddot{u}^{2} \frac{di_{D1}(t)}{dt} = 0$$
(5.101)
$$- L_{a} \left(\frac{di_{D1}(t)}{dt} + \frac{di_{D2}(t)}{dt} \right) + U_{Ca} = 0$$
(5.102)

(5.102)

Die mit Hilfe der Gl. (5.98)-(5.99) berechneten Anfangsbedingungen für das System der Differentialgleichungen Gl. (5.100)-(5.102) lauten:

5 Analyse des erweiterten Durchflusswandlers

$$i_{e}(t_{1}) = I_{e,\min} + \frac{-U_{Ca}L_{\mu 1}\ddot{u} + U_{e}(L_{\mu 1}\ddot{u}^{2} + L_{a} + L_{\sigma 2})}{L_{\mu 1}(L_{\sigma 1}\ddot{u}^{2} + L_{a} + L_{\sigma 2}) + L_{\sigma 1}(L_{a} + L_{\sigma 2})}(t_{1} - t_{0})$$
(5.103)

$$i_{D1}(t_1) = I_{D1,\min} + \frac{-U_{Ca}L_{\mu 1} + U_e \ddot{u}L_{\mu 1} - U_{Ca}L_{\sigma 1}}{L_{\mu 1}(L_{\sigma 1}\ddot{u}^2 + L_a + L_{\sigma 2}) + L_{\sigma 1}(L_a + L_{\sigma 2})} (t_1 - t_0)$$
(5.104)

Die Lösungen des Gleichungssystems (5.100)-(5.102) lauten:

$$i_{D1}(t) = i_{D1}(t_1) + \frac{L_{\mu 1}\ddot{u}(U_e - U_{Cc})}{L_{\sigma 2}L_{\mu 1} + L_{\sigma 1}L_{\sigma 2} + L_{\mu 1}L_{\sigma 1}\ddot{u}^2}(t - t_1)$$
(5.105)

$$i_{e}(t) = i_{e}(t_{1}) - \frac{(U_{Cc} - U_{e})(L_{\sigma 2} + L_{\mu 1}\ddot{u}^{2})}{L_{\sigma 2}L_{\mu 1} + L_{\sigma 1}L_{\sigma 2} + L_{\mu 1}L_{\sigma 1}\ddot{u}^{2}}(t - t_{1})$$
(5.106)

$$i_{D2}(t) = \frac{L_{\mu 1} \ddot{u} (U_{Cc} - U_{e}) - \frac{U_{Ca} (L_{\sigma 2} L_{\mu 1} + L_{\sigma 1} L_{\sigma 2} + L_{\mu 1} L_{\sigma 1} \ddot{u}^{2})}{L_{a}}}{L_{\sigma 2} L_{\mu 1} + L_{\sigma 1} L_{\sigma 2} + L_{\mu 1} L_{\sigma 1} \ddot{u}^{2}} (t - t_{2})$$
(5.107)

Die Kommutierungsphase 1 ist zum Zeitpunkt t_2 abgeschlossen, wenn $i_{D1}(t_2) = 0$. Durch Einsetzen dieser Bedingung in Gl. (5.105) ermittelt man die Kommutierungszeit:

$$t_{2} - t_{1} = \frac{i_{D1}(t_{1}) \left(L_{\sigma 2} L_{\mu 1} + L_{\sigma 1} L_{\sigma 2} + L_{\mu 1} L_{\sigma 1} \ddot{u}^{2} \right)}{L_{\mu 1} \ddot{u} \left(U_{Cc} - U_{e} \right)}$$
(5.108)

Man sieht aus Gl. (5.108), dass die Kommutierung für den erweiterten Durchflusswandler mit einem Transformator ohne Streuinduktivitäten unendlich schnell erfolgt. Höhere Streuinduktivitäten des Transformators führen dazu, dass die Kommutierungszeit größer ist. Während der Kommutierungsphase wird die in den Streuinduktivitäten des Transformators gespeicherte Energie und ein Teil der in der Magnetisierungsinduktivität gespeicherten Energie zum Kondensator C_c übertragen. Da die Stromverläufe linear sind, kann diese Energie wie folgt ermittelt werden:

$$E_{K} = \frac{1}{2} U_{Cc} \left(i_{e}(t_{1}) + i_{e}(t_{2}) \right) (t_{2} - t_{1})$$
(5.109)

Zum Zeitpunkt t_2 wird der Strom durch die Diode D₁ Null und der Eingangsstrom gleicht sich dem Magnetisierungsstrom an. Während der Entmagnetisierungsphase $(t_2...t_3)$ wird die in der Magnetisierungsinduktivität gespeicherte Energie durch die Diode D_c zum Kondensator C_c übertragen. Die Spannung am Transistor T₁ bleibt auf die Spannung über den Kondensator C_c geklemmt. Da die Stromverläufe linear sind, kann die während der Entmagnetisierungsphase übertragene Energie zum Kondensator C_c wie folgt ermittelt werden:

$$E_e = \frac{1}{2} U_{C_c} i_e(t_2) (t_3 - t_2)$$
(5.110)

Für die Entmagnetisierungsphase $(t_2...t_3)$ gelten die Maschengleichungen:

$$U_{e} - U_{Cc} - \left(L_{\mu 1} + L_{\sigma 1}\right) \frac{di_{e}(t)}{dt} = 0$$
(5.111)

$$L_a \frac{di_{La}(t)}{dt} + U_{Ca} = 0$$
 (5.112)

mit der Anfangsbedingung:

$$i_e(t_2) = i_\mu(t_2) = i_e(t_1) - i_{D1}(t_1) \frac{L_{\sigma 2} + L_{\mu 1} \ddot{u}^2}{L_{\mu 1} \ddot{u}}$$
(5.113)

Die Lösungen des Gleichungssystems (5.111) und (5.112) lauten:

$$i_e(t) = i_e(t_2) - \frac{U_{Cc} - U_e}{L_{\mu 1} + L_{\sigma 1}}(t - t_2)$$
(5.114)

$$i_{La}(t) = i_{La}(t_2) - \frac{U_{Ca}}{L_a}(t - t_2)$$
(5.115)

Die Entmagnetisierungsphase ist zum Zeitpunkt t_3 abgeschlossen, wenn $i_e(t_3) = 0$ ist. Beim Einsetzen dieser Bedingung in Gl. (5.114) ermittelt man die Dauer der Entmagnetisierungsphase:

$$t_{3} - t_{2} = \frac{i_{e}(t_{1}) - i_{D1}(t_{1}) \frac{L_{\sigma 2} + L_{\mu 1} \ddot{u}^{2}}{L_{\mu 1} \ddot{u}}}{U_{Cc} - U_{e}} \left(L_{\mu 1} + L_{\sigma 1}\right)$$
(5.116)

Bis der Transistor T₁ zum Zeitpunkt t_4 eingeschaltet wird, bleibt die Sperrspannung am Transistor T₁ ab dem Zeitpunkt t_3 gleich der Eingangsspannung, wie man aus *Abb. 5.18* entnehmen kann. Wenn der Transistor T₁ zum Zeitpunkt t_4 eingeschaltet wird, fällt der Strom durch die Diode D₂ ab und der Strom durch die Diode D₁ sowie der Eingangsstrom steigen linear an. Für diese Kommutierungsphase 2 ($t_4...t_5$) gelten die Maschengleichungen:

$$U_{e} - \left(L_{\mu 1} + L_{\sigma 1}\right) \frac{di_{e}(t)}{dt} + L_{\mu 1} \ddot{u} \frac{di_{D1}(t)}{dt} = 0$$
(5.117)

$$-L_{\sigma 2} \frac{di_{D1}(t)}{dt} - U_{Ca} - L_{a} \left(\frac{di_{D1}(t)}{dt} + \frac{di_{D2}(t)}{dt} \right) + L_{\mu 1} \ddot{u} \frac{di_{e}(t)}{dt} - L_{\mu 1} \ddot{u}^{2} \frac{di_{D1}(t)}{dt} = 0$$

$$(di_{D1}(t) - di_{D2}(t))$$
(5.118)

$$L_{a}\left(\frac{di_{D1}(t)}{dt} + \frac{di_{D2}(t)}{dt}\right) + U_{Ca} = 0$$
(5.119)

mit den Anfangsbedingungen: $i_e(t_4) = 0, i_{D1}(t_4) = 0, i_{D2}(t_4) = i_{D1}(t_1) - \frac{U_{Ca}}{L_a}(T - DT)$. Die

Lösung des Gleichungssystems (5.117)-(5.119) lautet:

$$i_{D1}(t) = \frac{U_e L_{\mu 1} \ddot{u}}{L_{\mu 1} L_{\sigma 2} + L_{\sigma 1} L_{\sigma 2} + L_{\sigma 1} L_{\mu 1} \ddot{u}^2} (t - t_4)$$
(5.120)

$$i_{e}(t) = \frac{U_{e}(L_{\sigma 2} + L_{\mu 1}\ddot{u}^{2})}{L_{\mu 1}L_{\sigma 2} + L_{\sigma 1}L_{\sigma 2} + L_{\sigma 1}L_{\mu 1}\ddot{u}^{2}}(t - t_{4})$$
(5.121)

$$i_{D2}(t) = i_{D2}(t_4) - \frac{U_e L_{\mu 1} \ddot{u} + U_{Ca} \frac{L_{\mu 1} L_{\sigma 2} + L_{\sigma 1} L_{\sigma 2} + L_{\sigma 1} L_{\mu 1} \ddot{u}^2}{L_a}}{L_{\mu 1} L_{\sigma 2} + L_{\sigma 1} L_{\sigma 2} + L_{\sigma 1} L_{\mu 1} \ddot{u}^2} (t - t_4)$$
(5.122)

Die Kommutierungsphase 2 ist zum Zeitpunkt t_5 abgeschlossen, wenn $i_{D2}(t_5) = 0$ ist. Durch Einsetzen dieser Bedingung in Gl. (5.122) ermittelt man die Dauer der Kommutierungsphase 2:

$$t_{5} - t_{4} = \frac{\left(i_{D1}(t_{1}) - \frac{U_{Ca}}{L_{a}}(T - DT)\right)L_{a}\left(L_{\mu 1}L_{\sigma 2} + L_{\sigma 1}L_{\sigma 2} + L_{\sigma 1}L_{\mu 1}\ddot{u}^{2}\right)}{U_{e}\ddot{u}L_{a}L_{\mu 1} + U_{Ca}\left(L_{\mu 1}L_{\sigma 2} + L_{\sigma 1}L_{\sigma 2} + L_{\sigma 1}L_{\mu 1}\ddot{u}^{2}\right)}$$
(5.123)

Der Eingangsstrom und der Diodenstrom zum Ende der Kommutierungsphase 2 lassen sich aus Gl. (5.120), (5.121) wie folgt ermitteln:

$$i_{D1}(t_0) = \frac{U_e L_{\mu 1} \ddot{u}}{L_{\mu 1} L_{\sigma 2} + L_{\sigma 1} L_{\sigma 2} + L_{\sigma 1} L_{\mu 1} \ddot{u}^2} (t_5 - t_4)$$
(5.124)

$$i_{e}(t_{0}) = \frac{U_{e}(L_{\sigma 2} + L_{\mu 1}\ddot{u}^{2})}{L_{\mu 1}L_{\sigma 2} + L_{\sigma 1}L_{\sigma 2} + L_{\sigma 1}L_{\mu 1}\ddot{u}^{2}}(t_{5} - t_{4})$$
(5.125)

Beim Einsetzen von Gl. (5.124) und (5.125) in die Gl. (5.98) und (5.99) erhält man:

$$i_{e}(t_{1}) = \frac{U_{e}DT(L_{\mu 1}\ddot{u}^{2} + L_{\sigma 2}) - U_{Ca}L_{\mu 1}\ddot{u}T}{L_{\sigma 2}L_{\mu 1} + L_{\sigma 1}L_{\sigma 2} + L_{\mu 1}L_{\sigma 1}\ddot{u}^{2}}$$
(5.126)

$$i_{D1}(t_1) = \frac{U_e DTL_{\mu 1} \ddot{u} - U_{Ca} T(L_{\mu 1} + L_{\sigma 1})}{L_{\sigma 2} L_{\mu 1} + L_{\sigma 1} L_{\sigma 2} + L_{\mu 1} L_{\sigma 1} \ddot{u}^2}$$
(5.127)

Durch Einsetzen von Gl. (5.127) in Gl. (5.123) erhält man:

$$t_{5} - t_{4} = \frac{\left((L_{\sigma 2}L_{\mu 1} + L_{\sigma 1}L_{\sigma 2} + L_{\mu 1}L_{\sigma 1}\ddot{u}^{2})(D-1) - L_{a}(L_{\mu 1} + L_{\sigma 1}) \right) U_{Ca} + U_{e}\ddot{u}DL_{a}L_{\mu 1}}{(L_{\sigma 2}L_{\mu 1} + L_{\sigma 1}L_{\sigma 2} + L_{\mu 1}L_{\sigma 1}\ddot{u}^{2})U_{Ca} + U_{e}\ddot{u}L_{a}L_{\mu 1}}T \quad (5.128)$$

Das Tastverhältnis ist wie folgt definiert:

$$DT = t_5 - t_4 + t_1 - t_0 \tag{5.129}$$

Beim Einsetzen von Gl. (5.128) in Gl. (5.129) kann die Dauer der Magnetisierungsphase wie folgt berechnet werden:

$$t_{1} - t_{0} = \frac{U_{Ca}T(L_{\sigma 2}L_{\mu 1} + L_{\sigma 1}L_{\sigma 2} + L_{\mu 1}L_{\sigma 1}\ddot{u}^{2} + L_{a}(L_{\mu 1} + L_{\sigma 1}))}{(L_{\sigma 2}L_{\mu 1} + L_{\sigma 1}L_{\sigma 2} + L_{\mu 1}L_{\sigma 1}\ddot{u}^{2})U_{Ca} + U_{e}\ddot{u}L_{a}L_{\mu 1}}$$
(5.130)

Die gesamte zum Kondensator C_c übertragene Energie beträgt:

/

$$E_{Cc,1} = E_K + E_e \tag{5.131}$$

Beim Einsetzen der Gl. (5.109) und (5.110) in Gl. (5.131) erhält man:

$$E_{Cc,1} = \frac{1}{2} U_{Cc} (i_e(t_1) + i_e(t_2)) (t_2 - t_1) + \frac{1}{2} U_{Cc} i_e(t_2) (t_3 - t_2)$$
(5.132)

Hier ist:

$$i_{e}(t_{2}) = i_{e}(t_{1}) - \frac{(U_{Cc} - U_{e})(L_{\sigma 2} + L_{\mu 1}\ddot{u}^{2})}{L_{\sigma 2}L_{\mu 1} + L_{\sigma 1}L_{\sigma 2} + L_{\mu 1}L_{\sigma 1}\ddot{u}^{2}}(t_{2} - t_{1})$$
(5.133)

Durch Einsetzen der Gl. (5.108), (5.116), (5.113) und (5.126) in Gl. (5.132) erhält man:

$$E_{Cc,1} = \frac{U_{Cc}}{2} \frac{L_{\mu 1} + L_{\sigma 1}}{U_{Cc} - U_{e}} i_{e}(t_{1})^{2} - L_{\mu 1} \ddot{u} U_{Cc} \frac{i_{e}(t_{1})i_{D1}(t_{1})}{U_{Cc} - U_{e}} + \frac{U_{Cc}}{2} \frac{L_{\mu 1} \ddot{u}^{2} + L_{\sigma 2}}{U_{Cc} - U_{e}} i_{D1}(t_{1})^{2}$$
(5.134)

Man sieht aus der Gl. (5.134), dass mehr Energie mit der Erhöhung der Streuinduktivitäten bei der konstanten Eingangsspannung zum Kondensator C_c eingespeist wird. Deshalb erreicht die Spannung am Kondensator C_c bei dem gleichen Tastverhältnis für den erweiterten Durchflusswandler mit einem nichtidealen Transformator deutlich höhere Werte, als für den erweiterten Durchflusswandler mit einem idealen Transformator. Die aus dem Kondensator C_c entladene Energie ist wie folgt definiert:

$$E_{Cc,2} = U_{Cc}IT \tag{5.135}$$

Im stationären Zustand gilt:

$$E_{Cc,1} = E_{Cc,2} \tag{5.136}$$

Nach Einsetzen der Gl. (5.134) und Gl. (5.135) in Gl. (5.136) erhält man:

$$U_{Cc}IT = \frac{U_{Cc}}{2} \frac{L_{\mu 1} + L_{\sigma 1}}{U_{Cc} - U_{e}} i_{e}(t_{1})^{2} - L_{\mu 1} \ddot{u} U_{Cc} \frac{i_{e}(t_{1})i_{D1}(t_{1})}{U_{Cc} - U_{e}} + \frac{U_{Cc}}{2} \frac{L_{\mu 1} \ddot{u}^{2} + L_{\sigma 2}}{U_{Cc} - U_{e}} i_{D1}(t_{1})^{2}$$
(5.137)

Für die Ermittlung der Spannung am Kondensator C_c für den Fall des kontinuierlichen Stromes durch die Induktivität L_a und des diskontinuierlichen Magnetisierungsstroms werden die Gl. (5.126), (5.127) in die Gl. (5.137) eingesetzt und die Gl. (5.137) wird nach U_{Cc} gelöst. Die Lösung der Gl. (5.137) nach U_{Cc} sieht wie folgt aus:

$$U_{Cc} = U_{e} + \frac{L_{\mu 1} + L_{\sigma 1}}{2I(L_{\sigma 2}L_{\mu 1} + L_{\sigma 1}L_{\sigma 2} + L_{\mu 1}L_{\sigma 1}\ddot{u}^{2})}U_{Ca}^{2}T$$

$$- \frac{U_{Ca}U_{e}\ddot{u}DL_{\mu 1}T}{I(L_{\sigma 2}L_{\mu 1} + L_{\sigma 1}L_{\sigma 2} + L_{\mu 1}L_{\sigma 1}\ddot{u}^{2})} + \frac{U_{e}^{2}D^{2}T(L_{\sigma 2} + L_{\mu 1}\ddot{u}^{2})}{2I(L_{\sigma 2}L_{\mu 1} + L_{\sigma 1}L_{\sigma 2} + L_{\mu 1}L_{\sigma 1}\ddot{u}^{2})}$$
(5.138)

Für den Fall des kontinuierlichen Magnetisierungsstromes im stationären Zustand gilt:

5 Analyse des erweiterten Durchflusswandlers

$$\int_{t_0}^{t_0+T} u_{L\mu 1}(t)dt = 0$$
(5.139)

Die Gl. (5.139) sieht wie folgt aus:

$$\left(U_{e} - L_{\sigma 1} \frac{di_{e}(t)}{dt} \right) (t_{5} - t_{4}) + \left(U_{e} - L_{\sigma 1} \frac{di_{e}(t)}{dt} \right) (t_{1} - t_{0}) + + \left(U_{e} - U_{Cc} - L_{\sigma 1} \frac{di_{e}(t)}{dt} \right) (t_{2} - t_{1}) + + \left(U_{e} - U_{Cc} - L_{\sigma 1} \frac{di_{e}(t)}{dt} \right) (T(1 - D) - (t_{2} - t_{1})) = 0$$
(5.140)

Der Zeitverlauf des Eingangsstroms während der Periode ist durch die Gl. (5.121), (5.98), (5.106) und Gl. (5.114) definiert. Die Dauer der Betriebsphasen sind durch die Gl. (5.108), (5.116), (5.123) definiert. Beim Einsetzen aller dieser Gleichungen in die Gl. (5.140) und nach dem Auflösen der resultierenden Gleichung nach U_{Cc} erhält man die Formel für die Berechnung der stationären Spannung am Kondensator C_c für den Fall des kontinuierlichen Magnetisierungsstroms:

$$U_{Cc} = -\frac{2L_{\sigma 1}L_{\mu 1}\ddot{u}(L_{\sigma 1} + L_{\mu 1})}{(D - 1)\left(2L_{\sigma 1}^{2}\left(L_{\mu 1}\ddot{u}^{2} + L_{\sigma 2}\right) + L_{\sigma 1}\left(L_{\mu 1}^{2}\ddot{u}^{2} + 3L_{\mu 1}L_{\sigma 2}\right) + L_{\mu 1}^{2}L_{\sigma 2}\right)}U_{Ca} + \frac{2L_{\sigma 1}^{2}\left(L_{\mu 1}\ddot{u}^{2} + L_{\sigma 2}\right)(D - 1) + L_{\sigma 1}\left(L_{\mu 1}^{2}\ddot{u}^{2}(2D - 1) + L_{\mu 1}L_{\sigma 2}(2D - 3)\right) - L_{\mu 1}^{2}L_{\sigma 2}}{(D - 1)\left(2L_{\sigma 1}^{2}\left(L_{\mu 1}\ddot{u}^{2} + L_{\sigma 2}\right) + L_{\sigma 1}\left(L_{\mu 1}^{2}\ddot{u}^{2} + 3L_{\mu 1}L_{\sigma 2}\right) + L_{\mu 1}^{2}L_{\sigma 2}\right)}U_{e}$$
(5.141)

Der Laststrom I_{gr2} , bei dem der Magnetisierungsstrom sich an der Lückgrenze befindet, kann aus der folgenden Bedingung ermittelt werden: sowohl die Gl. (5.138) als auch die (5.141) gelten für den Fall der Lückgrenze des Magnetisierungsstroms. Dann erhält man mit der Berücksichtigung der Gl. (5.138), (5.141) die Formel für den Laststrom, der erreicht werden soll, damit der Magnetisierungsstrom an der Lückgrenze ist:

$$I_{gr2} = \frac{T}{2} \frac{\left(3L_{\mu 1}L_{\sigma 1} - L_{\mu 1}^{2} + 2L_{\sigma 1}^{2}\right)(D-1)U_{Ca}^{2}}{-2L_{\mu 1}L_{\sigma 1}\ddot{u}(L_{\sigma 1} + L_{\mu 1})U_{Ca} + U_{e}D\left(-L_{\sigma 2}L_{\mu 1} - L_{\sigma 1}L_{\sigma 2} + L_{\mu 1}L_{\sigma 1}\ddot{u}^{2}\right)}{+\frac{T}{2} - 2L_{\mu 1}L_{\sigma 1}\ddot{u}(L_{\sigma 1} + L_{\mu 1})U_{Ca} + U_{e}D\left(-L_{\sigma 2}L_{\mu 1} - L_{\sigma 1}L_{\sigma 2} + L_{\mu 1}L_{\sigma 1}\ddot{u}^{2}\right)} + \frac{T}{2} \frac{(D-1)\left(-2\ddot{u}^{2}L_{\mu 1}L_{\sigma 1}D^{2} + L_{\mu 1}^{2}\ddot{u}^{2}D^{2} + L_{\mu 1}L_{\sigma 2}D^{2} + 2L_{\sigma 1}L_{\sigma 2}D^{2}\right)U_{e}^{2}}{-2L_{\mu 1}L_{\sigma 1}\ddot{u}(L_{\sigma 1} + L_{\mu 1})U_{Ca} + U_{e}D\left(-L_{\sigma 2}L_{\mu 1} - L_{\sigma 1}L_{\sigma 2} + L_{\mu 1}L_{\sigma 1}\ddot{u}^{2}\right)}$$
(5.142)

Man sieht aus der Gl. (5.138), (5.142), dass die stationäre Spannung am Kondensator C_c und der Grenzstrom für den lückenden Magnetisierungsstrom von den Parametern der Schaltung, vom Arbeitspunkt und von der stationären Spannung am Kondensator C_a abhängig sind. Deshalb soll zuerst die stationäre Spannung am Kondensator C_a ermittelt werden und danach werden die Lückgrenze für den Magnetisierungsstrom und die stationäre Spannung am Kondensator C_c berechnet. Die zum Kondensator C_a übertragene Energie wird wie folgt berechnet:

$$E_{Ca,1} = \frac{U_{Ca}}{2} (i_{D1}(t_0) + i_{D1}(t_1))(t_1 - t_0) + \frac{U_{Ca}}{2} (i_{D1}(t_1) + i_{La}(t_5))(t_5 - t_1)$$
(5.143)

Hier ist:

$$t_5 - t_1 = T(1 - D) + (t_5 - t_4)$$
(5.144)

Den Strom durch die Induktivität L_a zum Ende bzw. zum Anfang der Periode kann man wie folgt berechnen:

$$i_{La}(t_5) = i_{D1}(t_1) - \frac{U_{Ca}}{L_a} \left(T - DT + (t_5 - t_4) \right)$$
(5.145)

Die aus dem Kondensator C_a entladene Energie ist definiert als:

$$E_{Ca,2} = U_{Ca}IT \tag{5.146}$$

Im stationären Zustand gilt:

$$E_{Ca,1} = E_{Ca,2} \tag{5.147}$$

Durch Einsetzen der Gl. (5.143) und (5.146) in Gl. (5.147) erhält man:

$$U_{Ca}IT = \frac{U_{Ca}}{2} (i_{D1}(t_0) + i_{D1}(t_1))(t_1 - t_0) + \frac{U_{Ca}}{2} (i_{D1}(t_1) + i_{La}(t_5))(t_5 - t_1)$$
(5.148)

Aus der Gl. (5.148) kann die stationäre Spannung am Kondensator C_a eines verlustfreien Wandlers für den Fall des kontinuierlichen Stromes durch die Induktivität L_a berechnet werden. Dafür soll der durch die Gl. (5.127) definierte Strom durch die Diode D₁ zum Zeitpunkt t_l in die Gl. (5.148) eingesetzt werden. Anschließend wird die Gl. (5.148) nach U_{Ca} gelöst. Für die Berechnung der stationären Spannung am

Kondensator C_a eines verlustfreien Wandlers im Fall des diskontinuierlichen Stromes durch die Induktivität L_a sollen die Ströme durch Diode D₁ zu den Zeitpunkten t_1 und t_0 und der Strom durch die Induktivität L_a zum Zeitpunkt t_5 berechnet werden. Das ist das Ziel des Abschnittes 5.3.2.

5.3.2 Diskontinuierlicher Betrieb

Abb. 5.19 zeigt die simulierten Stromverläufe des erweiterten Durchflusswandlers für den Fall eines diskontinuierlichen Stromes durch die Induktivität L_a und eines diskontinuierlichen Magnetisierungsstroms. Die Betriebszustände des erweiterten Durchflusswandlers für diesen Betriebsfall:

- Magnetisierungsphase (*t*₀...*t*₁),
- Kommutierungsphase (*t*₁...*t*₂),
- Entmagnetisierungsphase (*t*₂...*t*₃),
- Freilaufphase $(t_2...t_4)$.



Abb. 5.19: Verläufe des erweiterten Durchflusswandlers mit einem nichtidealen Transformator für den Betriebsfall: Strom durch die Drossel L_a diskontinuierlich, Magnetisierungsstrom diskontinuierlich

Der Eingangsstrom und der Strom durch die Induktivität L_a sind zum Beginn jeder Periode gleich Null: $i_{DI}(t_0)=i_{La}(t_5)=0$. Deshalb gibt es keine Kommutierungsphase 2 in diesem Betriebsfall. Alle Maschengleichungen für den kontinuierlichen Betrieb sind für den diskontinuierlichen Betrieb gültig. Der Eingangsstrom und der Strom durch die Diode D₁ zum Ende der Magnetisierungsphase können wie folgt berechnet werden:

5 Analyse des erweiterten Durchflusswandlers

$$i_{e}(t_{1}) = \frac{-U_{Ca}L_{\mu 1}\ddot{u} + U_{e}\left(L_{\mu 1}\ddot{u}^{2} + L_{a} + L_{\sigma 2}\right)}{L_{\mu 1}(L_{\sigma 1}\ddot{u}^{2} + L_{a} + L_{\sigma 2}) + L_{\sigma 1}\left(L_{a} + L_{\sigma 2}\right)}DT$$
(5.149)

$$i_{D1}(t_1) = \frac{-U_{Ca}L_{\mu 1} + U_e \ddot{u}L_{\mu 1} - U_{Ca}L_{\sigma 1}}{L_{\mu 1}(L_{\sigma 1}\ddot{u}^2 + L_a + L_{\sigma 2}) + L_{\sigma 1}(L_a + L_{\sigma 2})}DT$$
(5.150)

Beim Einsetzen der Gl. (5.150) in die Gl. (5.148) und beim Auflösen der resultierenden Gleichung nach U_{Ca} wird die stationäre Spannung am Kondensator C_a für den Fall des diskontinuierlichen Stroms durch die Induktivität L_a ermittelt. Danach wird die Spannung am Kondensator C_c für den Fall des diskontinuierlichen Stroms durch die Induktivität L_a ermittelt. Dazu werden die Gl. (5.149), (5.150) in die Gl. (5.137) eingesetzt. Die Lösung der resultierenden Gleichung ist:

$$U_{Cc} = \frac{(L_{\mu 1} + L_{\sigma 1})D^{2}T(U_{e}(L_{\mu 1}\ddot{u}^{2} + L_{a} + L_{\sigma 2}) - U_{Ca}L_{\mu 1}\ddot{u})^{2}}{2I(L_{\mu 1}(L_{\sigma 1}\ddot{u}^{2} + L_{a} + L_{\sigma 2}) + L_{\sigma 1}(L_{a} + L_{\sigma 2}))^{2}} - \frac{L_{\mu 1}\ddot{u}D^{2}T(U_{e}(L_{\mu 1}\ddot{u}^{2} + L_{a} + L_{\sigma 2}) - U_{Ca}L_{\mu 1}\ddot{u})(-U_{Ca}L_{\mu 1} + U_{e}L_{\mu 1}\ddot{u} - U_{Ca}L_{\sigma 1})}{I(L_{\mu 1}(L_{\sigma 1}\ddot{u}^{2} + L_{a} + L_{\sigma 2}) + L_{\sigma 1}(L_{a} + L_{\sigma 2}))^{2}} + \frac{(L_{\mu 1}\ddot{u}^{2} + L_{\sigma 2})D^{2}T(-U_{Ca}L_{\mu 1} + U_{e}L_{\mu 1}\ddot{u} - U_{Ca}L_{\sigma 1})^{2}}{2I(L_{\mu 1}(L_{\sigma 1}\ddot{u}^{2} + L_{a} + L_{\sigma 2}) + L_{\sigma 1}(L_{a} + L_{\sigma 2}))^{2}} + U_{e}}$$

$$(5.151)$$

Nach der Berechnung der stationären Ausgangsspannung des verlustfreien Wandlers kann die stationäre Ausgangsspannung des Wandlers mit der Berücksichtigung der Verluste in den Widerständen des Ersatzschaltbildes in *Abb. 5.16* ermittelt werden. Die Verluste im Wandler können gemäß *Abb. 5.16* unter der Voraussetzung, dass der Strom durch die Drossel L_e (*Abb. 5.8*) ein glatter Gleichstrom ist, wie folgt berechnet werden:

$$P_e - P_a = R_{DS,on(T1)} \frac{I_{T1,RMS}^2}{N_{T1}} + R_{DS,on(T2)} \frac{I_{e,avg}^2}{N_{T2}}$$
(5.152)

Der Mittelwert des Eingangsstromes des Wandlers kann wie folgt ermittelt werden:

$$I_{e,avg} = \frac{(U_{Cc} + U_{Ca})I}{U_e}$$
(5.153)

Die Differenz zwischen den Ausgangsspannungen des verlustfreien Wandlers und des Wandlers mit Verlusten kann gemäß *Abb. 5.16* wie folgt berechnet werden:

$$\Delta U_a = \frac{P_e - P_a}{I} \tag{5.154}$$

5.4 Dimensionierung des Leistungsteils

Der erweiterte Durchflusswandler soll für eine maximale Leistung von 1kW, die Eingangsspannungsänderung von 30V bis 60V und eine Ausgangsspannung von 375V aufgebaut werden, um die Funktionsweise der Schaltung im kontinuierlichen Betrieb zu zeigen. Die Streuinduktivitäten beeinflussen relativ stark die stationären Werte der Spannungen über die Kondensatoren C_a , C_c . Diese Induktivitäten sind von der konstruktiven Ausführung und von den Parametern des Transformators abhängig. Der erste Schritt bei der Dimensionierung des erweiterten Durchflusswandlers ist die Festlegung der Parameter des Transformators ohne Berücksichtigung der Streuinduktivitäten. Der nächste Schritt ist die praktische Realisierung des Transformators und anschließend die messtechnische Bestimmung der Streuinduktivitäten. Danach werden die stationären Strom-Spannungskennlinien des erweiterten Durchflusswandlers für die ermittelten Streuinduktivitäten berechnet. Aufgrund dieser Kennlinien wird dann der Bereich der Änderung des Tastverhältnisses bei der Nennleistung von 1kW festgelegt, in dem die Ausgangsspannung von 375V bei der Eingangsspannungsänderung von 15V bis 30V erreicht wird. Aus diesen Kennlinien kann auch die maximale Spannung des Transistors T_1 bei der Ausgangsspannung von 375V im ganzen Lastbereich ermittelt werden. Aufgrund dieses Wertes wird die Spannungsklasse der MOSFET für den Transistor T₁ festgelegt. Durch die Wahl der Spannungsklasse der MOSFET wird auch die maximal zulässige Spannung am Kondensator Cc festgelegt. Der zulässige Bereich der Laständerung bei der Eingangsspannungsänderung von 15V bis 30V, in dem die maximal zulässige Spannung am Kondensator C_c nicht überschritten wird, muss dann ermittelt werden.

Zuerst soll der gewünschte Arbeitspunkt bei der Nennleistung festgelegt werden. Die Dimensionierung der Schaltung sieht vor, dass der Strom durch die Induktivität L_a bei der Nennleistung kontinuierlich sein soll. Das minimal erforderliche Übersetzungsverhältnis des Transformators soll zuerst ermittelt werden. Aus den Gl. (5.68) und (5.83) kann die gesamte Ausgangsspannung für den Fall des kontinuierlichen Stromes durch die Induktivität L_a und des kontinuierlichen Magnetisierungsstromes wie folgt ermittelt werden:

92

$$U_a = \frac{U_e}{1-D} + U_e \ddot{u}D \tag{5.155}$$

Aus der Gl. (5.155) kann das minimal erforderliche Übersetzungsverhältnis des Transformators bei einer minimalen Eingangsspannung des Wandlers berechnet werden:

$$\ddot{u}_{\min} = \frac{U_a (D_{\max} - 1) + U_{e,\min}}{(D_{\max} - 1)U_{e,\min} D_{\max}}$$
(5.156)

Der Festlegung des maximalen Tastverhältnisses bei der minimalen Eingangsspannung ist für den Wirkungsgrad der Schaltung entscheidend. Er ist abhängig von den elektrischen Beanspruchungen der Bauelemente. Die Sperrspannung am Transistor T_1 ist durch die Spannung am Kondensator C_c bestimmt. Aus den Gl. (5.82), (5.83) sieht man, dass die Spannung am Kondensator C_c mit der Erhöhung des Tastverhältnisses für den Fall des kontinuierlichen und diskontinuierlichen Magnetisierungsstromes bei einer bestimmten Eingangsspannung, Last und konstanten Parametern der Schaltung ansteigt. Aus Sicht einer möglichst geringen Sperrspannung am Transistor ist deshalb ein möglichst niedriges Tastverhältnis erforderlich. Der Effektivwert und der Maximalwert des Transistorstroms können aus dem durch die Gl. (5.22) beschriebenen Zeitverlauf ermittelt werden. Der Minimalwert des Transistorstroms ist durch die Gl. (5.53) definiert. Man sieht aus der Gl. (5.22), (5.53), dass das Tastverhältnis den Einfluss auf den Maximal-, Minimalwert und den Effektivwert des Transistorstromes hat. Abb. 5.20 zeigt die berechneten Werte für diese Größen in Abhängigkeit vom Übersetzungsverhältnis des Transformators bei einer konstanten Ausgangsspannung von 375V. Man sieht aus der Abb. 5.20, dass der Maximal-, Minimalwert und der Effektivwert des Transistorstromes bei einem bestimmten Übersetzungsverhältnis minimal sind. Die Dimensionierung für relativ kleine Übersetzungsverhältnisse, die etwas höher als dieser Wert liegen, ist sinnvoll. Weitere Erhöhung des Übersetzungsverhältnisses führt zu einer relativ starken Anstieg des Maximal-, Minimalwertes und des Effektivwertes vom Transistorstrom. Der weitere Nachteil der Dimensionierung für hohe Übersetzungsverhältnisse ist eine höhere Streuinduktivität des Transformators. Die Dimensionierung für das Tastverhältnis von etwa 0,5 und das gemäß der Gl. (5.156) entsprechende Übersetzungsverhältnis von 46 gewährleistet relativ niedrige Maximal-, Minimalwert und den Effektivwert des Transistorstroms und gleichzeitig eine relativ niedrige Sperrspannung Transistor am T_1 . Die

93

Magnetisierungsinduktivität des Transformators wird so festgelegt, dass der Maximalwert des Magnetisierungsstromes etwa 2,5% des Maximalwertes des Transistorstromes beträgt:

$$L_{\mu 1} = \frac{U_{e,\min} D_{\max} T}{i_{\mu}(t_{1})} = \frac{15V \cdot 0.5 \cdot 16.7 \,\mu s}{0.025 \cdot 203A} = 25 \,\mu H$$
(5.157)



Abb. 5.20: Berechnete Effektivwert, Maximal- und Minimalwert des Transistorstromes vom erweiterten Durchflusswandler für den Betriebsfall: Strom durch die Drossel L_a kontinuierlich, Magnetisierungsstrom kontinuierlich

Die Induktivität der Drossel L_a wird so festgelegt, dass der Strom durch die Induktivität L_a im Nennarbeitspunkt kontinuierlich ist. Die Schaltung ist so dimensioniert worden, dass der Laststrom, bei dem der Strom durch die Induktivität L_a sich an der Lückgrenze bewegt, 1,8A beträgt. Aus Gl. (5.71) kann die Induktivität L_a wie folgt berechnet werden:

$$L_{a} = \frac{U_{e,\max} \ddot{u} D_{\max} T(1-D)}{2I_{gr1}} = \frac{15V \cdot 46 \cdot 0.5 \cdot 16,7 \,\mu s \cdot (1-0,5)}{2 \cdot 1,8A} = 800 \,\mu H \qquad (5.158)$$

Die Drossel besteht aus einem Ferrit-Kern ETD 49/25/16 und der Wicklung aus 300 Windungen einer Hochfrequenzlitze mit einer Dicke von 0,1mm. Die erforderliche primäre Windungszahl, um diese primäre Induktivität zu realisieren, wird wie folgt berechnet:

$$N_1 = \sqrt{\frac{L_{\mu 1}}{A_L}} = \sqrt{\frac{25\mu H}{5700nH}} \approx 2$$
(5.159)

Die erforderliche Kernfläche für den Transformator für die maximal zulässige Änderung der magnetischen Induktion von 0,1T ist:

$$A_{K} = \frac{U_{L\mu 1} DT}{N_{1} B_{\text{max}}} = \frac{15V \cdot 0.5 \cdot 16.7 \,\mu s}{2 \cdot 0.1T} = 626.2 \,\mu m^{2}$$
(5.160)

Die maximal zulässige Änderung der magnetischen Induktion von 0,1T ist festgelegt worden, um eine Reserve zu gewährleisten. Ein höheres Tastverhältnis ist für den Wandler mit Berücksichtigung der Streuinduktivitäten im Vergleich zum Wandler mit einem idealen Transformator bei der gleichen Ausgangsspannung erforderlich. Deshalb ergibt sich ein größerer Kernquerschnitt des Transformators mit Berücksichtigung der Streuinduktivitäten im Vergleich zu einem idealen Transformator bei der gleichen Änderung der magnetischen Induktion. Der Ferrit-Kern vom Typ UU93/152/30, bestehend aus 2x U93/76/30 des Unternehmens EPCOS mit der Kernfläche A_K =840mm² wurde für den Transformator verwendet. Die Wicklungen des Transformators werden aus Kupferfolie ausgeführt (primär: 0,15mm x 85mm, sekundär: 0,1mm x 59mm). Die Anzahl der parallelgeschalteten Lagen Kupferfolie für die primäre Wicklung beträgt:

$$k_{N_1} = \frac{I_{e,RMS}}{j_{\max}d_{Cu}h_{Cu}} = \frac{96,2A}{4A / mm^2 \cdot 0,15mm \cdot 85mm} \approx 2$$
(5.161)

Die Anzahl der parallelgeschalteten Lagen Kupferfolie für die sekundäre Wicklung beträgt:

$$k_{N_2} = \frac{I_{D1,RMS}}{j_{\max} d_{Cu} h_{Cu}} = \frac{3A}{4A / mm^2 \cdot 0.1mm \cdot 59mm} \approx 1$$
(5.162)

Abb. 5.21 zeigt den prinzipiellen Aufbau des Transformators. Für die Reduzierung der Streuinduktivität sind zwei Maßnahmen vorgesehen:

- symmetrische Unterteilung der Wicklungen,
- Anfertigung der Wicklung aus einer möglichst hohen und möglichst dünnen Kupferfolie.

Die sekundäre Wicklung ist auf drei etwa gleiche Teile, die miteinander seriell verbunden sind, symmetrisch aufgeteilt, die primäre Wicklung auf zwei gleiche, miteinander seriell verbundene Teile. Die Anordnung der Wicklungen ist bezüglich der in *Abb. 5.21* gezeigten gestrichelten Linie symmetrisch. Die Höhe der Kupferfolie für die primäre Wicklung. Durch diese Maßnahme wird die Luftstrecke zwischen der primären und sekundären Wicklung vergrößert, um bei hohen Spannungen einen Durchschlag über die Luftstrecke zwischen der primären und sekundären Wicklung zu verhindern. Die mit Hilfe einer Messbrücke ermittelten Streuinduktivitäten des Transformators betragen: $L_{\sigma 1}$ =99nH; $L_{\sigma 2}$ =210µH.



Abb. 5.21: Prinzipieller Aufbau des Transformators

Nach der Ermittlung der Streuinduktivitäten werden die stationären Spannungs-Stromkennlinien für den verlustfreien Wandler berechnet. Die aus der Gl. (5.148) ermittelte Spannung des Kondensators C_a im stationären Zustand als Funktion vom Laststrom und Tastverhältnis für die oben dargestellten Schaltungsparameter in den Fällen des kontinuierlichen und diskontinuierlichen Stroms durch die Induktivität L_a ist in *Abb. 5.22* dargestellt. Die Spannung über den Kondensator C_a ist etwa direkt proportional zur Eingangsspannung, was man aus *Abb. 5.22B* erkennt. Eine weitere wichtige Erkenntnis aus *Abb. 5.22B* ist, dass die Lückgrenze für den Strom durch die Drossel L_a für höhere Eingangsspannungen bei größeren Lastströmen auftritt. In der *Abb. 5.22* ist ein Abfall der Spannung über den Kondensator C_a bei der Erhöhung des Laststromes zu erkennen. Aus der Gl. (5.126), (5.127) sieht man, dass die Verkleinerung der Spannung am Kondensator C_a zur Erhöhung des Eingangsstroms und Stroms durch die Diode D₁ zum Zeitpunkt t_1 führt. Der Eingangsstrom und der Strom durch die Diode D₁ vergrößern sich mit der Erhöhung des Laststroms. Laut der Gl. (5.134) bedeutet das, dass mehr Energie in den Streuinduktivitäten und in der Magnetisierungsinduktivität während der Kommutierungsphase 2 und der Magnetisierungsphase gespeichert wird.







B)

Abb. 5.22: Berechnete Abhängigkeiten der Spannung am Kondensator C_a des verlustfreien erweiterten Durchflusswandlers vom Laststrom bei verschiedenen Eingangsspannungen

Das führt dazu, dass die Kommutierungsphase 1 länger sein soll, um die in den Streuinduktivitäten gespeicherte Energie und einen Teil der Magnetisierungsenergie zum Kondensator C_c einzuspeisen. Tatsächlich zeigt auch die Gl. (5.108), dass die Dauer der Kommutierungsphase 1 mit der Erhöhung des Stroms durch die Diode D₁ zum Zeitpunkt t_1 länger wird. Dem Kondensator C_a fehlt dagegen die in den Streuinduktivitäten gespeicherte Energie und die Magnetisierungsenergie. Der Abfall der Spannung des Kondensators C_a mit der Erhöhung des Laststromes ist nicht günstig für das Verhalten des erweiterten Durchflusswandlers. Das Verhalten ist besser, wenn mehr Energie zum Kondensator C_a und weniger Energie zum Kondensator C_c bei einer konstanten Leistung übertragen wird, weil der Abfall der gesamten Ausgangsspannung mit der Erhöhung des Laststroms in diesem Fall geringer wird. Die berechnete Spannung am Kondensator C_c mit Hilfe der Gl. (5.138), (5.151) und die Ausgangsspannung als die Summe der Spannungen über die Kondensatoren C_a und C_c in Abhängigkeit vom Laststrom für verschiedene Eingangsspannungen sind in Abb. 5.23, Abb. 5.25 dargestellt. Man sieht aus Abb. 5.23, dass die Spannung des Kondensators C_c bei einem bestimmten Tastverhältnis mit der Vergrößerung des Laststromes ansteigt. Das passiert aus dem oben erklärten Grund für den Abfall der Spannung am Kondensator C_a . Der Anstieg der Spannung am Kondensator C_c wird mit der Verringerung der Streuinduktivitäten des Transformators geringer. Die Verringerung der Spannung am Kondensator C_c ermöglicht die Verwendung von MOSFET für den Transistor T1 einer niedrigen Spannungsklasse. Beim idealen erweiterten Durchflusswandler sind die Spannungen an den Kondensatoren C_a und C_c und die Ausgangsspannung im kontinuierlichen Betrieb konstant. Das ist ein erster Unterschied des erweiterten Durchflusswandlers mit einem nichtidealen Transformator zum Wandler mit einem idealen Transformator. Man sieht aus Abb. 5.23, dass die Spannung am Kondensator C_c im Bereich des diskontinuierlichen Stromes durch die Drossel La mit der Verringerung des Laststromes relativ stark ansteigt. Für die Untersuchung der möglichen Betriebsfälle im erweiterten Durchflusswandler mit einem nichtidealen Transformator ist die Bestimmung des minimal erforderlichen Laststroms für den lückenden Betrieb der Magnetisierungsinduktivität erforderlich.







B)

Abb. 5.23: Berechnete Abhängigkeit der Spannung am Kondensator C_c vom Laststrom bei verschiedenen Eingangsspannungen für den verlustfreien erweiterten Durchflusswandler

Abb. 5.24 zeigt diesen gemäß Gl. (5.142) berechneten Wert für verschiedene Eingangsspannungen. Man sieht aus *Abb. 5.24*, dass der minimal erforderliche Laststrom für den lückenden Betrieb der Magnetisierungsinduktivität im ganzen Eingangsspannungs- und Lastbereich höher als der Laststrom im aktuellen Arbeitspunkt ist. Das bedeutet, dass der Magnetisierungsstrom für die angegebenen Schaltungsparameter im ganzen Eingangsspannungs- und Lastbereich diskontinuierlich ist. Man kommt zur Schlussfolgerung, dass nur zwei Betriebsfälle für den erweiterten

Durchflusswandler mit einem nichtidealen Transformator und für die angegebenen Schaltungsparameter im Unterschied zum erweiterten Durchflusswandler mit einem idealen Transformator möglich sind:

- Strom i_e diskontinuierlich, Strom i_{La} kontinuierlich,
- Ströme i_e , i_{La} diskontinuierlich.







B)

Abb. 5.24: Berechnete Abhängigkeit des minimal erforderlichen Laststroms für den lückenden Betrieb der Magnetisierungsinduktivität vom Arbeitspunkt des erweiterten Durchflusswandlers

Die Lastströme, die Grenze zwischen diesen Betriebsbereichen definieren, sind für verschiedene Eingangsspannungen in *Abb. 5.22* gezeigt worden. Bei der kleineren Lastströmen als diese Grenzströme tritt der zweite Betriebsfall auf und bei der größerender erste.

Abb. 5.25 zeigt die berechnete Ausgangsspannung des verlustfreien Wandlers.







B)

Abb. 5.25: Berechnete Abhängigkeit der gesamten Ausgangsspannung des verlustfreien erweiterten Durchflusswandlers vom Laststrom bei verschiedenen Eingangsspannungen

Aus der Abb. 5.25 sieht man, dass die Ausgangsspannung von 375V bei der Volllast $(I=2,7A; P_a=1kW)$ und $U_e=15V$ beim Tastverhältnis von etwa 0,55 für den verlustfreien Wandler erreicht wird. Dieses Tastverhältnis ist etwas höher als das für den gleichen Arbeitspunkt im Abschnitt 5.2 ermittelte Tastverhältnis für den Fall des idealen Transformators. Die Ausgangsspannung von 375V wird im ganzen Lastbereich erreicht. Die Spannung am Kondensator C_c , wie man aus Abb. 5.23 sieht, beträgt etwa 100V im Voll- und Teillastbereich bei der Ausgangsspannung von 375V. Bei höheren Eingangsspannungen $U_e=24V$; 30V wird die Ausgangsspannung von 375V auch im ganzen Lastbereich erreicht, was man aus Abb. 5.25B sieht. Allerdings erreicht dabei die Spannung am Kondensator C_c deutlich höhere Werte (um die 150V), als bei der niedrigen Eingangsspannung. Aufgrund von diesem Wert und mit Berücksichtigung, dass eine zusätzliche Überspannung beim Abschalten des MOSFET durch die parasitären Induktivitäten der Kommutierungskreise entsteht, kann daher für den Transistor T₁ ein 250V-MOSFET ausgewählt werden. Für den Transistor T₂ soll ein MOSFET verwendet werden, welcher eine maximale Sperrspannung hat, die größer als die maximale Eingangsspannung ist. Die maximale Sperrspannung der Diode D_c ist die maximale Spannung am Kondensator Cc. Die maximale Sperrspannung der Diode D2 wird wie folgt ermittelt:

$$U_{D2,\max} = U_{e,\max} \ddot{u} = 30V \cdot 46 = 1380V \tag{5.163}$$

Die aufgrund der ermittelten maximalen Sperrspannungen ausgewählten Typen der Leistungshalbleiter sind in der *Tab. 5.1* dargestellt.

Tab. 5.1:Berechnete Sperrschichttemperaturen der Leistungshalbleiter und die Leitverluste für den
erweiterten Durchflusswandler ($U_e=15V$, $U_a=375V$, $P_e=1kW$, $I_{TI,RMS}=101A$, $I_{Le,RMS}=66A$,
 $I_{D1,RMS}=2,1A$, $I_{D1,avg}=1,5A$, $I_{Dc,RMS}=8A$ $R_{th(ka)}=0,01K/W$, $R_{th(ck)}=1,5K/W$, $T_a=25^{\circ}C$)

Bezeichnung des Bauelementes	T ₁	T ₂	D ₂	D _c
Anzahl und Typ der Leistungshalbleiter	4 IXTQ100N25P parallel	2 IXTQ100N055P parallel	Parallele Schaltung von 2 DSEP12- 12B in Serie	1 DPG15I200PA
$T_j(^{\circ}\mathrm{C})$	112	55,5	38	48
$P_{V,cond}(W)$	181	56,9	3,9	5,4

Die Sperrschichttemperaturen der Leistungshalbleiter wurden für den Arbeitspunkt mit den maximalen Effektivwerten der Ströme durch die Bauelemente (U_e =15V) berechnet. Dabei wurden nur die Leitverluste in den Bauelementen berücksichtigt, weil die Schaltverluste analytisch genau nicht ermittelt werden können. Der thermische Widerstand des Kühlkörpers und die Anzahl der parallelgeschalteten Leistungshalbleiter für jeden Bauelement wurden so festgelegt, dass die Sperrschichttemperaturen von allen Leistungshalbleitern im Bereich von 90° bis 125°C liegen und die Temperatur des Kühlkörpers 70°C nicht überschreitet. Man sieht aus Tab. 5.1, dass die Sperrschichttemperaturen unter dem maximal zulässigen Wert von 125°C liegen, so dass etwas Reserve wegen der nicht berücksichtigten Schaltverluste erhalten bleibt. Die Drain-Souce-Einschaltwiderstände eingesetzten Werte der wurden für die Sperrschichttemperatur von 125°C aus den Datenblättern der MOSFET IXTQ100N25P und IXTQ100N055P entnommen. Für diese Werte ist die Summe der Leitverluste in den Transistoren T₁ und T₂ berechnet worden. Beim Einsetzen der in Abb. 5.22, Abb. 5.23 dargestellten Spannungen über die Kondensatoren C_a , C_c in die Gl. (5.153) ermittelt den Mittelwert des Eingangsstromes des Wandlers. Abb. 5.26 zeigt die ermittelte Differenz zwischen der Eingangs- und Ausgangsleistung des Wandlers in der Gl. (5.152). Es ist zu erkennen, dass die Summe der Leitverluste relativ stark mit der Erhöhung des Laststromes ansteigt. Es ist auch zu sehen, dass die Summe der Leitverluste mit der Erhöhung der Eingangsspannung kleiner wird. Beim Einsetzen der in Abb. 5.26 dargestellten Leitverluste in die Gl. (5.154) wird die Differenz zwischen der Ausgangsspannung des verlustfreien Wandlers und der Ausgangsspannung des Wandlers mit Verlusten ermittelt.







B)

Abb. 5.26: Berechnete Leitverluste in den MOSFETs der Transistoren T_1 und T_2 in Abhängigkeit vom Laststrom bei verschiedenen Tastverhältnissen

Diese Differenz wird aus der in *Abb. 5.25* dargestellten Ausgangsspannung des verlustfreien Wandlers subtrahiert. *Abb. 5.27* zeigt das Ergebnis. Man erkennt aus dem Vergleich der *Abb. 5.25* und *Abb. 5.27*, dass die Leitverluste der Transistoren einen starken Einfluss auf die Ausgangsspannung des Wandlers haben. Sie müssen daher berücksichtigt werden. Die Ausgangsspannung von 375V kann im ganzen Lastbereich bei verschiedenen Eingangsspannungen erreicht werden. Das dafür erforderliche Tastverhältnis ist deutlich höher als beim verlustfreien Wandler.






B) Abb. 5.27: Berechnete Abhängigkeit der gesamten Ausgangsspannung des erweiterten Durchflusswandlers vom Laststrom mit Berücksichtigung der Leitverluste in den MOSFETs des Transistoren T₁ und T₂

Im Folgenden wird auf die Dimensionierung des Eingangsfilters eingegangen. Die Induktivität der Drossel L_e von 400µH ermöglicht die Begrenzung der Welligkeit des Stroms durch die Eingangsdrossel etwa auf 4% vom Mittelwert bei der Eingangsleistung von 1kW. Die Kapazität des Kondensators C_e von 0,4mF begrenzt die maximale Welligkeit der Eingangsspannung etwa auf 2% des Mittelwertes der Eingangsspannung. Die Ströme durch die Kondensatoren C_e , C_c , C_a lassen sich gemäß dem Schaltplan des erweiterten Durchflusswandlers, *Abb. 5.8*, wie folgt bestimmten:

$$i_{Ce}(t) = I_{Le,avg} - i_e(t)$$
 (5.164)

$$i_{Cc}(t) = i_{Dc}(t) - I \tag{5.165}$$

$$i_{Ca}(t) = i_{La}(t) - I \tag{5.166}$$

Aufgrund der durch die Gl. (5.98), (5.106), (5.114), (5.121) und (5.114) beschriebenen Verläufe des Eingangsstromes in der Gl. (5.164) und des Stromes durch die Diode D_c in der Gl. (5.165) werden die Verläufe der Ströme durch die Kondensatoren C_e und C_c berechnet. Mit Hilfe dieser Zeitgleichungen werden die entsprechenden Effektivwerte ermittelt. Die berechneten Effektivwerte der Ströme durch die Kondensatoren Ce, Cc im Nennarbeitspunkt bei der Eingangsspannung von 15V betrugen 100A und 9A. Für den Kondensator C_e werden deshalb vier parallelgeschaltete Kondensatoren mit der Kapazität von 0,1mF und einem maximal zulässigen Effektivwert des Stromes von 35A eingesetzt. Für den Kondensator C_c wird ein 250V-Kondensator mit einer Kapazität von 1000µF und einem maximal zulässigen Effektivwert des Stromes von 10A eingesetzt. So wird die erforderliche Kapazität wegen der Beschränkung der Spannungswelligkeit erreicht und eine Reserve wegen der Stromstärke gewährleistet. Der Zeitverlauf des Stromes durch die Drossel L_a wurde durch die Gl. (5.99), (5.105), (5.115), (5.120) beschrieben. Beim Einsetzen dieser Gleichungen in die Gl. (5.166) wird der Zeitverlauf des Stromes durch den Kondensator Ca ermittelt. Der berechnete Effektivwert des Stromes durch den Kondensator C_a im Nennarbeitspunkt bei der Eingangsspannung von 15V betrug 1,3A. Der Kondensator C_a besteht aus zwei parallelgeschalteten Zweigen. Jeder Zweig besteht aus einer Serienschaltung von 400V-Kondensatoren mit einer Kapazität von 33µF und einem maximalen zulässigen Effektivwert des Stromes von 1A. Aus Sicht der maximalen Spannungsbelastung wäre eine Parallelschaltung von zwei 400V-Kondensatoren ausreichend. Eine Serienschaltung ist vorgesehen, um etwas Reserve zu gewährleisten.

5.5 Theoretischer Vergleich des erweiterten Durchflusswandlers mit anderen DC/DC-Wandlerschaltungen

In *Tab. 5.2* sind die berechneten Parameter und die elektrischen Beanspruchungen der Bauelemente unidirektionaler DC/DC-Wandlerschaltungen und des erweiterten Durchflusswandlers dargestellt.

Tab. 5.2:Vergleich unidirektionaler DC/DC-Wandlerschaltungen hinsichtlich elektrischer
Beanspruchungen der Bauelemente und Aufwandes für die Realisierung (1:
Doppeldurchflusswandler, 2: spannungsgespeister Vollbrückenwandler, 3: stromgespeister
Vollbrückenwandler, 4: stromgespeister Gegentaktwandler, 5: Hochsetzsteller mit geteilter
Drossel, 6: erweiterter Durchflusswandler)

Schal- tung	1	2	3	4	5	6
ü	$\frac{U_a}{2U_{e,\min}D_{\max}}$	$\frac{U_a}{2U_{e,\min}D_{\max}}$ 28*	$\frac{2U_a(1-D)}{U_{e,\max}}$	$\frac{2U_a(1-D)}{U_{e,\max}}$ 12**	$\left(\frac{U_a}{U_{e,\min}}-1\right)\left(\frac{1}{D_{\max}}-1\right)$	$\frac{U_{a}(D_{\max} - 1) + U_{e,\min}}{(D_{\max} - 1)U_{e,\min}D_{\max}}}{46}^{***}$
D _{max}	0,45*	0,45*	$\frac{U_{e,\min}\ddot{u}-2U_a}{2U_a}\\0,76^*$	$\frac{U_{e,\min}\ddot{u}-2U_a}{2U_a}\\0,745^*$	$\frac{\frac{U_{a}}{U_{e,\min}} - 1}{\frac{U_{a}}{U_{e,\min}} + \ddot{u} - 1}$ 0,774***	0,8***
$A_{K,min}$ (mm^2)	1126**	281,8**	313,3**	626,2**	1446***	626,2****
$U_{T1,max}(\mathbf{V})$	$U_{e,\max}$ $60\mathrm{V}^{**}$	$U_{e,\max}$ $60\mathrm{V}^{**}$	$\frac{\frac{U_a}{\ddot{u}}}{62,5V^{**}}$	$\frac{\frac{2U_a}{\ddot{u}}}{125V^{**}}$	$\frac{U_{e,\max}}{2} + \frac{U_a - U_{e,\max}}{2ii}$ 79,3V****	U _{Cc,max} 130V ^{****}
$U_{Tl,ein}\left(\mathrm{V} ight)$	$\frac{U_{e,\min}}{2}$ 15V [*]	$\frac{U_{e,\min}}{2}$ 15V [*]	$\frac{\underline{U}_a}{\ddot{u}}$ 62,5V [*]	$\frac{2U_a}{\ddot{u}}$ 125V [*]	$\frac{U_{e,\min}}{2} + \frac{U_a - U_{e,\min}}{2ii}$ $66.4 \mathbf{V}^{***}$	U _{e,min} 15V ^{***}
$U_{Tl,aus}\left(\mathrm{V} ight)$	$U_{e,\min}$ $30 V^*$	$\frac{U_{e,\min}}{2}$ 15V [*]	$\frac{\underline{U}_a}{\ddot{u}}$ 62,5V [*]	$\frac{2U_a}{\ddot{u}}$ 125V [*]	$\frac{U_{e,\min}}{2} + \frac{U_a - U_{e,\min}}{2ii}$ $66.4 \mathbf{V}^{***}$	U _{Cc} 85V ^{***}
n _{T,ges}	16*	16*	14*	11*	14***	16***
n _{D,ges}	7*	4*	4*	4*	2***	6**
$U_{D2,max}(\mathbf{V})$	$U_{e,\max} \ 60 \mathrm{V}^{**}$	$U_{e,\max}\ddot{u}$ 1680 V^{**}	U _a 750V ^{**}	U _a 750V ^{**}	$\frac{U_a}{2} + \frac{U_{e,\max}}{2} (ii-1)$ 555V****	$\frac{U_{e,\max}\ddot{u}}{1380\text{V}}^{****}$
$U_{D2,aus}(\mathbf{V})$	${U_{e,\min}} \ {30V}^{*}$	$U_{e,\min}$ ü $840\mathrm{V}^*$	$U_a/2$ 375 V^*	$U_a/2$ 375 V^*	$\frac{U_a}{2} + \frac{U_{e,\min}}{2} (\ddot{u} - 1) 465 \mathbf{V}^{***}$	$U_{e,\min}\ddot{u}$ 690 V^{***}
$U_{D6,max}(V)$	$U_{e,\max}\ddot{u} \\ 1680 V^{**}$	-	-	-	-	-
$U_{D6,aus}(\mathbf{V})$	$U_{e,\min}$ ü $840\mathrm{V}^{*}$	-	-	-	-	-
$U_{D5,max}(V)$	$U_{e,\max}\ddot{u}$ 1680V ^{**}	-	-	-	-	-
$U_{D5,aus}(\mathbf{V})$	$U_{e,\min}\ddot{u}$ 840 V^{*}	-	-	-	-	-

*: $U_{e,min}$ =30V, U_a =750V; **: $U_{e,max}$ =60V, U_a =750V; ***: $U_{e,min}$ =15V, U_a =375V; :: $U_{e,max}$ =30V, U_a =375V;

Man sieht, dass das höchste Übersetzungsverhältnis für den erweiterten Durchflusswandler erforderlich ist. Im Vergleich zu anderen Schaltungen benötigen die stromgespeisten Schaltungen und der Hochsetzsteller mit geteilter Drossel den Transformator mit dem kleinsten Übersetzungsverhältnis. Das führt zu geringeren Verlusten im Transformator, zur Verringerung des Aufwandes an Kupfer für die Wicklungen und zu einer deutlich geringeren Streuinduktivität. Das ist für diese Schaltungen besonders wichtig, um die Verluste in einer zusätzlichen Clamping-Schaltung zu begrenzen. Diese ist erforderlich, um die Überspannung an den Transistoren, die von den Streuinduktivitäten des Transformators verursacht wird, zu begrenzen.

Hinsichtlich des Bedarfs an Bauteilen für den Transformator sind der stromgespeiste Vollbrückenwandler und der spannungsgespeiste Vollbrückenwandler die günstigsten Schaltungen. Im Vergleich dazu benötigen der erweiterte Durchflusswandler und der Gegentaktwandler für den Transformator etwa doppelt so viel Kernmaterial. Doppeldurchflusswandler und der Hochsetzsteller mit geteilter Drossel sind Schaltungen mit einem deutlich höheren Aufwand an Kernmaterial. Hinsichtlich der Anzahl der MOSFET für die aktiven Schalter und der Dioden sind die Unterschiede zwischen den Schaltungen unwesentlich. Der Doppeldurchflusswandler benötigt die höchste Anzahl der Dioden.

Die maximalen Spannungsbelastungen der Bauelemente wurden ermittelt, um die Spannungsklassen der Bauelemente, die in den verschiedenen Schaltungen eingesetzt werden sollen, vergleichen zu können. Hinsichtlich der maximalen Spannungsbelastung des Transistors sind der Gegentaktwandler und der erweiterter Durchflusswandler die ungünstigsten Schaltungstopologien. Beim Gegentaktwandler ist die maximale Spannungsbelastung des Transistors von der relativ hohen Ausgangsspannung abhängig. Die Sperrspannung an den Transistoren vor dem Ausschalten und nach dem Einschalten wurde auch ermittelt, um eine Aussage über die Schaltverluste in den Transistoren treffen zu können. Bei allen Schaltungen schalten die Transistoren bei der maximalen Sperrspannung ab. Eine Ausnahme bildet der spannungsgespeiste Vollbrückenwandler. Bei der Betrachtung dieser Schaltung mit einem idealen Transformator schalten die Transistoren bei der Hälfte der maximalen Sperrspannung ab, wobei das nicht praxisrelevant ist. Insgesamt kann man feststellen, dass der stromgespeiste Vollbrückenwandler wegen dem geringsten Aufwand für die Realisierung des Transformators und wegen der geringeren Sperrspannungen über die Dioden die günstigste Schaltung ist. Der Nachteil dieser Schaltung ist eine relativ hohe Spannung beim Ein- und Ausschalten der Transistoren im Vergleich zu den anderen Schaltungen.

108

6 Regelung des erweiterten Durchflusswandlers

6.1 Regelungskonzept

Die Schaltung des erweiterten Durchflusswandlers ist in *Abb. 5.8* dargestellt worden. Sie kann nur geregelt betrieben werden. Die Ausgangsspannung des erweiterten Durchflusswandlers soll auf einen konstanten Wert unabhängig von Laständerungen und Eingangsspannungsänderungen geregelt werden. Dazu ist eine Überwachung der Ausgangsspannung des erweiterten Durchflusswandlers erforderlich. Sie wird von der Regelung als Istwert verwendet. Für das Einschalten der Schaltung kann der Sollwert für die Ausgangsspannung von 0 auf 375V geändert werden.

Die Spannung U_{Cc} darf einen bestimmten maximalen Wert nicht überschreiten, damit es nicht zu einem Durchbruch des Transistors T₁ kommt. Dieser Maximalwert wird abhängig von der Spannungsklasse des verwendeten Transistors festgelegt. Die Schaltung soll nicht bei einer Spannung U_{Cc} , die kleiner als die Eingangsspannung ist, betrieben werden, um eine Sättigung des Transformators zu verhindern. Daher muss die Regelung zwei Schutzfunktionen erfüllen:

- Einschalten der Transistoren T₁, T₂ beim Anlauf der Schaltung in dem Fall, wenn die Spannung über den Filterkondensator C_e (siehe *Abb. 5.8*) die Eingangsspannung erreicht hat,
- Ausschalten der Transistoren T₁, T₂ im Fall, wenn die Spannung über den Kondensator C_c (siehe Abb. 5.8) einen zulässigen Maximalwert überschreitet.

Dazu ist eine Überwachung der Spannung am Kondensator C_c erforderlich. Die Transistoren T₁, T₂ bleiben ausgeschaltet, bis die Spannung am Kondensator C_c die Eingangsspannung erreicht hat. Der Widerstand R_1 (siehe *Abb. 5.8*) dient zur Begrenzung des Einschaltstoßstromes durch den Filterkondensator C_e zum Anfangszeitpunkt, wenn die Spannung am Filterkondensator C_e Null ist. Wenn die Spannung am Kondensator C_c den stationären Wert erreicht hat und wenn dieser Wert sich im Bereich der zulässigen Eingangsspannungsänderung (U_e =15V...30V) befindet, werden die Transistoren T₁ und T₂ eingeschaltet. Der Transistor T₂ bleibt ständig eingeschaltet und das Tastverhältnis des Transistors T₁ wird von der Regelung in Abhängigkeit von der Höhe der Ausgangsspannung vorgegeben. Der zweite kritische Betriebszustand ist der Leerlauf. Um diesen zu verhindern, muss der Transistor T_2 ausgeschaltet werden, sobald die Spannung U_{Cc} den maximalen Wert erreicht hat, um den Aufladestrom für den Kondensator C_c zu begrenzen. Damit ergibt sich eine wichtige Anforderung an den Transistor T_2 – ein möglichst schnelles Ein- und Ausschalten. Deshalb stellt der MOSFET die beste Wahl für den Transistor T_2 dar. Dafür müssen jedoch die im normalen Betrieb auftretenden Leitverluste im Transistor T_2 im Kauf genommen werden. Die Ausgangsspannung ist in diesem Fall deutlich größer als der Sollwert von 375V. Die Regelung wird versuchen, diese Spannung durch die Verringerung des Tastverhältnisses zu verkleinern. Da die Ausgangsspannung nie kleiner als der Sollwert wird, wird der Zustand erreicht, wo das Tastverhältnis des Transistors T_1 Null ist. Der Transistor T_1 wird auf diese Weise mit Hilfe der Regelung ausgeschaltet. Die praktische Implementierung einer solchen Regelung ist in *Abb. 7.2* (*S. 137*) dargestellt.

6.2 Regelungstechnische Modellierung des erweiterten Durchflusswandlers

Für die Reglerdimensionierung des erweiterten Durchflusswandlers wird das Kleinsignalmodell dieses Wandlers benötigt. Dieses Modell soll beschreiben, wie die Änderung des Tastverhältnisses die Ausgangsspannung des erweiterten Durchflusswandlers beeinflusst. In [83] wurde gezeigt, dass ein DC/DC-Wandler mit einer Konstantspannungsregelung gemäß *Abb. 6.1* regelungstechnisch dargestellt werden kann.



Abb. 6.1: Signalflussplan eines geregelten DC/DC-Wandlers mit einem Spannungsregelkreis

Das Ausgangssignal des Reglers $G_R(s)$ kommt zum PWM (<u>Pulsweitenmodulation</u>)-Modulator, welcher durch ein proportionales Glied mit dem Koeffizienten, der umgekehrt proportional zu der Amplitude der Dreieckspannung des PWM-Modulators ist, modelliert wird. Das Ausgangssignal des Reglers kann beliebige Werte annehmen, aber das Tastverhältnis kann sich nur von 0 bis 1 ändern. Deshalb soll das Ausgangssignal des Reglers so begrenzt werden, dass das Tastverhältnis die Werte von 0 bis 1 annehmen kann, Abb. 6.1. Der PWM-Modulator gibt das Tastverhältnis für den DC/DC-Wandler aus, welcher durch die Übertragungsfunktionen $G_{Vd}(s)$ und $G_{Ve}(s)$ modelliert wird. Das Ziel ist die Ermittlung dieser Funktionen. Die Übertragungsfunktionen $G_{Vd}(s)$ und $G_{Vg}(s)$ beschreiben, wie sich die Änderungen des Tastverhältnisses und der Eingangsspannung auf die Ausgangsspannung des DC/DC-Wandlers auswirken. Das in [31] vorgeschlagene Verfahren für die Entwicklung dieses Modells wird hier verwendet. Dieses Verfahren setzt voraus, dass die durch das Schalten der aktiven Schalter eines DC/DC-Wandlers verursachte Welligkeit mit der Frequenz, die der Schaltfrequenz entspricht, vernachlässigt wird. Das wird durch die Darstellung der elektrischen Größen als die Mittelwerte über eine Periode erreicht. Sie können sich nur von Periode zu Periode ändern.

In Kapitel 5.3 wurde gezeigt, dass der Betriebsfall mit einem kontinuierlichen Strom durch die Induktivität L_a und einem diskontinuierlichen Magnetisierungsstrom bei der Nennleistung von 1kW und Eingangsspannungsänderungen von 15V bis 30V entsteht. Die Entwicklung des für diesen Betriebsfall gültigen dynamischen Modells ist das Ziel dieses Abschnittes. Bei der Entwicklung dieses Modells wird die ohmsche Last für den Wandler angenommen. Zuerst wird der diskontinuierliche Betrieb der Magnetisierungsinduktivität regelungstechnisch betrachtet. Wie in [31] gezeigt wurde, ist die Ausgangsspannung eines DC/DC-Wandlers, der im diskontinuierlichen Betrieb arbeitet, vom Laststrom abhängig. Das Spannungsübersetzungsverhältnis des Wandlers ist also eine Funktion des Tastverhältnisses und eines einheitslosen Parameters, der vom Lastwiderstand abhängig ist.

Das gemittelte Modell des Transistors T_1 und der Diode D_c für den diskontinuierlichen Strom durch die Diode D_c soll weiter abgeleitet werden. Die in [31] vorgeschlagene Methode wird dafür verwendet. Diese Methode setzt die Ermittlung der mittleren Ströme durch die Diode und den Transistor und der mittleren Spannung über die Diode und den Transistor während einer Periode voraus. Diese Größen werden

aufgrund der Verläufe des erweiterten Durchflusswandlers ermittelt. *Abb. 5.17, 5.18* zeigten die Verläufe des erweiterten Durchflusswandlers für den Betriebsfall mit einem kontinuierlichen Strom durch die Induktivität L_a und einem diskontinuierlichen Magnetisierungsstrom. Die *Tab. 6.1* zeigt die weiter verwendeten Definitionen für die Dauer der Betriebsphasen des erweiterten Durchflusswandlers. Die Dauer der Zeitabschnitte d_1 und d_2 sind entsprechend durch Gl. (5.128) und Gl. (5.130) definiert worden.

Bezeichnung	Betriebsphase	Definition		
d_I	Kommutierungsphase 2	$\frac{t_5 - t_4}{T}$		
d_2	Magnetisierungsphase	$\frac{t_1 - t_0}{T}$		
d_3	Kommutierungsphase 1	$\frac{t_2 - t_1}{T}$		
d_4	Entmagnetisierungsphase und Freilaufphase	$\frac{t_3 - t_2}{T}$		
d_5	Freilaufphase	$\frac{t_4 - t_3}{T}$		

Tab. 6.1: Definitionen für die Dauer der Betriebsphasen des erweiterten Durchflusswandlers

Beim eingeschalteten Transistor T_1 wird ein Teil der Energie aus der Eingangsspannungsquelle zum Kondensator C_a über den Transformator übertragen. Ein anderer Teil dieser Energie wird durch den Transistor T_1 beim Einschalten dieses Transistors in die Streuinduktivitäten und in die Magnetisierungsinduktivität des Transformators eingespeist. Dieser gemittelte während einer Periode Leistungsanteil kann wie folgt ermittelt werden:

$$\left\langle p_{L}(t)\right\rangle_{T} = \frac{L_{\mu 1} + L_{\sigma 1}}{2T} i_{e}(t_{1})^{2} - L_{\mu 1} \ddot{u}i_{e}(t_{1})i_{D1}(t_{1})\frac{1}{T} + \frac{L_{\mu 1} \ddot{u}^{2} + L_{\sigma 2}}{2T} i_{D1}(t_{1})^{2} \qquad (6.1)$$

Während der Betriebsphasen d_3 , d_4 wird die in die Streuinduktivitäten und in die Magnetisierungsinduktivität des Transformators eingespeiste Leistung durch die Diode

 D_c zum Kondensator C_c übertragen. Der mittlere Strom durch die Diode D_c kann wie folgt berechnet werden:

$$\langle i_{Dc}(t) \rangle_T = \frac{1}{T} \int_0^T i_{Dc}(t) dt = \frac{1}{2} (i_e(t_1) + i_e(t_2)) d_3 T + \frac{1}{2} i_e(t_2) d_4 T$$
 (6.2)

In der Gl. (6.2) sind:

$$i_{e}(t_{1}) = \frac{\left\langle u_{e}(t) \right\rangle_{T} dT \left(L_{\mu 1} \ddot{u}^{2} + L_{\sigma 2} \right) - \left\langle u_{Ca}(t) \right\rangle_{T} L_{\mu 1} \ddot{u}T}{L_{\sigma 2} L_{\mu 1} + L_{\sigma 1} L_{\sigma 2} + L_{\mu 1} L_{\sigma 1} \ddot{u}^{2}}$$
(6.3)

$$i_{e}(t_{2}) = i_{e}(t_{1}) - \frac{(U_{Cc} - U_{e})(L_{\sigma 2} + L_{\mu 1}\ddot{u}^{2})}{L_{\sigma 2}L_{\mu 1} + L_{\sigma 1}L_{\sigma 2} + L_{\mu 1}L_{\sigma 1}\ddot{u}^{2}}(t_{2} - t_{1})$$
(6.4)

In der Gl. (6.3) beschreibt $d=d_1+d_2$ das Tastverhältnis. Die Dauer der Zeitabschnitte d_4 und d_3 können aus der Gl. (5.116) und Gl. (5.108) wie folgt berechnet werden:

$$d_{4} = \frac{1}{T} \frac{i_{e}(t_{1}) - i_{D1}(t_{1}) \frac{L_{\sigma 2} + L_{\mu 1} \ddot{u}^{2}}{L_{\mu 1} \ddot{u}}}{\left\langle u_{Cc}(t) \right\rangle_{T} - \left\langle u_{e}(t) \right\rangle_{T}} \left(L_{\mu 1} + L_{\sigma 1} \right)$$
(6.5)

$$d_{3} = \frac{1}{T} \frac{i_{D1}(t_{1}) \left(L_{\sigma 2} L_{\mu 1} + L_{\sigma 1} L_{\sigma 2} + L_{\mu 1} L_{\sigma 1} \ddot{u}^{2} \right)}{L_{\mu 1} \ddot{u} \left(\left\langle u_{Cc}(t) \right\rangle_{T} - \left\langle u_{e}(t) \right\rangle_{T} \right)}$$
(6.6)

In der Gl. (6.5), (6.6) ist der Strom durch die Diode D₁ wie folgt definiert:

$$i_{D1}(t_1) = \frac{\left\langle u_e(t) \right\rangle_T dT L_{\mu 1} \ddot{u} - \left\langle u_{Ca}(t) \right\rangle_T T (L_{\mu 1} + L_{\sigma 1})}{L_{\sigma 2} L_{\mu 1} + L_{\sigma 1} L_{\sigma 2} + L_{\mu 1} L_{\sigma 1} \ddot{u}^2}$$
(6.7)

Beim Einsetzen der Gl. (6.4), (6.5), (6.6) in die Gl. (6.2) erhält man:

$$\left\langle i_{Dc}(t) \right\rangle_{T} = \frac{\left\langle p_{L}(t) \right\rangle_{T}}{\left\langle u_{Cc}(t) \right\rangle_{T} - \left\langle u_{e}(t) \right\rangle_{T}}$$
(6.8)

Die mittlere Spannung über den Transistor T₁ über die Periode wird wie folgt berechnet:

,

$$\langle u_{T1}(t) \rangle_T = (d_1(t) + d_2(t)) \cdot 0 + (d_3(t) + d_4(t)) \cdot \langle u_{Cc}(t) \rangle_T + d_5(t) \cdot \langle u_e(t) \rangle_T$$
 (6.9)

Die mittlere Spannung über die Diode D_c über die Periode berechnet sich nach:

$$\left\langle u_{Dc}(t) \right\rangle_{T} = \left(d_{1}(t) + d_{2}(t) \right) \cdot \left\langle u_{Cc}(t) \right\rangle_{T} + \left(d_{3}(t) + d_{4}(t) \right) \cdot 0 + d_{5}(t) \cdot \left(\left\langle u_{Cc}(t) \right\rangle_{T} - \left\langle u_{e}(t) \right\rangle_{T} \right)$$
(6.10)

Um die Gl. (6.9) und (6.10) zu vereinfachen, sollen die Zusammenhänge zwischen den einzelnen Zeitabschnitten abgeleitet werden. Der Strom durch die Induktivität $L_{\mu l}$ ändert sich nicht über die ganze Periode. Er ist immer Null, wenn eine neue Periode anfängt. Deshalb ist die mittlere Spannung über die Induktivität Null:

$$\left\langle u_{L\mu 1}(t)\right\rangle_{T} = \left(d_{1} + d_{2}\right)\left\langle u_{e}(t)\right\rangle_{T} + \left(d_{3} + d_{4}\right)\left\langle\left\langle u_{e}(t)\right\rangle_{T} - \left\langle u_{Cc}(t)\right\rangle_{T}\right\rangle + d_{5} \cdot 0 = 0 \quad (6.11)$$

Das gilt sowohl für den stationären als auch für den nicht stationären Zustand des Wandlers. Aus Gl. (6.11) kann die gesamte Dauer der Kommutierungsphase 1 und der Entmagnetisierungsphase ermittelt werden:

$$d_3(t) + d_4(t) = \left(d_1(t) + d_2(t)\right) \frac{\left\langle u_e(t) \right\rangle}{\left\langle u_{Cc}(t) \right\rangle - \left\langle u_e(t) \right\rangle} \tag{6.12}$$

Mit der Berücksichtigung der Gleichung:

$$d_5(t) = 1 - d_1(t) - d_2(t) - d_3(t) - d_4(t)$$
(6.13)

und der Gl. (6.12) lassen sich die Gl. (6.9) und (6.10) wie folgt vereinfachen:

$$\left\langle u_{T1}(t)\right\rangle_{T} = \left\langle u_{e}(t)\right\rangle_{T}$$
 (6.14)

$$\left\langle u_{Dc}(t) \right\rangle_T = \left\langle u_{Cc}(t) \right\rangle_T - \left\langle u_e(t) \right\rangle_T$$
 (6.15)

Beim Einsetzen der Gl. (6.15) in die Gl. (6.8) ergibt sich:

$$\left\langle p_{L}(t)\right\rangle_{T} = \left\langle i_{Dc}(t)\right\rangle_{T} \left\langle u_{Dc}(t)\right\rangle_{T}$$
(6.16)

Man sieht aus der Gl. (6.16), dass das Produkt des mittleren Stromes durch die Diode D_c und der mittleren Spannung über die Diode D_c der Leistung, die während der Betriebsphasen d_1 , d_2 in die Streuinduktivitäten und in die Magnetisierungsinduktivität des Transformators eingespeist wird, entspricht. Beim Einsetzen der Gl. (6.3), (6.7) und Gl. (6.14) in die Gl. (6.16) erhält man:

$$\left\langle i_{D_{c}}(t) \right\rangle_{T} = \frac{\left\langle u_{Ca}(t) \right\rangle_{T}^{2} T(L_{\mu 1} + L_{\sigma 1})}{2(L_{\sigma 2}L_{\mu 1} + L_{\sigma 1}L_{\sigma 2} + L_{\mu 1}L_{\sigma 1}\ddot{u}^{2})\left(\left\langle u_{Cc}(t) \right\rangle_{T} - \left\langle u_{T1}(t) \right\rangle_{T}\right)} - \frac{\left\langle u_{Ca}(t) \right\rangle_{T} \left\langle u_{T1}(t) \right\rangle_{T} \ddot{u} dTL_{\mu 1}}{(L_{\sigma 2}L_{\mu 1} + L_{\sigma 1}L_{\sigma 2} + L_{\mu 1}L_{\sigma 1}\ddot{u}^{2})\left(\left\langle u_{Cc}(t) \right\rangle_{T} - \left\langle u_{T1}(t) \right\rangle_{T}\right)} + \frac{\left\langle u_{T1}(t) \right\rangle_{T}^{2} d^{2}T\left(L_{\mu 1}\ddot{u}^{2} + L_{\sigma 2}\right)}{2(L_{\sigma 2}L_{\mu 1} + L_{\sigma 1}L_{\sigma 2} + L_{\mu 1}L_{\sigma 1}\ddot{u}^{2})\left(\left\langle u_{Cc}(t) \right\rangle_{T} - \left\langle u_{T1}(t) \right\rangle_{T}\right)} \right)$$

$$(6.17)$$

Die Gl. (6.17) kann in der folgenden Form geschrieben werden:

$$\left\langle i_{D_c}(t) \right\rangle_T \left\langle u_{D_c}(t) \right\rangle_T = \frac{\left\langle u_{T_1}(t) \right\rangle_T^2}{R_e\left(\left\langle u_{C_a}(t) \right\rangle_T, \left\langle u_{T_1}(t) \right\rangle_T d \right)} = \left\langle p_L(t) \right\rangle_T$$
(6.18)

Der effektive Widerstand in der Gl. (6.18) wird wie folgt definiert:

$$R_{e}\left(\langle u_{Ca}(t)\rangle_{T}, \langle u_{T1}(t)\rangle_{T}d\right) = \frac{2\langle u_{T1}(t)\rangle_{T}^{2}\left(L_{\sigma 2}L_{\mu 1} + L_{\sigma 1}L_{\sigma 2} + L_{\mu 1}L_{\sigma 1}\ddot{u}^{2}\right)}{k_{1}T\langle u_{Ca}(t)\rangle_{T}^{2} - 2dT\langle u_{T1}(t)\rangle_{T}\langle u_{Ca}(t)\rangle_{T}L_{\mu 1}\ddot{u} + \langle u_{T1}(t)\rangle_{T}^{2}d^{2}Tk_{2}}$$
(6.19)

mit $k_1 = L_{\mu 1} + L_{\sigma 1}$, $k_2 = L_{\mu 1}\ddot{u}^2 + L_{\sigma 2}$. Die Gl. (6.18) zeigt, dass der mittlere Strom durch die Diode D_c und die mittlere Spannung über die Diode D_c in Abhängigkeit sind, die der Kennlinie einer abhängigen Leistungsquelle entspricht. Die von dieser Leistungsquelle eingespeiste Leistung ist unabhängig von der Last und wird nur durch den Widerstand R_e und die Eingangsspannung bestimmt.

Beim Einschalten des Transistors T₁ wird auch gleichzeitig die Leistung zum Kondensator C_a über den Transformator übertragen. Der mittlere Strom durch den Transistor T₁ besteht aus dem mittleren Strom, der bei der Multiplikation mit der Transistorsspannung dieser Leistung entspricht, und dem mittleren Strom $\left\langle i_{T_1}'(t) \right\rangle_T$, der

bei der Multiplikation mit der Transistorsspannung der in die Streuinduktivitäten und in die Magnetisierungsinduktivität des Transformators eingespeisten Leistung entspricht, wie die *Abb. 6.2* zeigt.



Abb. 6.2: Ersatzschaltbild für die Modellierung der in den Streuinduktivitäten und in der Magnetisierungsinduktivität gespeicherten Energie durch die Diode D_c zum Kondensator C_c im Großsignalbereich

Für den verlustfreien Wandler gilt es:

$$\left\langle i_{T1}'(t)\right\rangle_{T}\left\langle u_{T}(t)\right\rangle_{T} = \left\langle i_{Dc}(t)\right\rangle_{T}\left\langle u_{Dc}(t)\right\rangle_{T}$$
(6.20)

Beim Einsetzen der Gl. (6.18) in die Gl. (6.20) ergibt sich:

$$\left\langle i_{T1}'(t) \right\rangle_{T} = \frac{\left\langle u_{T1}(t) \right\rangle_{T}}{R_{e}\left(\left\langle u_{Ca}(t) \right\rangle_{T}, \left\langle u_{T1}(t) \right\rangle_{T} d \right)}$$
(6.21)

Die Gl. (6.21) zeigt, dass der mittlere Strom $\langle i_{T_1}'(t) \rangle_r$ der mittleren Transistorspannung

direkt proportional ist. Das bedeutet, dass die Leistung, die während der Betriebsphasen d_1 , d_2 in die Streuinduktivitäten und in die Magnetisierungsinduktivität des Transformators eingespeist wird, sollte vom Widerstand R_e verbraucht werden. Da der Wandler als verlustfrei betrachtet wird, wird diese Leistung nicht vom Widerstand R_e verbraucht sondern wird von der abhängigen Leistungsquelle, durch welche die Diode D_c modelliert wird, zum Kondensator C_c übertragen. Die gesamte zum Kondensator C_c eingespeiste Leistung ist die Summe von dieser Leistung und der Leistung, die aus der Eingangsspannungsquelle während der Betriebsphasen d_3 , d_4 zum Kondensator C_c eingespeist wird. Dieses Modell des verlustfreien Netzwerks mit einem Eingang und einem Ausgang wurde in [81], [82] ausführlich beschrieben.

Der nächste Schritt ist die Ableitung des Kleinsignalmodells des Transistors T_1 und der Diode D_c für den diskontinuierlichen Strom durch die Diode D_c . Das in *Abb. 6.2* gezeigte Großsignalmodell ist nichtlinear. Das gemittelte Großsignalmodell soll um einen bestimmten stationären Arbeitspunkt linearisiert werden. Zuerst wird der mittlere Eingangsstrom des Wandlers während einer Periode wie folgt berechnet:

$$\left\langle i_{e}(t)\right\rangle_{T} = \left\langle i_{\mu}(t)\right\rangle_{T} + \left\langle i_{D1}(t)\right\rangle_{T} \ddot{u}$$
(6.22)

Der Zusammenhang zwischen den mittleren Strömen durch die Diode D_1 und die Drossel L_a ist wie folgt:

$$\left\langle i_{D1}(t) \right\rangle_{T} = \left\langle i_{La}(t) \right\rangle_{T} \frac{L_{\mu 1} L_{a}(d(t) - d_{1}(t))}{L_{\mu 1} \left(L_{\sigma 1} \ddot{u}^{2} + L_{a} + L_{\sigma 2} \right) + L_{\sigma 1} \left(L_{a} + L_{\sigma 2} \right)}$$
(6.23)

Beim Einsetzen von Gl. (6.23) in die Gl. (6.22) erhält man:

$$\left\langle i_{e}(t) \right\rangle_{T} = \left\langle i_{\mu}(t) \right\rangle_{T} + \left\langle i_{La}(t) \right\rangle_{T} \frac{L_{\mu 1} L_{a} \ddot{u}(d(t) - d_{1}(t))}{L_{\mu 1} \left(L_{\sigma 1} \ddot{u}^{2} + L_{a} + L_{\sigma 2} \right) + L_{\sigma 1} \left(L_{a} + L_{\sigma 2} \right)}$$
(6.24)

Die mittleren Größen über die Periode werden als die Summe eines stationären Wertes im Arbeitspunkt, für den das Modell linearisiert wird, und einer kleinen Änderung dargestellt:

$$\left\langle \dot{i}_{\mu}(t)\right\rangle_{T} = I_{\mu} + \hat{i}_{\mu}(t), \qquad (6.25)$$

$$\left\langle \dot{i}_{e}(t)\right\rangle_{T} = I_{e} + \hat{i}_{e}(t) \tag{6.26}$$

$$\left\langle i_{La}(t)\right\rangle_{T} = I_{La} + \hat{i}_{La}(t) \tag{6.27}$$

$$d(t) = D + \hat{d}(t) \tag{6.28}$$

$$d_1(t) = D_1 + \hat{d}_1(t) \tag{6.29}$$

Durch Einsetzen der Gl. (6.25)-(6.29) in die Gl. (6.24) nach Vernachlässigung der nichtlinearen Terme und der Terme mit $\hat{d}_1(t)$ ergibt sich:

$$\hat{i}_{e}(t) = \hat{i}_{\mu}(t) + \frac{I_{La}\ddot{u}_{1}}{D - D_{1}}\hat{d}(t) + \hat{i}_{La}(t)\ddot{u}_{1}$$
(6.30)

Hier ist:

$$\ddot{u}_{1} = \frac{L_{\mu 1} L_{a} \ddot{u} (D - D_{1})}{L_{\mu 1} \left(L_{\sigma 1} \ddot{u}^{2} + L_{a} + L_{\sigma 2} \right) + L_{\sigma 1} \left(L_{a} + L_{\sigma 2} \right)}$$
(6.31)

Die Gl. (6.30) kann in der Form des Kleinsignalersatzschaltbildes in *Abb. 6.3* dargestellt werden.



Abb. 6.3: Ersatzschaltbild für die Nachbildung der Gleichung für den Eingangsstrom im Kleinsignalbereich

Die Gl. (6.18) und (6.21) beschreiben das Großsignalmodell des Netzwerkes T_1 - D_c für den Fall des diskontinuierlichen Stromes durch die Diode D_c . Das Ziel ist es nun der Übergang von dem nichtlinearen Großsignalmodell zu einem linearen

Kleinsignalmodell. Die Gl. (6.18) und (6.21) können in der folgenden Form geschrieben werden:

$$\left\langle i_{D_{c}}(t)\right\rangle_{T} = f_{1}\left(\left\langle u_{T1}(t)\right\rangle_{T}, \left\langle u_{Ca}(t)\right\rangle_{T}, \left\langle u_{Cc}(t)\right\rangle_{T}, d(t)\right)$$
(6.32)

$$\left\langle \dot{i_{T1}}'(t) \right\rangle_{T} = f_2\left(\left\langle u_{T1}(t) \right\rangle_{T}, \left\langle u_{Ca}(t) \right\rangle_{T}, d(t) \right)$$
(6.33)

Die mittleren Größen über die Periode in den Gl. (6.32) und (6.33) werden als die Summe eines stationären Wertes in einem Arbeitspunkt und einer kleinen Änderung dargestellt:

$$\left\langle \dot{I}_{Dc}(t)\right\rangle_{T} = I_{Dc} + \hat{i}_{Dc}(t) \tag{6.34}$$

$$d(t) = D + \hat{d}(t) \tag{6.35}$$

$$\langle u_{Ca}(t) \rangle_{T} = U_{Ca} + \hat{u}_{Ca}(t)$$
 (6.36)

$$\left\langle u_{T1}(t) \right\rangle_T = U_{T1} + \hat{u}_{T1}(t)$$
 (6.37)

$$\langle u_{Cc}(t) \rangle_T = U_{Cc} + \hat{u}_{Cc}(t)$$
 (6.38)

Bei der Darstellung von den Funktionen, die durch die Gl. (6.32) und (6.33) beschrieben werden, in der Form einer dreidimensionalen Taylor-Reihe um den stationären Arbeitspunkt ergibt sich nach Vernachlässigung der nichtlinearen Terme:

$$I_{Dc}(t) + \hat{i}_{Dc} = f_1(U_e, U_{Cc}, D) + \hat{u}_e(t) \frac{df_1(u_e, U_{Cc}, D)}{du_e} \Big|_{u_e = U_e} + \hat{u}_{Cc}(t) \frac{df_1(U_e, u_{Cc}, D)}{du_{Cc}} \Big|_{u_{Cc} = U_{Cc}} + \hat{d}(t) \frac{df_1(U_e, U_{Cc}, d)}{dd} \Big|_{d = D}$$

$$I_{T1}'(t) + \hat{i}_{T1}' = f_2(U_e, U_{Cc}, D) + \hat{u}_e(t) \frac{df_2(u_{T1}, U_{Cc}, D)}{du_e} \Big|_{u_{T1} = U_{T1}} + \hat{u}_{Cc}(t) \frac{df_2(U_e, u_{Cc}, D)}{du_{Cc}} \Big|_{u_{Cc} = U_{Cc}} + \hat{d}(t) \frac{df_2(U_e, U_{Cc}, d)}{dd} \Big|_{d = D}$$
(6.39)
$$(6.39)$$

Die linearisierten Gl. (6.39) und (6.40) können in der folgenden Form dargestellt werden:

$$\hat{i}_{Dc} = -\frac{\hat{u}_{Cc}}{r_2} + j_2 \hat{d} + g_2 \hat{u}_e - \frac{\hat{u}_{Ca}}{R_L}$$
(6.41)

$$\hat{i}_{T1}' = \frac{\hat{u}_{T1}}{r_1} + j_2 \hat{d} + g_2 \hat{u}_e$$
(6.42)

Die Gl. (6.41) und (6.42) beschreiben das Kleinsignalmodell des Netzwerkes T_1 - D_c für den Fall des diskontinuierlichen Stromes durch die Diode D_c in *Abb. 6.3. Abb. 6.4* zeigt das Ersatzschaltbild dieses Netzwerkes im Kleinsignalbereich.



Abb. 6.4: Ersatzschaltbild für die Nachbildung der Gleichung für den Eingangsstrom und des Netzwerkes T_1 - D_c für den Fall des diskontinuierlichen Stromes durch die Diode D_c im Kleinsignalbereich

Im nächsten Schritt werden die Parameter dieses Ersatzschaltbildes ermittelt. Nach dem Vergleich der Gl. (6.39), (6.40) und Gl. (6.41), (6.42) ergibt sich:

$$\frac{1}{r_2} = -\frac{df_1(U_{T1}, u_{Cc}, D)}{du_{Cc}}\Big|_{u_{Cc}} = U_{Cc}$$
(6.43)

$$g_{2} = \frac{df_{1}(u_{T1}, U_{Cc}, D)}{du_{T1}}\Big|_{u_{T1}=U_{T1}}$$
(6.44)

$$j_{2} = \frac{df_{1}(U_{e}, U_{Cc}, d)}{dd}\Big|_{d=D}$$
(6.45)

$$\frac{1}{r_1} = -\frac{df_2(U_{T_1}, u_{T_1}, D)}{du_{T_1}}\Big|_{u_{T_1} = U_{T_1}}$$
(6.46)

$$g_1 = \frac{df_2(U_{T1}, u_{Cc}, D)}{du_{Cc}}\Big|_{u_{Cc} = U_{Cc}} = 0$$
(6.47)

$$j_1 = \frac{df_2(U_{T1}, U_{Cc}, d)}{dd}\Big|_{d=D}$$
(6.48)

Durch Einsetzen von Gl. (6.17) und (6.21) in die Gl. (6.43)-(6.48) erhält man die Parameter des Ersatzschaltbildes in *Abb. 6.4*. Der Kleinsignalparameter g_1 ist gleich Null, weil der mittlere Transistorstrom unabhängig von der mittleren Spannung über die Diode D_c ist. Änderungen des Tastverhältnisses führen zur Änderung des effektiven Widerstandes R_e . Diese Änderung führt dazu, dass der mittlere Transistorstrom sich auch ändert. Der Kleinsignalwiderstand r_2 beschreibt, wie die Änderungen der mittleren Spannung über die Diode D_c sich auf den mittleren Strom durch die Diode D_c auswirken. r_2 wird als die Steilheit der Kennlinie der Leistungsquelle interpretiert, welche die gemittelten Verläufe des Stromes und der Spannung der Diode D_c in einem bestimmten Arbeitspunkt modelliert. Für die ohmsche Last gilt:

$$r_2 = R_L \tag{6.49}$$

Die Kleinsignalparameter j_2 und g_2 beschreiben, wie die Änderungen des Tastverhältnisses und der mittleren Transistorspannung sich auf den mittleren Strom durch die Diode D_c auswirken. Diese Parameter werden durch folgende Gleichungen definiert:

$$j_{2} = \frac{-2U_{e} \left(M_{2} \ddot{u} L_{\mu 1} - D \left(L_{\mu 1} \ddot{u}^{2} + L_{\sigma 2}\right)\right)}{\left(M_{2}^{2} \left(L_{\mu 1} + L_{\sigma 1}\right) - 2DL_{\mu 1} \ddot{u} M_{2} + D^{2} \left(L_{\mu 1} \ddot{u}^{2} + L_{\sigma 2}\right)\right) \left(M_{1} - 1\right) R_{e}}$$
(6.50)

$$g_{2} = \frac{M_{2}^{2} (L_{\mu 1} + L_{\sigma 1}) - 2DL_{\mu 1} \ddot{u} M_{1} M_{2} + 3D^{2} (L_{\mu 1} \ddot{u}^{2} + L_{\sigma 2})}{(M_{2}^{2} (L_{\mu 1} + L_{\sigma 1}) - 2DL_{\mu 1} \ddot{u} M_{2} + D^{2} (L_{\mu 1} \ddot{u}^{2} + L_{\sigma 2}))(M_{1} - 1)^{2} R_{e}}$$
(6.51)

In den Gl. (6.50) und (6.51) sind:

$$M_1 = \frac{U_{Cc}}{U_e} \tag{6.52}$$

$$M_2 = \frac{U_{Ca}}{U_e} \tag{6.53}$$

Der Kleinsignalwiderstand r_1 ist gleich dem effektiven Widerstand R_e in einem bestimmten Arbeitspunkt:

$$r_1 = R_e \tag{6.54}$$

Dieser Term beschreibt, wie die Änderungen der mittleren Transistorspannung sich auf den mittleren Transistorstrom auswirken. Der Kleinsignalverstärkungsfaktor j_1 ist durch folgende Gleichung definiert:

$$j_1 = \frac{2U_e}{DR_e} \tag{6.55}$$

Der Kleinsignalverstärkungsfaktor j_1 beschreibt, wie die Änderungen des Tastverhältnisses den mittleren Transistorstrom beeinflussen. Unter Berücksichtigung der Gleichung:

$$\hat{i}_{Dc} = \frac{\hat{u}_{Cc}}{R_L} \tag{6.56}$$

kann die Gl. (6.41) wie folgt dargestellt werden:

$$j_2 \hat{d} - \frac{\hat{u}_{Cc} + \hat{u}_{Ca}}{R_L} - \frac{\hat{u}_{Cc}}{r_2} + g_2 \hat{u}_e = 0$$
(6.57)

Nach dem Lösen der Gl. (6.57) nach $\hat{u}_{Cc}(s)$ erhält man:

$$\hat{u}_{Cc}(s) = \frac{j_2 \hat{d}(s) R_L r_2 - \hat{u}_{Ca}(s) r_2 + g_2 \hat{u}_e(s) R_L r_2}{R_L + r_2}$$
(6.58)

Der zweite Schritt ist die Modellierung der Schaltung auf der Sekundärseite des Transformators vom erweiterten Durchflusswandler für den Fall des kontinuierlichen Stroms durch die Induktivität L_a . Zuerst werden die Verläufe der Spannungen und der Ströme der Induktivität L_a und des Kondensators C_a in jedem Zeitabschnitt ermittelt. Im Zeitabschnitt d_2T gelten beim eingeschalteten Transistor T₁ die Gleichungen:

$$u_{La}(t) = \left(u_{e}(t) - u_{L\sigma_{1}}(t)\right)\ddot{u} - u_{Ca}(t) - u_{L\sigma_{2}}(t)$$
(6.59)

$$i_{Ca}(t) = i_{La}(t) - \frac{u_{Ca}(t) + u_{Cc}(t)}{R_L}$$
(6.60)

Im Zeitabschnitt T- d_2T gelten die Gleichungen:

$$u_{La}(t) = -u_{Ca}(t) \tag{6.61}$$

$$i_{Ca}(t) = i_{La}(t) - \frac{u_{Ca}(t) + u_{Cc}(t)}{R_L}$$
(6.62)

Bei der Vernachlässigung der durch das Schalten des Transistors T₁ verursachten Welligkeit können die zeitabhängigen Größen durch die Mittelwerte über den entsprechenden Zeitabschnitt ersetzt werden. Dann gelten im Zeitabschnitt d_2T die Gleichungen:

$$u_{La}(t) \approx \left(\left\langle u_{e}(t) \right\rangle_{T} - \left\langle u_{L\sigma 1}(t) \right\rangle_{T} \right) \ddot{u} - \left\langle u_{Ca}(t) \right\rangle_{T} - \left\langle u_{L\sigma 2}(t) \right\rangle_{T}$$
(6.63)

$$i_{Ca}(t) \approx \left\langle i_{La}(t) \right\rangle_{T} - \frac{\left\langle u_{Ca}(t) \right\rangle_{T} + \left\langle u_{Cc}(t) \right\rangle_{T}}{R_{L}}$$
(6.64)

Für den Zeitabschnitt T- d_2T gelten die Gleichungen:

$$u_{La}(t) \approx - \left\langle u_{Ca}(t) \right\rangle_T \tag{6.65}$$

$$i_{Ca}(t) \approx \left\langle i_{La}(t) \right\rangle_{T} - \frac{\left\langle u_{Ca}(t) \right\rangle_{T} + \left\langle u_{Cc}(t) \right\rangle_{T}}{R_{L}}$$
(6.66)

Die Mittelwerte der Spannung über die Induktivität L_a und des Stromes durch den Kondensator C_a über die Periode können dann wie folgt ermittelt werden:

$$\langle u_{La}(t) \rangle_{T} = \left(\left(\langle u_{e}(t) \rangle_{T} - \langle u_{L\sigma1}(t) \rangle_{T} \right) \ddot{u} - \langle u_{Ca}(t) \rangle_{T} - \langle u_{L\sigma2}(t) \rangle_{T} \right) d_{2} + \left(- \langle u_{Ca}(t) \rangle_{T} \right) (1 - d_{2})$$

$$\langle i_{Ca}(t) \rangle_{T} = \left(\langle i_{La}(t) \rangle_{T} - \frac{\langle u_{Ca}(t) \rangle_{T} + \langle u_{Cc}(t) \rangle_{T}}{R_{L}} \right) d_{2} + \left(\langle i_{La}(t) \rangle_{T} - \frac{\langle u_{Ca}(t) \rangle_{T} + \langle u_{Cc}(t) \rangle_{T}}{R_{L}} \right) d_{2} + \left(\langle i_{La}(t) \rangle_{T} - \frac{\langle u_{Ca}(t) \rangle_{T} + \langle u_{Cc}(t) \rangle_{T}}{R_{L}} \right) (1 - d_{2})$$

$$(6.68)$$

Mit der Berücksichtigung des Zusammenhanges:

$$d_2 = d - d_1 \tag{6.69}$$

lassen sich die Gl. (6.67), (6.68) in der folgenden Form darstellen:

$$\langle u_{La}(t) \rangle_{T} = \left(\left\langle \left\langle u_{e}(t) \right\rangle_{T} - \left\langle u_{L\sigma1}(t) \right\rangle_{T} \right) \ddot{u} - \left\langle u_{Ca}(t) \right\rangle_{T} - \left\langle u_{L\sigma2}(t) \right\rangle_{T} \right) \left(d - d_{1} \right) + \left(- \left\langle u_{Ca}(t) \right\rangle_{T} \right) \left(1 - \left(d - d_{1} \right) \right) \right)$$

$$\langle i_{Ca}(t) \rangle_{T} = \left(\left\langle i_{La}(t) \right\rangle_{T} - \frac{\left\langle u_{Ca}(t) \right\rangle_{T} + \left\langle u_{Cc}(t) \right\rangle_{T}}{R_{L}} \right) \left(d - d_{1} \right) + \left(\left\langle i_{La}(t) \right\rangle_{T} - \frac{\left\langle u_{Ca}(t) \right\rangle_{T} + \left\langle u_{Cc}(t) \right\rangle_{T}}{R_{L}} \right) \left(1 - \left(d - d_{1} \right) \right)$$

$$(6.70)$$

$$+ \left(\left\langle i_{La}(t) \right\rangle_{T} - \frac{\left\langle u_{Ca}(t) \right\rangle_{T} + \left\langle u_{Cc}(t) \right\rangle_{T}}{R_{L}} \right) \left(1 - \left(d - d_{1} \right) \right)$$

Andererseits gelten für die Spannung über die Induktivität L_a und den Strom durch den Kondensator C_a folgende Gleichungen:

$$\left\langle u_{La}(t)\right\rangle_{T} = L_{a} \frac{d\left\langle i_{La}(t)\right\rangle_{T}}{dt}$$
(6.72)

$$\left\langle i_{Ca}(t)\right\rangle_{T} = C_{a} \frac{d\left\langle u_{Ca}(t)\right\rangle_{T}}{dt}$$
(6.73)

Nach dem Vergleich der Gl. (6.72) und (6.76) mit den Gl. (6.70) und (6.71) ergibt sich ein System von zwei Gleichungen:

$$L_{a} \frac{d\langle i_{La}(t) \rangle_{T}}{dt} = \left(\left(\langle u_{e}(t) \rangle_{T} - \langle u_{L\sigma_{1}}(t) \rangle_{T} \right) \ddot{u} - \langle u_{Ca}(t) \rangle_{T} - \langle u_{L\sigma_{2}}(t) \rangle_{T} \right) (d - d_{1}) + \left(- \langle u_{Ca}(t) \rangle_{T} \right) (1 - (d - d_{1}))$$

$$C_{a} \frac{d\langle u_{Ca}(t) \rangle_{T}}{dt} = \left(\langle i_{La}(t) \rangle_{T} - \frac{\langle u_{Ca}(t) \rangle_{T} + \langle u_{Cc}(t) \rangle_{T}}{R_{L}} \right) (d - d_{1}) + \left(\langle i_{La}(t) \rangle_{T} - \frac{\langle u_{Ca}(t) \rangle_{T} + \langle u_{Cc}(t) \rangle_{T}}{R_{L}} \right) (d - d_{1}) + \left(\langle i_{La}(t) \rangle_{T} - \frac{\langle u_{Ca}(t) \rangle_{T} + \langle u_{Cc}(t) \rangle_{T}}{R_{L}} \right) (1 - (d - d_{1}))$$

$$(6.75)$$

Die Spannungen über die Streuinduktivitäten des Transformators während der Magnetisierungsphase können wie folgt berechnet werden:

$$\left\langle u_{L\sigma_1}(t) \right\rangle_T = L_{\sigma_1} \frac{d\left\langle i_e(t) \right\rangle_T}{dt}$$
 (6.76)

$$\left\langle u_{L\sigma^{2}}(t)\right\rangle_{T} = L_{\sigma^{2}} \frac{d\left\langle i_{La}(t)\right\rangle_{T}}{dt}$$
(6.77)

Die Mittelwerte des Eingangsstroms und des Stroms durch die Induktivität L_a können unter Berücksichtigung der Gl. (5.98), (5.99) wie folgt ermittelt werden:

$$\left\langle i_{e}(t) \right\rangle_{T} = \frac{-\left\langle u_{Ca}(t) \right\rangle_{T} L_{\mu 1} \ddot{u} + \left\langle u_{e}(t) \right\rangle_{T} \left(L_{\mu 1} \ddot{u}^{2} + L_{a} + L_{\sigma 2} \right)}{L_{\mu 1} \left(L_{\sigma 1} \ddot{u}^{2} + L_{a} + L_{\sigma 2} \right) + L_{\sigma 1} \left(L_{a} + L_{\sigma 2} \right)}$$
(6.78)

$$\left\langle i_{La}(t) \right\rangle_{T} = \frac{-\left\langle u_{Ca}(t) \right\rangle_{T} L_{\mu 1} + \left\langle u_{e}(t) \right\rangle_{T} L_{\mu 1} \ddot{u} - \left\langle u_{Ca}(t) \right\rangle_{T} L_{\sigma 1}}{L_{\mu 1} \left(L_{\sigma 1} \ddot{u}^{2} + L_{a} + L_{\sigma 2} \right) + L_{\sigma 1} \left(L_{a} + L_{\sigma 2} \right)}$$
(6.79)

Die Gl. (6.78) und (6.79) werden in die Gl. (6.76) und (6.77) eingesetzt und die resultierenden Gleichungen werden danach linearisiert. Für die Linearisierung dieser Gleichungen werden die mittleren Größen über die Periode als die Summe eines stationären Wertes und einer kleinen Änderung dargestellt:

$$\left\langle \dot{i}_{e}(t)\right\rangle_{T} = I_{e,avg} + \hat{i}_{e}(t) \tag{6.80}$$

$$\left\langle i_{La}(t)\right\rangle_{T} = I_{La} + \hat{i}_{La}(t) \tag{6.81}$$

$$d(t) = D + \hat{d}(t) \tag{6.82}$$

$$d_1(t) = D_1 + \hat{d}_1(t) \tag{6.83}$$

$$\left\langle u_{Ca}(t)\right\rangle_{T} = U_{Ca} + \hat{u}_{Ca}(t) \tag{6.84}$$

$$\left\langle u_{e}(t)\right\rangle_{T} = U_{e} + \hat{u}_{e}(t) \tag{6.85}$$

$$\langle u_{Cc}(t) \rangle_T = U_{Cc} + \hat{u}_{Cc}(t)$$
 (6.86)

Durch Einsetzen der Gl. (6.76) und (6.77) in die Gl. (6.74) und (6.75), nach Vernachlässigung der nichtlinearen Terme und der Terme mit $\hat{d}_1(t)$ und der Einführung des Laplace-Operators $s = \frac{d}{dt}$ ergibt sich:

$$sL_{a}\hat{i}_{La} = \frac{\left(L_{\mu 1}L_{\sigma 2} + L_{\sigma 1}L_{\sigma 2} + L_{\mu 1}L_{\sigma 1}\ddot{u}^{2}\right)U_{Ca} + U_{e}\ddot{u}L_{\mu 1}L_{a}}{L_{\mu 1}\left(L_{\sigma 1}\ddot{u}^{2} + L_{a} + L_{\sigma 2}\right) + L_{\sigma 1}\left(L_{a} + L_{\sigma 2}\right)}\hat{d}(s) + \\ + \hat{u}_{Ca}(s)\left(\frac{\left(L_{\mu 1}L_{\sigma 2} + L_{\sigma 1}L_{\sigma 2} + L_{\mu 1}L_{\sigma 1}\ddot{u}^{2}\right)(D - D_{1}\right)}{L_{\mu 1}\left(L_{\sigma 1}\ddot{u}^{2} + L_{a} + L_{\sigma 2}\right) + L_{\sigma 1}\left(L_{a} + L_{\sigma 2}\right)} - 1\right) + \\ + \hat{u}_{e}(s)\frac{L_{\mu 1}L_{a}\ddot{u}(D - D_{1})}{L_{\mu 1}\left(L_{\sigma 1}\ddot{u}^{2} + L_{a} + L_{\sigma 2}\right) + L_{\sigma 1}\left(L_{a} + L_{\sigma 2}\right)} \\ sC_{a}\hat{u}_{Ca}(s) = \hat{i}_{La}(s) - \frac{\hat{u}_{Ca}(s) + \hat{u}_{Cc}(s)}{R_{L}}$$

$$(6.87)$$

Das Ersatzschaltbild, welches den Gl. (6.87) und (6.88) entspricht, ist in Abb. 6.5 dargestellt.



Abb. 6.5: Kleinsignalersatzschaltbild für die Beschreibung der Gleichungen für die Sekundärseite des erweiterten Durchflusswandlers

In diesem Ersatzschaltbild sind:

$$\ddot{u}_{2} = \frac{\left(L_{\mu 1}L_{\sigma 2} + L_{\sigma 1}L_{\sigma 2} + L_{\mu 1}L_{\sigma 1}\ddot{u}^{2}\right)\left(D - D_{1}\right)}{L_{\mu 1}\left(L_{\sigma 1}\ddot{u}^{2} + L_{a} + L_{\sigma 2}\right) + L_{\sigma 1}\left(L_{a} + L_{\sigma 2}\right)} - 1$$
(6.89)

Der Koeffizient vor der Kleinsignaländerung des Tastverhältnisses ist wie folgt definiert:

$$m_{1} = \frac{\left(L_{\mu 1}L_{\sigma 2} + L_{\sigma 1}L_{\sigma 2} + L_{\mu 1}L_{\sigma 1}\ddot{u}^{2}\right)U_{Ca} + U_{e}\ddot{u}L_{\mu 1}L_{a}}{L_{\mu 1}\left(L_{\sigma 1}\ddot{u}^{2} + L_{a} + L_{\sigma 2}\right) + L_{\sigma 1}\left(L_{a} + L_{\sigma 2}\right)}$$
(6.90)

Beim Zusammenfassen der Ersatzschaltbilder in *Abb. 6.4* und *Abb. 6.5* und nach dem Ersetzen der Kombination der abhängigen linearen Spannungs- und Stromquellen durch einen idealen Transformator erhält man das Kleinsignalmodell des erweiterten Durchflusswandlers. Dieses Modell wird in *Abb. 6.6* dargestellt.



Abb. 6.6: Kleinsignalmodell des erweiterten Durchflusswandlers

Durch Einsetzen von Gl. (6.58) in das Gleichungssystem Gl. (6.87) und (6.88) erhält man ein Gleichungssystem mit zwei Unbekannten: $\hat{i}_{La}(s), \hat{u}_{Ca}(s)$. Die Lösung des Gleichungssystems nach $\hat{u}_{Ca}(s)$ wird in Gl. (6.58) eingesetzt. Anschließend wird Gl. (6.58) nach $\hat{u}_{Cc}(s)$ gelöst. Mit Berücksichtigung der Gleichung:

$$\hat{u}_a(s) = \hat{u}_{Ca}(s) + \hat{u}_{Cc}(s) \tag{6.91}$$

wird die Kleinsignaländerung der Ausgangsspannung des erweiterten Durchflusswandlers berechnet:

$$\hat{u}_a(s) = G_{Vd}(s)\hat{d}(s) + G_{Vg}(s)\hat{u}_e(s)$$
(6.92)

Hier sind:

$$G_{Vd}(s) = G_{Vd0} \frac{a_{2d}s^2 + a_{1d}s + 1}{b_{2d}s^2 + 1}$$
(6.93)

mit

6 Regelung des erweiterten Durchflusswandlers

$$G_{Vd0} = \frac{\left(U_{e}\ddot{u}L_{\mu1}L_{a} + U_{Ca}\left(L_{\mu1}L_{\sigma2} + L_{\sigma1}L_{\sigma2} + L_{\mu1}L_{\sigma1}\ddot{u}^{2}\right)\right)^{2}}{U_{e}\ddot{u}L_{\mu1}L_{a}\left(L_{\mu1}\left(L_{\sigma1}\ddot{u}^{2} + L_{a} + L_{\sigma2}\right) + L_{\sigma1}\left(L_{a} + L_{\sigma2}\right)\right)} - U_{e}^{2}L_{a}^{2}L_{\mu1}^{2}\ddot{u}^{2} + \left(-2\ddot{u}L_{\mu1}^{2}L_{a}L_{\sigma2} - 2\ddot{u}^{3}L_{\mu1}^{2}L_{a}L_{\sigma1} - 2L_{\sigma1}L_{\sigma2}\ddot{u}L_{\mu1}L_{a}\right)U_{Ca}U_{e} + U_{e}\left(j_{2}L_{\mu1}^{2}L_{a}^{2}R_{L}\ddot{u} + j_{2}L_{\sigma1}L_{a}^{2}R_{L}\ddot{u}L_{\mu1} + j_{2}L_{\mu1}^{2}L_{\sigma1}L_{a}R_{L}\ddot{u}^{3}\right) + U_{e}\left(j_{2}L_{\mu1}^{2}L_{\sigma2}L_{a}R_{L}\ddot{u} + j_{2}L_{\sigma1}L_{\sigma2}L_{\mu1}L_{a}R_{L}\ddot{u}\right) - \left(L_{\mu1}^{2}L_{\sigma2}^{2} + L_{\mu1}^{2}L_{\sigma2}^{2}\ddot{u}^{4}\right)U_{Ca}^{2} - \left(2L_{\sigma1}^{2}L_{\sigma2}L_{\mu1}\ddot{u}^{2} + L_{\sigma1}^{2}L_{\sigma2}^{2} + 2L_{\sigma1}L_{\sigma2}^{2}L_{\mu1} + 2L_{\mu1}^{2}L_{\sigma1}L_{\sigma2}\ddot{u}\right)U_{Ca}^{2}$$

$$(6.94)$$

$$a_{2d} = \frac{\left(U_{Ca}\left(L_{\mu 1}L_{\sigma 2} + L_{\sigma 1}L_{\sigma 2} + L_{\mu 1}L_{\sigma 1}\ddot{u}^{2}\right) + U_{e}\ddot{u}L_{\mu 1}L_{a}\right)k_{7}j_{2}L_{a}C_{a}R_{L}}{\left(-L_{\mu 1}^{2}L_{a}^{2}r_{2}\ddot{u}^{2} - L_{\mu 1}^{2}L_{a}^{2}\ddot{u}^{2}R_{L}\right)U_{e}^{2} + \left(k_{9}U_{Ca} + k_{12}\right)U_{e} + k_{13}U_{Ca}^{2}}$$
(6.95)

$$a_{1d} = \frac{-j_{2}L_{a}R_{L}k_{7}\left(U_{Ca}\left(L_{\mu1}L_{\sigma2} + L_{\sigma1}L_{\sigma2} + L_{\mu1}L_{\sigma1}\ddot{u}^{2}\right) + U_{e}\ddot{u}L_{\mu1}L_{a}\right)}{\left(-L_{\mu1}^{2}L_{a}^{2}r_{2}\ddot{u}^{2} - L_{\mu1}^{2}L_{a}^{2}\ddot{u}^{2}R_{L}\right)U_{e}^{2} + \left(k_{9}U_{Ca} + k_{10}\right)U_{e} + k_{11}U_{Ca}^{2}} + \frac{-L_{a}r_{2}j_{2}\left(L_{\mu1}\left(L_{\sigma1}\ddot{u}^{2} + L_{a} + L_{\sigma2}\right) + L_{\sigma1}\left(L_{a} + L_{\sigma2}\right)\right)}{U_{e}\ddot{u}L_{\mu1}L_{a}\left(R_{L} + r_{2}\right) + \left(L_{\mu1}L_{\sigma2} + L_{\sigma1}L_{\sigma2} + L_{\mu1}L_{\sigma1}\ddot{u}^{2}\right)R_{L} + r_{2}U_{Ca}}$$

$$b_{2d} = \frac{\left(L_{\mu1}L_{\sigma2} + L_{\sigma1}L_{\sigma2} + L_{\mu1}L_{\sigma1}\ddot{u}^{2}\right)C_{a}U_{Ca}}{U_{e}\ddot{u}L_{\mu1}} + L_{a}C_{a}$$
(6.96)

In den Gl. (6.95) und (6.96) sind die Koeffizienten wie folgt definiert:

$$\begin{split} k_{12} &= R_L j_2 \Big(L_{\sigma 1} L_{\sigma 2} L_{\mu 1} L_a \ddot{u} + L_a{}^2 L_{\sigma 1} L_{\mu 1} \ddot{u} + L_{\mu 1}{}^2 L_a{}^2 \ddot{u} \Big) + R_L j_2 \Big(L_{\mu 1}{}^2 L_{\sigma 1} L_a \ddot{u}{}^3 + L_{\mu 1}{}^2 L_a L_{\sigma 2} \ddot{u} \Big); \\ k_7 &= L_{\mu 1} \Big(L_{\sigma 1} \ddot{u}{}^2 + L_a + L_{\sigma 2} \Big) + L_{\sigma 1} \big(L_a + L_{\sigma 2} \big); \\ k_9 &= -2L_{\sigma 1} L_{\sigma 2} L_{\mu 1} L_a \ddot{u} - 2L_{\mu 1}{}^2 L_{\sigma 2} L_a \ddot{u} - 2L_{\mu 1}{}^2 L_a L_{\sigma 1} \ddot{u}{}^3; \\ k_{13} &= \Big(-2L_{\sigma 1}{}^2 L_{\sigma 2} L_{\mu 1} \ddot{u}{}^2 - 2L_{\mu 1}{}^2 L_{\sigma 2} L_{\sigma 1} \ddot{u}{}^2 - L_{\mu 1}{}^2 L_{\sigma 1}{}^2 \ddot{u}{}^4 \Big) + \\ &+ \Big(-L_{\mu 1}{}^2 L_{\sigma 2}{}^2 - L_{\sigma 1}{}^2 L_{\sigma 2} L_{\mu 1} L_a \ddot{u} + L_a{}^2 L_{\sigma 1} L_{\mu 1} \ddot{u} + L_{\mu 1}{}^2 L_a{}^2 \ddot{u}{}^2 \Big) + \\ &+ \Big(j_2 R_L{}^2 + R_L r_2 \Big) \Big(L_{\sigma 1} L_{\sigma 2} L_{\mu 1} L_a \ddot{u}{}^3 + L_{\mu 1}{}^2 L_a L_{\sigma 2} \ddot{u}{}^2 \Big) \\ k_{11} &= \Big(-2L_{\sigma 1}{}^2 L_{\sigma 2} L_{\mu 1} \ddot{u}{}^2 - 2L_{\mu 1}{}^2 L_{\sigma 2} L_{\sigma 1} \ddot{u}{}^2 - L_{\mu 1}{}^2 L_{\sigma 1}{}^2 \ddot{u}{}^4 \Big) (r_2 + R_L) + \\ &+ \Big(-L_{\mu 1}{}^2 L_{\sigma 2}{}^2 - L_{\sigma 1}{}^2 L_{\sigma 2}{}^2 - 2L_{\mu 1} L_{\sigma 2}{}^2 L_{\sigma 1} \Big) (r_2 + R_L) \Big) \end{split}$$

Die berechnete Übertragungsfunktion in der Gl. (6.92), die das dynamische Verhalten des Wandlers bei Eingangsspannungsänderungen beschreibt, lautet:

$$G_{Vg}(s) = G_{Vg0} \frac{a_{2g}s^2 + a_{1g}s + 1}{b_{2g}s^2 + 1}$$
(6.98)

In der Gl. (6.98) ist der berechnete Verstärkungsfaktor der Übertragungsfunktion:

$$G_{Vg0} = \frac{U_{Ca} + U_e r_2 g_2}{U_e (R_L + r_2)}$$
(6.99)

In der Gl. (6.98) sind die berechneten Koeffizienten der Polynome wie folgt definiert:

$$a_{2g} = \left(L_{\mu 1}L_{a}U_{e}\ddot{u} + U_{Ca}\left(L_{\mu 1}L_{\sigma 2} + L_{\sigma 1}L_{\sigma 2} + L_{\mu 1}L_{\sigma 1}\ddot{u}^{2}\right)\right)\frac{r_{2}g_{2}C_{a}}{L_{\mu 1}\ddot{u}(U_{e}r_{2}g_{2} + U_{Ca})}$$
(6.100)
$$a_{1g} = \left(L_{\mu 1}L_{a}U_{e}\ddot{u} + U_{Ca}\left(L_{\mu 1}L_{\sigma 2} + L_{\sigma 1}L_{\sigma 2} + L_{\mu 1}L_{\sigma 1}\ddot{u}^{2}\right)\right)\frac{r_{2}^{2}g_{2}}{(r_{2} + R_{L})L_{\mu 1}\ddot{u}R_{L}(r_{2}g_{2}U_{e} + U_{Ca})}$$

$$a_{1g} = \left(L_{\mu 1}L_{a}U_{e}\ddot{u} + U_{Ca}\left(L_{\mu 1}L_{\sigma 2} + L_{\sigma 1}L_{\sigma 2} + L_{\mu 1}L_{\sigma 1}\ddot{u}^{2}\right)\right)\frac{r_{2}^{2}g_{2}}{(r_{2} + R_{L})L_{\mu 1}\ddot{u}R_{L}(r_{2}g_{2}U_{e} + U_{Ca})}$$

$$(6.102)$$

$$b_{2g} = \left(L_{\mu 1}L_{a}U_{e}\ddot{u} + U_{Ca}\left(L_{\mu 1}L_{\sigma 2} + L_{\sigma 1}L_{\sigma 2} + L_{\mu 1}L_{\sigma 1}\ddot{u}^{2}\right)\right)\frac{C_{a}}{U_{e}\ddot{u}L_{\mu 1}}$$
(6.103)

Die Parameter der Übertragungsfunktionen, die das dynamische Verhalten des Wandlers beschreiben, sollen im Bereich der Eingangsspannungsänderung und Laständerung bei der Ausgangsspannung von 375V ermittelt werden. Aus der *Abb.* 5.27A sieht man, dass die Ausgangsspannung von 375V von 1,6A bis 2,7A bei U_e =15V und von 2,2A bis 2,7A bei U_e =15V (im Bereich der Gültigkeit des dynamischen Modells des Wandlers: kontinuierlicher Strom durch die Drossel L_a) erreicht wird. Die entsprechenden Tastverhältnisse betragen laut *Abb.* 5.27 0,6 und 0,7 für U_e =15V und 0,27; 0,3 für U_e =30V. *Tab.* 6.2 zeigt die berechneten Koeffizienten der Polynome und Verstärkungsfaktoren der Übertragungsfunktionen, die durch Gl. (6.93), (6.98) definiert sind, für die ausgewählten Arbeitspunkte.

Tab. 6.2: Berechnete Parameter der Übertragungsfunktionen des erweiterten Durchflusswandlers

Parameter Arbeits- punkt	<i>G_{Vd0}</i> (V)	G_{Vg0}	a_{2d} (s ²)	<i>a</i> _{1d} (s)	b_{2d} (s^2)	b_{2g} (s ²)	a_{1g} (s)	a_{2g} (s ²)
$U_e = 15V, D = 0.6,$ I = 1.6A	1028	77,9	$2,17 \cdot 10^{-8}$	$6,07 \cdot 10^{-6}$	3,31.10 ⁻⁸	3,31·10 ⁻⁸	$1,14 \cdot 10^{-5}$	$3,79 \cdot 10^{-8}$
$U_e = 30V, D = 0,27,$ I = 2,2A	1894	13,2	$2,07 \cdot 10^{-8}$	6,26·10 ⁻⁶	2,9.10 ⁻⁸	2,9.10 ⁻⁸	1,17.10 ⁻⁵	3,872 · 10 ⁻⁸

6.3 Reglerdimensionierung

Für die Analyse der Stabilität des geschlossenen Regelkreises ist die Berechnung der Übertragungsfunktion des geschlossenen Regelkreises erforderlich. Der Regelkreis mit einem einfach praktisch implementierbaren PI (<u>p</u>roportional-<u>i</u>ntegralen)-Regler wird analysiert. Die Übertragungsfunktion des geschlossenen Regelkreises ist:

$$G_{\omega}(s) = \frac{G_{R}(s)G_{Vd}(s)\frac{1}{U_{pwm}}}{1 + G_{R}(s)G_{Vd}(s)\frac{1}{U_{pwm}}}$$
(6.104)

Hier ist die Übertragungsfunktion des Reglers:

$$G_R(s) = K_p + \frac{K_i}{s} \tag{6.105}$$

Beim Einsetzen der Gl. (6.93) in die Gl. (6.104) wird die Übertragungsfunktion des geschlossenen Regelkreises wie folgt ermittelt:

$$G_{\omega}(s) = \frac{a_{3\omega}s^3 + a_{2\omega}s^2 + a_{1\omega}s + a_{0\omega}}{b_{3\omega}s^3 + b_{2\omega}s^2 + b_{1\omega}s + b_{0\omega}}$$
(6.106)

mit den Koeffizienten:

$$\begin{aligned} a_{3\omega} &= G_{Vd0} a_{2d} K_p, a_{2\omega} = G_{Vd0} \left(a_{2d} K_i + a_{1d} K_p \right), a_{0\omega} = b_{0\omega} = G_{Vd0} K_i, \\ a_{1\omega} &= G_{Vd0} \left(a_{1d} K_i + K_p \right), b_{3\omega} = U_{pwm} b_{2d} + G_{Vd0} a_{2d} K_p, b_{2\omega} = G_{Vd0} \left(a_{2d} K_i + a_{1d} K_p \right), \\ b_{1\omega} &= G_{Vd0} K_p + U_{pwm} + G_{Vd0} K_i a_{1d}. \end{aligned}$$

Nach dem Hurwitz-Kriterium sind für asymptotische Stabilität folgende Bedingungen zu erfüllen: $b_{3\omega} > 0, b_{2\omega} > 0, b_{1\omega} > 0, b_{0\omega} > 0, b_{1\omega}b_{2\omega} - b_{3\omega}b_{0\omega} > 0$. Mit obigen Koeffizienten folgt daraus:

$$K_{i} > 0$$

$$U_{pwm}b_{2d} + G_{Vd0}a_{2d}K_{p} > 0$$

$$G_{Vd0}(a_{2d}K_{i} + a_{1d}K_{p}) > 0$$

$$G_{Vd0}K_{p} + U_{pwm} + G_{Vd0}K_{i}a_{1d} > 0$$

$$G_{Vd0}^{2}K_{i}^{2}a_{1d}a_{2d} + ((G_{Vd0}^{2}a_{1d}^{2} + G_{Vd0}^{2}a_{2d})K_{p} + U_{pwm}G_{Vd0}a_{2d})K_{i}$$

$$+ G_{Vd0}^{2}K_{p}^{2}a_{1d} + (U_{pwm}G_{Vd0}a_{1d} - b_{0\omega}G_{Vd0}a_{2d})K_{p} - b_{0\omega}U_{pwm}b_{2d} > 0$$

Aus den ersten vier Bedingungen folgt: $K_p > 0, K_i > 0$. Die Lösung der fünften Ungleichung ist:

$$K_{i} < \frac{-U_{pwm}a_{2d} + U_{pwm}b_{2d}}{2a_{2d}a_{1d}G_{Vd0}} - \frac{a_{1d}^{2}}{2a_{2d}a_{1d}}K_{p} - \sqrt{A_{1}}$$

mit

$$A_{1} = U_{pwm}^{2} a_{2d}^{2} - 2U_{pwm} a_{2d} a_{1d}^{2} G_{Vd0} K_{p} - 2U_{pwm}^{2} a_{2d} b_{2d} + a_{1d}^{4} G_{Vd0}^{2} K_{p}^{2} - 2K_{p} a_{1d}^{2} b_{2d} G_{Vd0} U_{pwm} + U_{pwm}^{2} b_{2d}^{2} - 4a_{2d} a_{1d}^{2} G_{Vd0}^{2} K_{p}^{2}.$$

Wenn die drei oben genannten Bedingungen erfüllt sind, dann ist der geschlossene Regelkreis asymptotisch stabil. *Abb. 6.7* zeigt den berechneten Stabilitätsbereich des geschlossenen Regelkreises.



Abb. 6.7: Bereich stabiler Reglereinstellwerte für verschiedene Eingangsspannungen

Die Störeinflüsse in der Form von Eingangsspannungsänderungen sollen einen möglichst kleinen Einfluss auf den Istwert der Spannung haben. Deshalb soll der Regler für ein möglichst günstigstes Störungsverhalten entworfen werden. Für einen solchen Entwurf ist die Störübertragungsfunktion des Regelkreises erforderlich. Sie kann wie folgt berechnet werden:

$$G_{Z}(s) = \frac{G_{Vg}(s)}{1 + G_{R}(s)G_{Vd}(s)\frac{1}{U_{pwm}}}$$
(6.107)

Beim Einsetzen der Gl. (6.93) und (6.98) in die Gl. (6.107) wird die Störübertragungsfunktion des geschlossenen Regelkreises wie folgt ermittelt:

$$G_Z(s) = \frac{a_{5z}s^5 + a_{4z}s^4 + a_{3z}s^3 + a_{2z}s^2 + a_{1z}s}{b_{5z}s^5 + b_{4z}s^4 + b_{3z}s^3 + b_{2z}s^2 + b_{1z}s + b_{0z}}$$
(6.108)

mit Koeffizienten:
$$a_{5z} = U_{pwm}G_{Vg0}b_{2d}a_{2d}, a_{4z} = U_{pwm}G_{Vg0}b_{2d}a_{1g},$$

 $a_{3z} = U_{pwm}G_{Vg0}b_{2d} + U_{pwm}G_{Vg0}a_{2g}, a_{2z} = U_{pwm}G_{Vg0}a_{1g}, a_{1z} = U_{pwm}G_{Vg0},$
 $b_{5z} = G_{Vd0}a_{2d}b_{2g}K_p + U_{pwm}b_{2d}b_{2g}, b_{4z} = G_{Vd0}a_{1d}b_{2g}K_p + G_{Vd0}K_ia_{2d}b_{2g},$
 $b_{3z} = G_{Vd0}K_pb_{2g} + U_{pwm}b_{2g} + G_{Vd0}K_ia_{1d}b_{2g} + G_{Vd0}K_pa_{2d} + U_{pwm}b_{2g},$
 $b_{2z} = G_{Vg0}K_ib_{2g} + G_{Vd0}K_pa_{1d} + G_{Vd0}K_ia_{2d}, b_{1z} = G_{Vd0}K_p + U_{pwm} + G_{Vd0}K_ia_{1d},$
 $b_{0z} = G_{Vd0}K_i.$

Abb. 6.8 zeigt die berechneten Amplituden- und Phasengang der Störübertragungsfunktion für die in der *Tab.* 6.2 dargestellten Parameter der Übertragungsfunktionen des Wandlers.



Abb. 6.8: Amplituden- und Phasengang der Störübertragungsfunktion ($U_e=15V$; I=1,6A; D=0,6)

Aus der *Abb. 6.8* sieht man, dass die Störübertragungsfunktion im Niederfrequenzbereich (bis 1000 rad/s) als ein DT_1 -Glied (differenzierend wirkendes Glied mit der Zeitverzögerung) mit der folgenden Übertragungsfunktion dargestellt werden kann:

$$G_Z(s) \approx \frac{a_{1z}s}{b_{1z}s + b_{0z}}$$
 (6.109)

Die normierte Übertagungsfunktion dieses Gliedes ist:

$$G_Z(s) \approx \frac{a_{1z}}{b_{1z}} \frac{\frac{b_{1z}}{b_{0z}}s}{\frac{b_{1z}}{b_{0z}}s + b_{0z}}$$
(6.110)

In der Gl. (6.110) wird die Überschwingweite der Ausgangsspannung bei einer sprungartigen Eingangsspannungsänderung wie folgt definiert:

$$e_{u_a} = \frac{a_{1z}}{b_{1z}} \Delta U_e \tag{6.111}$$

Die Ausregelzeit der Ausgangsspannung bei einer sprungartigen Eingangsspannungsänderung ist die Zeitkonstante des durch die Gl. (6.110) definierten DT₁-Gliedes:

$$t_{aus} = \frac{b_{1z}}{b_{0z}}$$
(6.112)

Beim Einsetzen der Parameter der durch die Gl. (6.108)definierten Übertragungsfunktion in die Gl. (6.111), (6.112) erhält man die Überschwingweite und Ausgangsspannung Ausregelzeit der und bei einer sprungartigen Eingangsspannungsänderung als Funktionen der Reglerparameter und Parameter der Übertragungsfunktionen des Wandlers:

$$e_{u_a} = \frac{U_{pwm} G_{Vg0} \Delta U_e}{G_{Vd0} (K_p + K_i a_{1d}) + U_{pwm}}$$
(6.113)

$$t_{aus} \approx \frac{G_{Vd0}(K_p + K_i a_{1d}) + U_{pwm}}{G_{Vd0}K_i}$$
(6.114)

Abb. 6.9 zeigt die gemäß der Gl. (6.113) berechnete Überschwingweite der Ausgangsspannung als Funktion von den Reglerparametern bei einer sprungartigen Eingangsspannungsänderung. Man sieht, dass insbesondere die Erhöhung des Proportionalanteils die Auswirkung auf die Überschwingweite der Ausgangsspannung hat. Ein möglichst hoher Wert für den Proportionalanteil soll festgelegt werden, um die Überschwingweite der Ausgangsspannung zu verkleinern. Bei der Festlegung eines relativ hohen Wertes für den Proportionalanteil kann das Integralanteil aus Stabilitätsgründen nicht deutlich vergrößert werden, wie man aus *Abb. 6.7* sieht.



Abb. 6.9: Berechnete Abhängigkeit der Überschwingweite der Ausgangsspannung von den Reglerparametern bei einer sprungartigen Eingangsspannungsänderung von 15V bis 20V

Abb. 6.10 zeigt die gemäß der Gl. (6.114) berechnete Ausregelzeit der Ausgangsspannung in Abhängigkeit von den Reglerparametern bei einer sprungartigen Eingangsspannungsänderung.



Abb. 6.10: Berechnete Abhängigkeit der Ausregelzeit der Ausgangsspannung von den Reglerparametern bei einer sprungartigen Eingangsspannungsänderung von 15V bis 20V

Die Abb. 6.10 zeigt, dass die Erhöhung des Integralanteils zu einer Verringerung der Ausregelzeit der Ausgangsspannung führt. Die Festlegung von $K_p=2,5$ führt zu einer

relativ geringen Überschwingweite von 0,6V. Dabei kann das Integralanteil bis 4000 s⁻¹ vergrößert werden und der geschlossene Regelkreis ist im ganzen Bereich der Eingangsspannungsänderung stabil, wie man aus Abb. 6.7 sieht. Das ist ausreichend, um die Ausregelzeit um die 2ms zu gewährleisten. Die folgenden Reglerparameter werden $K_i = 3000 \text{ s}^{-1}$. Abb. $K_{p}=2,5,$ 6.11 deshalb festgelegt: zeigt die simulierte Ausgangsspannung bei einem Sollwertsprung von 0 auf 375V und einer Eingangsspannung von 24V, die nah an der Leerlaufspannung der BZ von 30V liegt. Bei einem Sollwert von 0V sind die Transistoren T₁ und T₂ ausgeschaltet. Der Kondensator C_c wird aufgeladen, bis die Spannung über diesem Kondensator die Eingangsspannung erreicht hat. Danach ist die Spannung über den Kondensator C_c konstant vor der sprungartigen Sollwertänderung von 0 auf 375V. Man kann aus Abb. 6.11 entnehmen, dass die Ausgangsspannung relativ langsam dem Sollwert folgt, weil der Regler für die optimale Ausregelung von Störungen dimensioniert wurde. Das relativ langsame Führungsverhalten ist im betrachteten Fall nicht wichtig, weil die Sollwertänderung nur beim Einschalten der Schaltung auftritt.



Abb. 6.11: Simulierte Sollwert und Istwert der Ausgangsspannung bei einem Sollwertsprung von 0 auf 375V

Abb. 6.12 zeigt die simulierten Ausgangsspannung und Laststrom bei einer sprungartigen Eingangsspannungsänderung. Man sieht, dass die Ausgangsspannung mit einer Überschwingweite von 0,6V und einer Ausregelzeit von 2ms dem Sollwert folgt. Das entspricht den berechneten Werten in *Abb.* 6.9, *Abb.* 6.10.



Abb. 6.12: Simulierte Ausgangsspannung und Eingangsspannung bei einer sprungartigen Eingangsspannungsänderung von 15V bis 20V

Abb. 6.13 zeigt die simulierten Ausgangsspannung und Laststrom bei einer sprungartigen Laststromänderung. Die Überschwingweite der Ausgangsspannung von 0,25V und eine Ausregelzeit von 2ms sind bei der praktischen Realisierung zu erwarten.



Abb. 6.13: Simulierte Ausgangsspannung und Laststrom bei einem Lastsprung von 1,6A auf 2A

7 Praktische Realisierung des erweiterten Durchflusswandlers

7.1 Überblick über den gesamten Aufbau

Im Kapitel 7 werden der prinzipielle Aufbau des erweiterten Durchflusswandlers sowie entsprechende Messergebnisse dargestellt. Im Anhang 7 wird der Aufbau gezeigt und detaillierter beschrieben. Die Ziele der praktischen Realisierung sind:

- Nachweis der Funktionsweise der Schaltung,
- Vergleich der gemessenen und berechneten stationären Kennlinien,
- Nachweis der Funktionsweise der Schaltung im geregelten Betrieb.

Abb. 7.1 zeigt den Schaltplan des gesamten Aufbaus.



Abb. 7.1: Schaltplan des gesamten Aufbaus

7 Praktische Realisierung des erweiterten Durchflusswandlers

Der Aufbau besteht prinzipiell aus zwei Teilen:

- Leistungsteil,
- Ansteuerelektronik.

Der Leistungsteil besteht aus folgenden Komponenten:

- Netzteil für die Spannungsversorgung,
- Schaltung des erweiterten Durchflusswandlers,
- Lastwiderstand,
- Messgeräte.

Die Ansteuerelektronik besteht aus folgenden Komponenten:

- Doppelnetzteil,
- Mikrocontroller,
- zwei Spannungsüberwachungseinheiten,
- zwei Treiber.

7.2 Aufbau der Ansteuereinheit

Das Steuerungsalgorithmus ist mit Hilfe eines 16-Bit-Mikrocontrollers von FUJITSU des Typs MB90F352 programmiert worden. Für die Untersuchung des stationären Verhaltens wird im Programm ein bestimmtes festes Tastverhältnis für den Transistor T₁ vorgegeben. Für den geregelten Betrieb wurde im Mikrocontroller eine Regelung programmiert. Abb. 7.2 zeigt den Programmablaufplan der Regelung. Beim Einschalten der Schaltung wird zuerst der Kondensator Cc aufgeladen. Die Spannung am Kondensator C_c wird mit Hilfe der Spannungsüberwachungseinheit 1 mit der Abtastfrequenz von 20kHz überwacht. Um zu überprüfen, ob die Spannung über den Kondensator C_c ihren stationären Wert erreicht hat, wird im Programm die Differenz zwischen der erfassten Spannung im aktuellen Schritt und im vorherigen Schritt gebildet. Wenn die Differenz kleiner als die im Programm vorgegebene Zahl ist, hat die Spannung am Kondensator C_c ihren stationären Wert erreicht. Im nächsten Schritt wird die erfasste Spannung am Kondensator C_c mit der zulässigen Änderung der Eingangsspannung verglichen. Wenn sie in diesem Bereich liegt, wird der Sollwert von 0 auf 375V geändert und der Transistor T₂ wird eingeschaltet. Im Folgenden wird das Regleralgorithmus des programmierten PI-Reglers beschrieben.



/

Abb. 7.2: Programmablaufplan der Regelung

Die Spannung am Kondensator C_a wird mit Hilfe der Spannungsüberwachungseinheit 2 mit der Abtastfrequenz von 20kHz überwacht. Die überwachte Spannung wird mit einem Sollwert, der als eine feste Zahl im Programm definiert ist, verglichen. Die Differenz wird mit einem Proportionalkoeffizient des PI-Reglers und einem Integralkoeffizient multipliziert. Das Ergebnis ist das Ausgangssignal des Reglers. Dieses Signal wird durch das Programm begrenzt. Das Ausgangsignal des Integrators des PI-Reglers ist ebenfalls begrenzt. Dadurch wird das Tastverhältnis begrenzt mit dem Ziel, dass das Tastverhältnis im zulässigen Bereich von 0 bis zum Maximalwert bleibt.

7.3 Messergebnisse

7.3.1 Funktionsweise

Für den Nachweis der Funktionsweise der Schaltung werden die ausgewählten Verläufe der Ströme und Spannungen über die Leistungshalbleiter gemessen. *Abb. 7.3* zeigt die gemessenen Strom- und Spannungsverläufe laut der Schaltung des erweiterten Durchflusswandlers in *Abb. 5.16*. Die in *Abb. 7.3* gezeigten Verläufe erkennt man in der Theorie aus der *Abb. 5.17*.



Abb. 7.3: Gemessene Strom durch die Drossel L_a , Spannungen über die Dioden D_2 und D_c des erweiterten Durchflusswandlers

Die Unterschiede erkennt man in den etwas anderen Werten der Sperrspannung über die Diode D_c und etwas längeren Kommutierungszeiten bei den gemessenen Verläufen. Die Höhe der Sperrspannung über die Diode D_c ist von der Spannung über den Kondensator C_c abhängig. Die Kommutierungszeiten sind die Funktionen von der Spannungen über die Kondensatoren C_c und C_a . Die oben genannten Unterschiede zwischen den gemessenen und simulierten Verläufen können sich wegen der Unterschiede zwischen den gemessenen und simulierten Spannungen über die Kondensatoren C_c und C_a ergeben. Der gemessene Strom durch die Drossel L_a ist etwas kleiner als der durch Simulation ermittelte Strom. Der mögliche Grund dafür ist, dass nur die Leitverluste in den Leistungshalbleitern im Simulationsmodell berücksichtigt werden. Wegen der Schaltverluste wird weniger Leistung zum Ausgang übertragen, als in der Simulation.

Die in *Abb. 7.4* dargestellten gemessenen Verläufe der Spannung über einen MOSFET des Schalters T_1 und des Stroms durch die primäre Wicklung des Transformators entsprechen qualitativ den im theoretischen Teil simulierten Verläufen, *Abb. 5.18*.



Abb. 7.4: Gemessene Strom durch die primäre Wicklung des Transformators, Gate-Source-Spannung eines MOSFETs des Schalters T_1 und die Sperrspannung über den MOSFET des Schalters T_1 beim Ausschalten des Schalters T_1

Man sieht aus den Messergebnissen den in der Theorie dargestellten Kommutierungsvorgang des Stroms vom Zweig mit der Diode D_1 in den Zweig mit der Diode D_2 , *Abb. 5.18. Abb. 7.5* zeigt die gemessenen Strom durch die Diode D_c , die Spannung über einen MOSFET des Schalters T₁ und die Gate-Source-Spannung eines MOSFET des Schalters T₁. Man sieht, dass der Strom durch die Diode D_c zum Zeitpunkt des Abschaltens des Transistors T₁ zunächst ansteigt. Das ist die Kommutierungsphase des Stroms vom Zweig mit den MOSFETs während des Abschaltens des Schalters T₁ in den Zweig mit der Diode D_c. Wegen dieser Kommutierungsphase fließen der Strom durch die MOSFET und der Strom durch die Diode D_c im Kreis T₁-D_c-C_c. Der Strom über die MOSFET fällt ab und der Strom über die Diode D_c steigt an. Die Änderung des Stroms durch die parasitäre Induktivität dieses Kommutierungskreises ruft den Spannungsabfall hervor, welcher als Überspannung am Transistor T₁ zu sehen ist. Diese Überspannung sieht man nicht aus den Simulationsergebnissen, *Abb. 5.18*, weil ein idealer Schalter T₁ in der Simulation verwendet wurde.

Wenn der gemessene Strom durch den Schalter Null geworden ist, sind der Strom durch die primäre Wicklung und der Strom durch die Diode D_c gleich. Da der Strom durch die Diode D_1 bis Null abfällt, fällt auch der Strom durch die primäre Wicklung des Transformators, der durch die Diode D_c fließt, bis er dem Magnetisierungsstrom entspricht.



Abb. 7.5: Gemessener Strom durch die Diode D_c , Gate-Source-Spannung des MOSFET des Schalters T_1 und die Sperrspannung über den MOSFET des Schalters T_1 beim Ausschalten des Schalters T_1

Die Spannung über den Schalter T_1 ist während des Zeitabschnittes, in dem die Diode D_c leitet, auf die Spannung des Kondensators C_c geklemmt. Nach dem Zeitpunkt, zu
dem der Strom durch die primäre Wicklung und der Magnetisierungsstrom gleich geworden sind, fällt der Magnetisierungsstrom, der weiter durch die Diode D_c fließt, bis Null ab. Dann ist die Entmagnetisierungsphase abgeschlossen und die Sperrspannung am Transistor nimmt den Wert der Eingangsspannung an.

7.3.2 Schaltverhalten der MOSFET und der Gesamtwirkungsgrad

Die Schaltverluste müssen messtechnisch ermittelt werden, weil die Theorie Schaltverluste nicht berücksichtigt. Für die Ermittlung der Schaltverluste wird der Strom durch den Schalter T₁, der aus vier parallelgeschalteten MOSFET besteht, bestimmt. Die gleichzeitig gemessene Strom durch die primäre Wicklung des Transformators, Spannung der MOSFET des Schalters T₁ und Gate-Source-Spannung der MOSFET des Schalters T₁ wurden in *Abb. 7.4* dargestellt. Der Strom durch die Diode D_c, die Sperrspannung der MOSFET und die Gate-Source-Spannung der MOSFET des Schalters T₁ wurden ebenfalls gleichzeitig gemessen. Die entsprechenden Messergebnisse zeigte *Abb. 7.5*. Der aus der Differenz zwischen dem Strom durch die primäre Wicklung des Transformators und dem Strom durch die Diode D_c ermittelte Strom durch den Schalter T₁ ist in *Abb. 7.6* dargestellt.



Abb. 7.6: Ermittelter Strom durch den Schalter T_1 und gemessene Sperrspannung des MOSFET des Schalters T_1 (E_{sw} =690 μ J)

Aus der Sperrspannung der MOSFET des Schalters T_1 und dem Strom durch den Schalter T_1 wurden die gesamten Ausschaltverluste für die MOSFET des Schalters T_1 ermittelt. Die Ausschaltverluste sind erheblich, wie man sieht, weil der Strom bei der vollen Sperrspannung des Transistors abfällt. Der größte Anteil der Ausschaltverluste entsteht wegen der Überspannung über den MOSFET des Schalters T_1 , weil der Transistorstrom während des Zeitabschnittes, in dem diese Überspannung entsteht, noch relativ hoch ist. *Abb.* 7.7 zeigt das gemessene Einschaltverhalten des MOSFET.



Abb. 7.7: Gemessene Drain-Source-Spannung und Gate-Source-Spannung des MOSFETs vom Schalter T₁ und der Strom durch die primäre Wicklung des Transformators beim Einschalten des Schalters T₁

Man sieht, dass die Drain-Source-Spannung über den MOSFET des Schalters T_1 beim Einschalten bei einer konstanten Gate-Source-Plateauspannung abfällt. Der Strom durch die primäre Wicklung des Transformators beginnt erst anzusteigen, nachdem die Spannung über den MOSFET Null geworden ist. Zu diesem Zeitpunkt erreicht die Gate-Source-Spannung +10V. Das ist auf die Streuinduktivität des Transformators zurückzuführen. Die Einschaltverluste für einen solchen Schaltvorgang sind vernachlässigbar.

Abb. 7.8 zeigt die ermittelten Ausschaltverluste für die MOSFET des Schalters T_1 aufgrund der gemessenen Verläufe der Transistorspannung und der Sperrspannung am Transistor. Man sieht, dass die Schaltverluste bei einem bestimmten Tastverhältnis mit der Erhöhung des Laststroms ansteigen. Der maximale Strom, bei dem der Transistor abgeschaltet wird, wird höher. Dadurch wird auch die Überspannung am Transistor höher. Die Schaltverluste sind dem maximalen Transistorstrom und der Sperrspannung des Transistors proportional. Das ist die Ursache für die Steigerung der Schaltverluste

mit dem Laststrom. Eine weitere wichtige Erkenntnis ist ein Anstieg der Schaltverluste bei einem bestimmten Laststrom mit der Erhöhung des Tastverhältnisses. Ein Grund dafür ist, dass der maximale Strom durch den Transistor T_1 bei einem bestimmten Laststrom mit der Erhöhung des Tastverhältnisses höher wird.



Abb. 7.8: Messtechnisch ermittelte gesamte Schaltverluste in den MOSFET des Schalters T_1 in Abhängigkeit vom Laststrom und Tastverhältnis

Der Gesamtwirkungsgrad konnte aus dem gemessenen mittleren Strom durch die Drossel L_e , dem gemessenen Laststrom sowie Eingangs- und Ausgangsspannung für bestimmte Arbeitspunkte berechnet werden. *Abb.* 7.9 zeigt die Ergebnisse.



Abb. 7.9: Messtechnisch ermittelter Gesamtwirkungsgrad des erweiterten Durchflusswandlers bei verschiedenen Eingangsspannungen in Abhängigkeit vom Laststrom und Tastverhältnis

7 Praktische Realisierung des erweiterten Durchflusswandlers

Der Wirkungsgrad der Schaltung ist mit der Verkleinerung des Laststroms bei einem bestimmten Tastverhältnis günstiger, weil die Leitverluste mit der Verringerung des Maximalstroms des Transistors kleiner werden. Die Schaltverluste werden mit der Verringerung des Maximalstroms auch geringer, weil die Spannung am Transistor im Lastbereich von 0,8A bis 1,2A noch relativ schwach ansteigt. Die Leitverluste und Schaltverluste steigen bei einem bestimmten Tastverhältnis mit der Erhöhung des Laststromes an. Deshalb fällt der Wirkungsgrad mit der Erhöhung des Laststroms ab. Mit der Erhöhung des Tastverhältnisses bei einer konstanten Last wird der Wirkungsgrad etwas schlechter, weil die Schaltverluste und Leitverluste mit der Erhöhung der Sperrspannung über die MOSFET des Schalters T₁ beim Ausschalten und mit der Erhöhung des Maximalstroms durch den Transistor T1 höher sind. Mit der Verringerung der Eingangsspannung werden die Leitverluste geringer. Deshalb verbessert sich der Wirkungsgrad mit der Verkleinerung der Eingangsspannung. Die gemessenen Werte für den Wirkungsgrad sind etwas niedriger als die Werte, die sich aus der Summe der gemessenen Schaltverluste (Abb. 7.8) und der berechneten gesamten Leitverluste in den Transistoren (Abb. 5.26) ergeben. Diese Differenz entsteht wegen der beim praktischen Aufbau entstehenden Leitverluste und Schaltverluste in den Dioden, Verlusten im Transformator, ohmschen Verlusten im Eingangsfilter, Ansteuerverlusten.

7.3.3 Stationäre Kennlinien

Die Abb. 7.10 zeigt die gemessene Ausgangsspannung in Abhängigkeit vom Laststrom bei verschiedenen Eingangsspannungen im Bereich von 15V bis 30V. Beim Vergleich von in Abb. 7.10 dargestellten Kennlinien mit den berechneten Kennlinien in Abb. 5.27 wurde festgestellt, dass die gemessene Ausgangsspannung niedriger als die berechnete ist. Ein Grund dafür ist, dass die Schaltverluste in der Theorie nicht berücksichtigt wurden. Abb. 7.8 zeigte die gemessenen Schaltverluste. Der Unterschied beträgt z.B. bei $U_e=15V$ im Arbeitspunkt (D=0,3, I=1,2A) 39V. Beim einem Laststrom von 1,2A entspricht diese Spannung der Leistung von 46,8W, die zum Ausgang wegen der Schaltverluste und anderen Verluste beim praktischen Aufbau nicht übertragen wird. Man erkennt aus der Abb. 7.8, dass die gemessenen Schaltverluste bei der Eingangsspannung von 15V im Nennarbeitspunkt (D=0,3, I=1,2A) 42W betragen. Der Unterschied zwischen der gemessenen und berechneten Ausgangsspannung ist davon



abhängig, wie sich die Schaltverluste, Leitverluste und sonstige Verluste bei verschiedenen Lastströmen ändern.

B)

Abb. 7.10: Gemessene Ausgangsspannung des erweiterten Durchflusswandlers als Funktion des Laststroms bei verschiedenen Tastverhältnissen und Eingangsspannungen

Die Abb. 7.11 zeigt die gemessenen Spannungen am Kondensator C_a in Abhängigkeit vom Laststrom bei verschiedenen Eingangsspannungen im Bereich von 15V bis 30V. Beim Vergleich von in Abb. 7.11 dargestellten Kennlinien mit den berechneten Kennlinien in Abb. 5.22 wurde festgestellt, dass die gemessene Spannung über den Kondensator C_a etwas niedriger als die berechnete ist.







Abb. 7.11: Gemessene Spannung am Kondensator C_a als Funktion des Laststroms bei verschiedenen Tastverhältnissen und Eingangsspannungen

Die Abb. 7.12 zeigt die gemessenen Spannungen am Kondensator C_c in Abhängigkeit vom Laststrom bei verschiedenen Eingangsspannungen im Bereich von 15V bis 30V. Beim Vergleich von in Abb. 7.12 dargestellten Kennlinien mit den berechneten Kennlinien in Abb. 5.23 wurde festgestellt, dass die gemessene Spannung über den Kondensator C_c etwas niedriger als die berechnete ist. Der Unterschied zwischen den gemessenen und berechneten Spannungen über die Kondensatoren C_c und C_a ist von der





B)

Abb. 7.12: Gemessene Spannung am Kondensator C_c als Funktion des Laststromes bei verschiedenen Tastverhältnissen und Eingangsspannungen

7.3.4 Regelung

Die Funktionsweise der Regelung wurde mit Hilfe der Messung der Ausgangsspannung bei einem Sollwertsprung und einem Sollwertabwurf nachgewiesen. *Abb.* 7.13 zeigt die gemessene Ausgangsspannung bei einer sprungartigen Sollwertänderung von 0 auf 375V. Die Messergebnisse stimmen qualitativ mit den entsprechenden Simulationsergebnissen, *Abb. 6.11*, sehr gut überein. Der quantitative Unterschied ist, dass die gemessene Ausgangsspannung etwas schneller als die simulierte Ausgangsspannung dem Sollwert folgt.



Abb. 7.13: Gemessene Ausgangsspannung bei einer sprungartigen Sollwertänderung von 0V bis 375VDie gemessene Ausgangsspannung und Laststrom bei einem Lastsprung sind in Abb.7.14 dargestellt.



Abb. 7.14: Gemessene Ausgangsspannung und Spannung und Laststrom bei einer sprungartigen Laststromänderung

Man sieht, dass die Ausgangsspannung sehr schnell ohne Überschwingung auf 375V ausgeregelt wird. Die Messergebnisse stimmen qualitativ mit den entsprechenden Simulationsergebnissen, Abb. 6.13, sehr gut überein. Der quantitative Unterschied ist, dass die gemessene Ausregelzeit etwas größer als bei der Simulation ist. Ein Grund für die Unterschiede zwischen den Simulations- und Messergebnissen könnte darin liegen, dass Modell die das regelungstechnische parasitäre Induktivität des Kommutierungskreises T_1 - D_c - C_c nicht berücksichtigt. Diese Induktivität hat einen Einfluss auf das dynamische Verhalten des Wandlers bei Sollwertänderungen und Laständerungen. Die gemessenen Ausgangsspannung und Spannung über den Filterkondensator C_e (siehe Abb. 5.8) bei einer sprungartigen Eingangsspannungsänderung sind in Abb. 7.15 dargestellt.



Abb. 7.15: Gemessene Ausgangsspannung und Spannung über den Kondensator C_e bei einer sprungartigen Eingangsspannungsänderung

Die gemessene Ausgangsspannung stimmt mit der simulierten in *Abb. 6.12* gut überein. Die parasitäre Induktivität des Kommutierungskreises T_1 - D_c - C_c hat voraussichtlich nicht so starken Einfluss auf das dynamische Verhalten des Wandlers bei Eingangsspannungsänderungen.

8 Zusammenfassung

Die Brennstoffzelle stellt mit ihrem hohen Wirkungsgrad und ihrem modularen Aufbau eine attraktive Option für die Verwendung in einem dezentralen wichtige Komponente Energieversorgungssystem Eine des dezentralen dar. Energieversorgungssystems sind die leistungselektronischen Stellglieder für die Einspeisung der elektrischen Energie aus der Brennstoffzelle in das dreiphasige Netz.

Die leistungselektronischen Stellglieder können aus einem undirektionalen DC/DC-Wandler und einem nachgeschalteten Wechselrichter realisiert werden. Die Entwicklung des DC/DC-Wandlers mit einem möglichst geringeren Bauelemente- und Steuerungsaufwand für diese leistungselektronischen Stellglieder und die Anpassung des DC/DC-Wandlers an die Eigenschaften der Brennstoffzelle war das Ziel dieser Arbeit.

Im Abschnitt 4 werden die ausgewählten DC/DC-Wandlerschalungstopologien hinsichtlich des Aufwandes für die Realisierung, elektrischen Beanspruchungen der Bauelemente und des Wirkungsgrades verglichen. Die Ergebnisse haben gezeigt, dass die günstigste Schaltungstopologie der stromgespeiste Vollbrückenwandler ist. Die Nachteile dieser Schaltung sind ein relativ hoher Bauelemente- und Ansteueraufwand. Deshalb besteht ein Bedarf an einer neuen Schaltung, die durch einen geringen Bauelementeaufwand gekennzeichnet ist. In dieser Arbeit wird eine neue DC/DC-Wandlerschaltung vorgeschlagen. Der erweiterte Durchflusswandler konnte aus der Schaltung des Durchflusswandlers mit einem Transistor abgeleitet werden. Der Vorteil dieser Schaltung gegenüber dem stromgespeisten Vollbrückenwandler ist, dass keine zusätzliche Clamping-Schaltung für die Begrenzung der Überspannung, die am Transistor wegen den Streuinduktivitäten des Transformators entsteht, erforderlich ist. Allerdings gewährleistet der erweiterte Durchflusswandler keine galvanische Trennung, obwohl er einen isolierten Transformator enthält. Die variable Spannung von zwei seriell geschalteten Brennstoffzellen mit einem geerdeten Mittelpunkt wird mit Hilfe von zwei erweiterten Durchflusswandlern in eine stabile Zwischenkreisspannung für den Wechselrichter umgewandelt.

8 Zusammenfassung

Um die Entwicklung der Schaltung theoretisch zu begleiten, wurde eine mathematische Analyse des stationären Verhaltens der Schaltung durchgeführt. Diese Analyse hat gezeigt, dass die Streuinduktivität des Transformators minimiert werden muss, um Bauelemente einer möglichst niedrigen Spannungsklasse für den Haupttransistor einsetzen zu können. Deshalb ist eine der wichtigsten Aufgaben beim die Minimierung der Streuinduktivitäten des Aufbau Transformators. Die mathematische Analyse hat auch gezeigt, dass die Schaltung im Nennarbeitspunkt $(P_a=1kW)$ bei einem diskontinuierlichen Magnetisierungsstrom und einem kontinuierlichen Strom durch die Ausgangsinduktivität arbeitet. Für diesen Betriebsfall ist das Kleinsignalmodell des erweiterten Durchflusswandlers im Abschnitt 6 entwickelt worden. Dieses Modell ermöglichte die Reglerdimensionierung für möglichst schnelle Ausregelung der Ausgangsspannung bei Laständerungen.

Die messtechnischen Untersuchungen haben gezeigt, dass der Wirkungsgrad der Schaltung im Nennarbeitsbereich unter 80% liegt. Dieser Wert ist deutlich niedriger im Vergleich zu den Werten von bereits auf dem Markt befindlichen DC/DC-Wandlern für die Brennstoffzelle. Der Aufwand an die Leistungshalbleiter ist beim erweiterten Durchflusswandler etwas höher als beim stromgespeisten Vollbrückenwandler. Für den Transformator wird doppelt so viel Kernmaterial im Vergleich zum stromgespeisten Vollbrückenwandler benötigt. Der stabile geregelte Betrieb und Unempfindlichkeit der Schaltung gegenüber Eingangsspannungs- und Laständerungen konnte mit einem relativ einfachen PI-Regler erreicht werden.

Insgesamt ist die Untersuchung einer neuen DC/DC-Wandlerschaltung und Vergleich dieser Schaltung mit bekannten DC/DC-Wandlerschaltungen für die Brennstoffzelle dargestellt worden. Ein Problem stellt die Verbesserung des Wirkungsgrades der Schaltung dar, dessen Lösung in zukünftigen Arbeiten verfolgt werden könnte. Die Verbesserung des Wirkungsgrades könnte durch die Minimierung der Streuinduktivitäten des Transformators und die Optimierung des gesamten Aufbaudesigns erreicht werden.

151

Literaturverzeichnis

[1] Simader, G. R., Heissenberger, Th.

Brennstoffzellen-Systeme: Energietechnik der Zukunft Berichte aus Energie- und Umweltforschung (BMVIT), Wien Verlag, Wien, 2000

[2] Hirschenhofer, J. H., Staufer, D. B., Englemann, R. R., Klett, M. G. Fuel cell handbook, fourth edition Parsons Corporation Verlag, Morgantown, West Virginia, 1998

[3] Purmann, M., Styczynski, Z.

Influence of the process parameters on the dynamic behaviour of a PEM-fuel cell

Proc. of the International Symposium Modern Electric Power Systems (MEPS), 2002, pp. 425-428, Wroclaw, Poland

[4] Nergaard, T., Ferrell, J. F., Leslie, L., Lai, J.

Design Considerations for a 48 V fuel cell to split single phase inverter system with ultracapacitor energy storage IEEE Power Electronics Specialists Conference (PESC), 2002, Vol. 4, pp. 2007-2012

[5] Smedley, K.

One cycle control and its applications in power quality control and renewable power generation Applied Power Electronics Conference (APEC), 2005, Vol. 3, pp. 2999-3007

[6] Krewitt, W., Pehnt, M., Fischedick, M., Temming, H. V. Brennstoffzellen in der Kraft-Wärme-Kopplung Erich Schmidt Verlag, Berlin, 2004

[7] Pai, M. A. Challenges in system integrati

Challenges in system integration of distributed generation with the grid IEEE PES Summer Meeting, 2002

[8] Mohr, M., Fuchs, F.W.

Dimensioning of a Current Source Inverter for the Feed-in of Electrical Energy from Fuel Cells to the Mains Nordic Symposium on Power and Industrial Electronics (NORPIE), 2004, Trondheim (Norway), Proceedings on CD-ROM

[9] Klumpner, C.

A new single-stage current source inverter for photovoltaic and fuel cell applications using reverse blocking IGBTs Power Electronic Specialists Conference (PESC), 2007, pp. 1683-1689

[10] Mohr, M., Fuchs, F.W.

Comparison of three phase current source inverters and voltage source inverters linked with DC to DC boost converters for fuel cell generation systems European Conference on Power Electronics and Applications (EPE), 2005, pp. 1-10

[11] Lee, J., Jo, J., Choi, PP., Han, PP.-B.

A 10-kW SOFC Low-Voltage Battery Hybrid Power Conditioning System for Residential Use IEEE Transactions on Energy Conversion, 2006, Vol. 21, Issue 2, pp. 575- 585

[12] Ahmed, M., Saha, B., Miyatake, M., Lee, H. W., Nakaoka, M.

Advanced single-stage soft switching PWM power conditioner with coupled inductor PWM boost chopper cascaded PWM inverter and time-sharing sinusoidal follow-up control scheme Power Electronics Specialists Conference (PESC), 2006, pp. 1-7

[13] Santi, E., Franzoni, D., Monti, A., Patterson, D., Ponci, F., Barry, N. *A fuel cell based domestic uniterruptible power supply* IEEE Applied Power Electronics Conference (APEC), 2002, Vol.1, pp. 605-613

- [14] Gopinath, R., Kim, PP., Hahn, J., Webster, M., Burghardt, J.
 Development of a low cost fuel cell inverter system with DSP control IEEE Power Electronics Specialists Conference (PESC), 2002, Vol.1, pp. 309-314
- [15] Wang, J., Peng, F. Z., Anderson, J., Joseph, A., Buffenbarger, R. Low cost fuel cell inverter system for residential power generation IEEE Applied Power Electronics Conference (APEC), 2004, pp. 367-373
- [16] Napoli, A. D., Crescimbini, F., Rodo, PP., Solero, L. Multiple input DC-DC power converter for fuel-cell powered hybrid vehicles Power Electronics Specialists Conference (PESC), 2002, Vol. 4, pp. 1685-1690
- [17] Solero, L., Lidozzi, A., Pomilo, J. A.
 Design of multiple-input power converter for hybrid vehicles
 IEEE Applied Power Electronics Conference (APEC), 2004, Vol. 2, pp. 1145-1151
- [18] Kotsopoulos, A., Duarte, J. L., Hendrix, M. A. M. A converter to interface ultra-capacitor energy storage to a fuel cell system IEEE International Symposium on Industrial Electronics (ISIE), 2004, Vol. 2, pp. 827-832

 [19] Ozpineci, B., Tolbert, L.M., Zhong Du *Multiple Input Converters for Fuel Cells* Conference Record of the 2004 Industry Applications Conference, 2004, 39th IAS Annual Meeting, Vol. 2, pp. 791-797

[20] Michon, M., Duarte, J. L., Hendrix, M., Simoes, M. G. *A three-port bi-directional converter for hybrid fuel cell systems* Power Electronics Specialists Conference (PESC), 2004, pp. 4736-4742

[21] Zhao, C., Kolar, J. W.

A novel three-phase three-port UPS employing a single high-frequency isolation transformer Power Electronics Specialists Conference (PESC), 2004, pp. 4135-4141

[22] Matsuo, H., Lin, W., Kurokawa, F., Shigemizu, T., Watanabe, N. Characteristic of the multiple-input DC-DC converter IEEE Transactions on Industrial Electronics, 2004, Vol. 51, No. 3, pp. 625-631

[23] Chen, Y. M., Liu, Y. C., Wu, F.Y.

Multi-input DC/DC converter based on multiwinding transformer for renewable energy applications IEEE Transactions on Industry Applications, 2002, Vol. 38, No. 43, pp. 1096-1104

[24] Haimin, T., Duarte, L., Marcel, A.M.

High-resolution phase shift and digital implementation of a fuel cell powered UPS system European Conference on Power Electronics and Applications (EPE), 2007, pp. 1-10

[25] Tao, H., Kotsopoulos, A., Duarte, J.L., Hendrix, M.A.M.

Multi-input bidirectional DC-DC converter combining DC-link and magneticcoupling for fuel cell systems
Conference Record of the 2005 Industry Applications Conference, 2005, Foutieth IAS Annual Meeting, Vol. 3, pp. 2021-2028

[26] Khan, M.J., Iqbal, M. T., Quaicoe, J. E. Utility Interactive Fuel Cell Inverter For Distributed Generation: Design Considerations and Experimental Results Canadian Conference on Electrical and Computer Engineering, 2005, pp. 583-586

[27] Boucherit, A., Ayad, Y. M., Djerdir, A., Cirrincione, A., Pucci, M., Vitale, G.

Power conditioning in electrical vehicles fed by fuel cells and supercapacitors with a matrix converter

European Conference on Power Electronics and Applications (EPE), 2007, pp. 1-9

[28] Mazumder, PP. K., Burra, R. K., Acharya, K. *A ripple-mitigating and energy-efficient fuel cell power conditioning system* IEEE Transactions on Power Electronics, 2007, Vol. 22, Issue 4, pp. 1437-1452

[29] Krein, P. T., Balog, R. PP., Geng, X.

High frequency link inverter for fuel cells based on multiple-carrier PWM IEEE Transactions on Power Electronics, 2004, Vol. 19, Issue 5, pp. 1279-1288

[30] Palma, L., Enjeti, P.

A modular fuel cell, modular DC/DC converter concept for high performance and enhanced reliability IEEE Power Electronics Specialists Conference (PESC), 2007, pp. 2633-2638

[31] Erickson, R. W.

Fundamentals of Power Electronics Chapmann & Hall Verlag, New York, 1997

[32] Choi, W., Enjeti, P. N., Howze, J. W.

Development of an equivalent circuit model of a fuel cell to evaluate the effects of inverter ripple current IEEE Applied Power Electronics Conference (PESC), 2004, pp. 355-361

 [33] Fontes, G., Turpin, C., Saisset, R., Meynard, T., Astier, PP. *Interactions between fuel cells and power converters influence of current harmonics on a fuel cell stack* IEEE Power Electronics Specialists Conference (PESC), 2004, pp. 4729-4735

[34] Choi, W., Joung, G., Enjeti, P. Howze, J.

An experimental evaluation of the effects of ripple current genearated by the power conditioning stage on a proton exchange membrane fuel cell stack Journal of Materials Engineering and Performance, Vol. 13, No. 3, 2004, pp. 257-64

[35] Mazumder, PP., Acharya, K., Haynes, C., Williams, R., Spakovsky, M., Rancruel, D., Hartvigsen, J., Gemmen, R. Solid-Oxide-Fuel-Cell performance and durability: Resolution of effects of

power -conditioning systems and application loads IEEE Transactions on Power Electronics, Vol. 19, No. 5, 2004, Distributed Power Generation, pp. 1263-1278

- [36] Gemmen, R.PP. Analysis for the effect of inverter ripple current on fuel cell operating conditions J. Fluids Eng., Vol. 125, No. 3, pp. 576-585
- [37] Harada, K., Nonaka, PP. *FFT Analysis of the composite PWM voltage source inverter* Power Conversion Conference (PCC), 2002, Vol.3, pp. 1257-1261

[38] Schenk, M., Stanton, K., Lai, J. PP.

Fuel cell and power conditioning system interactions IEEE Applied Power Electronics Conference (APEC), 2005, pp. 114-120

[39] Song, Y., Enjeti, P.

A high frequency link direct DC-AC converter with active harmonic filter for fuel cell power systems Power Electronics Specialists Conference (PESC), 2004, Vol. 6, pp. 4755-4761

[40] Song, Y., Chung, PP.-K., Enjeti, P.

A current-fed HF link direct DC/AC converter with active harmonic filter for fuel cell power systems Industry Applications Conference, 39th IAS Annual Meeting, 2004, Vol. 1, pp. 128-135

[41] Novaes, Y., Barbi, I.

Low frequency ripple current elimination in fuel cell systems Fuel cell seminar, 2003, Miami, pp. 21-26

[42] Shireen, W., Nene, H.

Active Filtering of input ripple current to obtain efficient and reliable power from fuel cell sources 28th International Telecommunication Energy Conference (INTELEC), 2006, pp. 1-6

[43] Liu, C., Lai, J.

Low-Frequency Current Ripple Reduction Technique With Active Control in a Fuel Cell Power System With Inverter Load IEEE Transactions on Power Electronics, Vol. 22, Issue 4, July 2007, pp. 1429-1436

[44] Xu, H., Kong, L., Wen, X.

Fuel cell power system and high power DC/DC-converter IEEE Transactions on Power Electronics, Vol. 19, Issue 5, Sept. 2004, pp. 1250-1255

[45] Wang, Z., Xiao, L., Zhang, J., Huang, Y., Yao, Z.-l., Yan, Y.-g.

Design of a two stage fuel cell based single-phase utility-interactive inverter Power Electronics Specialist Conference (PESC), 2007, pp. 1227-1231

[46] Song, Y., Han, PP. B., Li, X., Park, PP. I., Jeong, H. G., Jung, B. M. A power control scheme to improve the performance of a fuel cell hybrid power source for residential application Power Electronics Specialist Conference (PESC), 2007, pp. 1261-1266

[47] Duarte, C. M. C., Barbi, I. An improved family of ZVS-PWM active-clamping DC-to-DC-converters IEEE Transactions on Power Electronics, 2002, Vol. 17, pp. 1-7

Palma, L., Todorovic, M. H., Enjeti, P. <i>A high gain transformer-Less DC-DC-converter for fuel cell applications</i> Power Electronics Specialist Conference (PESC), 2005, pp. 2514-2520
da Silva, E. PP., dos Reis Barbosa, L., Vieira, J. B., de Freitas, L. C., Farias, V. J. <i>An imroved boost PWM soft-single-switched converter with low voltage and current stresses</i> IEEE Transactions on Industrial Electronics, 2001, Vol. 48, pp. 1174-1179
Solmecke, H. Optimierte Stromrichter für Brennstoffzellenanlagen Dissertation, Hagen, 1998
Himmelstoss, F. A. ; Wurm, P. A. Simple Bi-Directional DC-to-DC converters with high input to output voltage ratio IEEE Power Electronics Specialists Conference (PESC), 2001, Proceedings on CD-ROM
Zhao, Q., Lee, F. C. <i>High Performance Coupled-Inductor DC/DC-converters</i> IEEE Applied Power Electronics Conference (APEC), 2003, Vol.1, pp. 109-113
Krykunov, O., Merfert, I. <i>High power tapped inductor boost converter for fuel cell applications</i> Power Conversion Intelligent Motion (PCIM), 2005, Proceedings on CD-ROM
Wai, RJ., Lin, CY., Duan, RY. High efficiency DC-DC-converter with high voltage gain and reduced switch stress 30 th Annual Conference of the IEEE Industrial Electronics Society, 2004, Vol. 1, pp. 773-778
Wai, RJ., Lin, CY., Chu, CC. High step-up DC/DC-converter for fuel cell generation system 30 th Annual Conference of the IEEE Industrial Electronics Society, 2004, pp. 57- 62
Wai, RJ., Liu, LW., Duan, RY. High-efficiency voltage-clamped DC-DC converter with reduced reverse- recovery current and switch-voltage stress IEEE Transactions on Industrial Electronics, 2005, Vol. 53, No.1, pp. 272-280
Meo, PP., Perfetto, A., Piegari, L., Esposito, F. <i>A ZVS current fed DC/DC converter oriented for applications fuel-cell based</i> 30 th Annual Conference of IEEE Industrial Electronics Society (IECON), 2004, Vol. 1, pp. 932-937

[58] Kim, J.; Lee, B.; Lee, T. An Active Clamping Current Fed Half-bridge converter for Fuel Cell Generation Systems IEEE Power Electronics Specialists Conference (PESC), 2004, Vol.6, pp. 4709-4714

[59] Andrese, G. K., Klumpner, C., Kjaer, PP. B., Blaabjerg, B. *A new green power inverter for fuel cells* IEEE Power Electronics Specialists Conference (PESC), 2002, Vol. 2, pp. 727-733

[60] Mohr, M., Fuchs, W. Clamping for current-fed DC/DC converters with recovery of clamping energy in fuel cell inverter systems European Conference on Power Electronics and Applications (EPE), 2007, pp. 1-10

[61] Mohr, M., Fuchs, W.

Current-fed full bridge converters for fuel cell systems connected to the three phase grid 32nd Annual Conference on IEEE Industrial Electronics (IECON), 2006, pp. 4313-4318

[62] Jang, PP. J., Won, C.-Y., Lee, B.-K., Hur, J.

Fuel cell generation system with a new active clamping current-fed half-bridge converter

IEEE Transactions on Energy Conversion, Vol. 22, Issue.2, pp. 332-340

[63] Guillaume, L., Viet, D. B., Paul, F. J., Jean, B., Yves, L.

New soft-switching ZVS and ZCS half-bridge inductive DC-DC converters for fuel cell applications 10th IEEE International Power Electronics Congress, 2006, pp. 1-6

[64] Kong, X., Khambadkone, A. M.

Analysis and Implementation of a high efficiency, interleaved current-fed fullbridge converter for fuel cell system IEEE Transactions on Power Electronics, 2007, Vol. 22, Issue 2, pp. 543-550

[65] Lai, J. A high-performance V6 converter for fuel cell power conditioning system IEEE Conference Vehicle Power and Propulsion, 2005, Proceedings on CD-ROM

[66] Lai, J. PP., Park, PP. Y., PP.-R. Moon, C.-L. Chen A High Efficiency 5 kW Soft-Switched Power Conditioning System for Low-Voltage Solid Oxide Fuel Cells Power Conversion Conference (PCC), 2007, pp. 463-470

[67] Cha, H., Enjeti, P.

A novel three-phase high power current-fed DC/DC-converter with active clamp for fuel cells

IEEE Power Electronics Specialists Conference (PESC), 2007, pp. 2485-2489

[68] Attanasio, R., Cacciato, M., Consoli, A., Scarcella, G., Testa, A., Gennaro, F.

A novel converter system for fuel cell distributed energy generation IEEE Power Electronics Specialists Conference (PESC), 2005, pp. 1621-1627

[69] Liu O., Rindeour A., Lai, J. PP.

Modelling and Control of a Novel Six-Leg Three-Phase High Power Converter for Low-Voltage Fuel Cell Applications IEEE Transactions on Power Electronics, Vol. 21, Issue 5, Sept. 2006, pp. 1292-1300

[70] Wang, J., Reinhard, M., Peng, F. Z., Qian, Z.

Design guideline of the isolated DC-DC converter in green power applications The 4th International Power Electronics and Motion Control Conference (IPEMC), 2004, Vol. 3, pp. 1756-1761

[71] Lai, PP.

A new DC/DC-converter for fuel cell powered distributed residential power generation systems IEEE Applied Power Electronics Conference (APEC), 2006, Proceedings on CD-ROM

[72] Sharma, R., Gao, H.,

Low cost high efficiency DC-DC converter for fuel cell powered auxiliary power unit of a heavy vehicle IEEE Transactions on Power Electronics, 2006, Vol. 21, No. 3, pp. 587-591

[73] Averberg, A., Mertens, A.

Design considerations of a voltage-fed full bridge DC/DC-converter with high voltage gain for fuel cell applications European Conference on Power Electronics and Applications (EPE), 2007, pp. 1-11

[74] Averberg, A., Mertens, A.

Analysis of a voltage-fed full bridge DC-DC converter in fuel cell systems Power Electronics Specialists Conference (PESC), 2007, pp. 286-292

[75] Rathore, A. K., Bhat, A. K. PP., Oruganti, R.

A comparison of soft-switched DC-DC converters for fuel cell to utility interface application Power Conversion Conference (PCC), 2007, pp. 588-594

[76] Meyer, T.

DC/DC-Wandler mit kleiner Eingangsspannung für photovoltaische, elektrochemische und thermoelektrische Zellen Fortschr.-Ber. VDI, R. 21, Nr. 288, Düsseldorf, VDI-Verlag, 2000

[77] Krykunov, O.; Merfert, I.; Lindemann, A;

DC/DC-Wandler für Brennstoffzellensysteme Brennstoffzellen-Tagung des VDI, Hamburg, 2005

[78] Krykunov, O.

Comparison of the DC/DC-converters for Fuel Cell Applications International Journal of Electrical, Computer and Systems Engineering, World Academy of Science, Engineering and Technology, Paris, Vol. 1, No.1, 2007

[79] Krykunov, O.

Analysis of the extended forward converter for fuel cell applications IEEE International Symposium on Industrial Electronics (ISIE), Vigo, Spain, Proceedings New York, NY: IEEE, 2007, pp. 661-666

[80] Krykunov, O.

Evaluation of the performance of the extended forward converter Conference on Power Electronics and Energyefficiency (CEE 2008), Institute of Technical Electrodynamics, Ukrainian Academy of Sciences, Kiev, 2008

[81] Oh, D. J., Kim, H. J.

A comparative study of operation characteristics of active clamp forward converter based on loss analysis International Conference on Power Electronics (ICPE), 1998, Proceedings on CD-ROM

[82] Li, Q., Lee, F. C.

Design considerations of transformer DC bias of forward converter with activeclamp reset Applied Power Electronics Conference and Exposition (APEC), 1999, Vol. 1, pp. 553-559

[83] Krykunov, O.

Control design for the extended forward converter for fuel cell applications Conference on Power Electronics and Energyefficiency (CEE 2008), Institute of Technical Electrodynamics, Ukrainian Academy of Sciences, Kiev, 2008

Formelzeichen und Abkürzungen

a_{2d}	Koeffizient des Polynoms in der Übertragungsfunktion $G_{Vd}(s)$
a_{1d}	Koeffizient des Polynoms in der Übertragungsfunktion $G_{Vd}(s)$
a_{2g}	Koeffizient des Polynoms in der Übertragungsfunktion $G_{Vg}(s)$
a_{1g}	Koeffizient des Polynoms in der Übertragungsfunktion $G_{Vg}(s)$
$a_{3\omega}$	Koeffizient des Polynoms der Übertragungsfunktion des
	geschlossenen Regelkreises
$a_{2\omega}$	Koeffizient des Polynoms der Übertragungsfunktion des
	geschlossenen Regelkreises
$a_{1\omega}$	Koeffizient des Polynoms der Übertragungsfunktion des
	geschlossenen Regelkreises
$a_{0\omega}$	Koeffizient des Polynoms der Übertragungsfunktion des
	geschlossenen Regelkreises
a_{5z}	Koeffizient des Polynoms der Störübertragungsfunktion
a_{4z}	Koeffizient des Polynoms der Störübertragungsfunktion
a_{3z}	Koeffizient des Polynoms der Störübertragungsfunktion
a_{2z}	Koeffizient des Polynoms der Störübertragungsfunktion
a_{1z}	Koeffizient des Polynoms der Störübertragungsfunktion
A_K	Querschnitt für den Kern eines Transformators
A_L	Induktivitätsfaktor
$A_{K,min}$	minimal erforderlicher Querschnitt für den Kern eines
	Transformators
A_{Cul}	erforderliche Kupferfläche für die primäre Wicklung eines
	Transformators
A_{Cu2}	erforderliche Kupferfläche für die sekundäre Wicklung eines
	Transformators
b_{2d}	Koeffizient des Polynoms in der Übertragungsfunktion $G_{Vd}(s)$
b_{2g}	Koeffizient des Polynoms in der Übertragungsfunktion $G_{Vg}(s)$
$b_{F,min}$	minimal erforderliche Breite des Fensters eines Transformators
$b_{3\omega}$	Koeffizient des Polynoms der Übertragungsfunktion des
	geschlossenen Regelkreises
$b_{2\omega}$	Koeffizient des Polynoms der Übertragungsfunktion des
	geschlossenen Regelkreises
$b_{1\omega}$	Koeffizient des Polynoms der Übertragungsfunktion des
	geschlossenen Regelkreises

$b_{0\omega}$	Koeffizient des Polynoms der Übertragungsfunktion des
	geschlossenen Regelkreises
b_F	Breite des Fensters des Transformators
$b_{F,min}$	minimale erforderliche Breite des Fensters des Transformators
B_{max}	Maximalwert der magnetischen Induktion in einem Transformator
B_{gr}	Grenzwert der magnetischen Induktion in einem Transformator
C_c	Kapazität des Kondensators C_c
C_a	Kapazität des Kondensators C_a
C_e	Kapazität des Kondensators C_e im Eingangsfilter eines DC/DC-
	Wandlers
D	Tastverhältnis im stationären Zustand
D_{max}	Tastverhältnis im stationären Zustand bei minimaler
	Eingangsspannung
D_{min}	Tastverhältnis im stationären Zustand bei maximaler
	Eingangsspannung
D(s)	Tastverhältnis im Laplace-Bereich
D_1	Dauer des Zeitabschnittes d_1 im stationären Zustand
D_p	Ausgangssignal des proportionalen Anteils eines PI-Reglers
D_i	Ausgangssignal des integralen Anteils eines PI-Reglers
$D_{i,alt}$	Ausgangssignal des integralen Anteils eines PI-Reglers zum
	vorherigen Zeitpunkt der Spannungsüberwachung
D_{gr}	Begrenzung des Ausgangssignals vom Regler
d(t)	Tastverhältnis als Funktion der Zeit
$d_1(t)$	Zeitabschnitt d_1 als Funktion der Zeit
$d_2(t)$	Zeitabschnitt d_2 als Funktion der Zeit
$d_3(t)$	Zeitabschnitt d_3 als Funktion der Zeit
$d_4(t)$	Zeitabschnitt d_4 als Funktion der Zeit
$d_5(t)$	Zeitabschnitt d_5 als Funktion der Zeit
$\hat{d}(t)$	Kleinsignaländerung des Tastverhältnisses im Zeitbereich
$\hat{d}_1(t)$	Kleinsignaländerung des Zeitabschnittes d_1 im Zeitbereich
$\hat{d}(s)$	Kleinsignaländerung des Tastverhältnisses im Laplace-Bereich
d_{Cu}	Dicke der Kupferfolie für die Wicklungen eines Transformators
d _{Iso}	Dicke der Isolierfolie für die Wicklungen eines Transformators
d_{N_1}	Dicke einer Wicklung der primären Windung eines
	Transformators

d_{N_2}	Dicke einer Wicklung der sekundären Windung eines
	Transformators
E_L	eingespeiste in die Spannungsquelle U_k Energie
E_{BZ}	ideale Leerlaufspannung einer Brennstoffzelle
E_K	zum Kondensator C_c des erweiterten Durchflusswandlers während
	der Kommutierungsphase eingespeiste Energie
E_e	zum Kondensator C_c des erweiterten Durchflusswandlers während
	der Entmagnetisierungsphase eingespeiste Energie
$E_{Cc,1}$	gesamte zum Kondensator C_c des erweiterten Durchflusswandlers
	eingespeiste Energie
$E_{Cc,2}$	entladene Energie aus dem Kondensator C_c des erweiterten
	Durchflusswandlers
$E_{Ca,1}$	gesamte zum Kondensator C_a des erweiterten Durchflusswandlers
	eingespeiste Energie
$E_{Ca.2}$	entladene Energie aus dem Kondensator C_a des erweiterten
	Durchflusswandlers
E_{Sw}	entsprechende zu den gesamten Schaltverlusten in den MOSFETs
	eines Schalter Energie
e _{ua}	relative Überschwingweite der Ausgangsspannung und bei einer
	sprungartigen Eingangsspannungsänderung
h_F	Höhe des Fensters eines Kerns
h_{Cu}	Höhe der Kupferfolie einer Wicklung vom Transformator
Q_{rr}	Sperrverzögerungsladung
j _{max}	maximale zulässige Stromdichte in den Wicklungen eines
	Transformators
$G_R(s)$	Übertragungsfunktion des Reglers
$G_Z(s)$	Störübertragungsfunktion
$G_{\omega}(s)$	Übertragungsfunktion des geschlossenen Regelkreises
$G_{Vd}(s)$	Übertragungsfunktion des Wandlers, die Änderung der
	Ausgangsspannung in Abhängigkeit von der Anderung des
	Tastverhältnisses modelliert
$G_{Vg}(s)$	Ubertragungsfunktion des Wandlers, die Anderung der
	Ausgangsspannung in Abhängigkeit von der Anderung der
G	Eingangsspannung modelliert
G _{Vd0}	verstarkungstaktor der Übertragungstunktion $G_{Vd}(s)$
G_{Vg0}	verstarkungstaktor der Ubertragungstunktion $G_{Vg}(s)$

H_{max}	maximale Stärke des magnetischen Feldes in einem
	Transformator
f	Schaltfrequenz der Transistoren eines unidirektionalen DC/DC-
	Wandlers
ΔG	Änderung der Gibbschen freien Energie der Brennstoffzelle
ΔJ	gesamte thermische Energie aus der Reaktion in der
	Brennstoffzelle
ΔS	Änderung der Enthalpie der Brennstoffzelle
Δu_{dyn}	dynamischer Spannungsabfall einer Brennstoffzelle bei
	Lastsprüngen
ΔU_{max}	maximaler dynamischer Spannungsabfall einer Brennstoffzelle
	bei Lastsprüngen
ΔU_{Cc}	Welligkeit der Spannung am Kondensator C_c im stationären
	Zustand
ΔU_{Ca}	Welligkeit der Spannung am Kondensator C_a im stationären
	Zustand
ΔU_e	Eingangsspannungsänderung eines DC/DC-Wandlers
ΔU_a	Differenz zwischen den Ausgangsspannungen des verlustfreien
	Wandlers und des Wandlers mit Verlusten
Δi_e	Welligkeit des Stromes durch die primäre Wicklung eines
	DC/DC-Wandlers während der Magnetisierungsphase
Δi_{Le}	Welligkeit des Stromes durch die Drossel L_e des Eingangsfilters
	eines DC/DC-Wandlers
Δi_{La}	Welligkeit des Stromes durch die Induktivität L_a eines
	unidirektionalen DC/DC-Wandlers
$i_{BZ}(t)$	Ausgangsstrom einer Brennstoffzelle als Funktion der Zeit
$i_e(t)$	Strom durch die primäre Wicklung des Transformators des
	DC/DC-Wandlers als Funktion der Zeit
$i_{Le}(t)$	Strom durch die Drossel des Eingangsfilters des DC/DC-
	Wandlers als Funktion der Zeit
$i_{Dc}(t)$	Strom durch die Diode D_c des DC/DC-Wandlers als Funktion der
	Zeit
$i_{T1}(t)$	Strom durch den Transistor T ₁ als Funktion der Zeit
$i_{T3}(t)$	Strom durch den Transistor T ₃ als Funktion der Zeit
$i_{D1}(t)$	Strom durch die Diode D ₁ als Funktion der Zeit
$i_{D2}(t)$	Strom durch die Diode D ₂ als Funktion der Zeit
$i_{\mu}(t)$	Magnetisierungsstrom als Funktion der Zeit

$i_{La}(t)$	Strom durch die Induktivität L_a als Funktion der Zeit
$i_{Ce}(t)$	Strom durch den Kondensator C_e als Funktion der Zeit
$i_{Ca}(t)$	Strom durch den Kondensator C_a als Funktion der Zeit
$i_{Cc}(t)$	Strom durch den Kondensator C_c als Funktion der Zeit
$\left\langle i_{Dc}(t) \right\rangle_T$	mittlerer Strom durch die Diode D_c über einer Periode
$\left\langle i_{T1}(t)\right\rangle_{T}$	mittlerer Strom durch den Transistor T1 über einer Periode
$\left\langle i_{La}(t) \right\rangle_T$	mittlerer Strom durch die Drossel L_a über einer Periode
$\left\langle i_{Ca}(t) \right\rangle_T$	mittlerer Strom durch den Kondensator C_a über einer Periode
$\left\langle i_{e}(t) ight angle _{T}$	mittlerer Strom durch die primäre Wicklung des Transformators
$i_{TI}(t_2)$	eines unidirektionalen DC/DC-Wandlers über einer Periode Strom durch den Transistor T_1 zum Zeitpunkt t_2 im stationären Zustand
$i_{TI}(t_3)$	Strom durch den Transistor T ₁ zum Zeitpunkt t_3 im stationären Zustand
$i_{\mu}(t_0)$	Magnetisierungsstrom zum Anfang einer Periode im stationären Zustand
$i_{\mu}(t_1)$	Magnetisierungsstrom zum Zeitpunkt t_1 im stationären Zustand
$i_{\mu}(t_2)$	Magnetisierungsstrom zum Zeitpunkt t ₂ im stationären Zustand
$i_{D2}(t_{1+})$	Strom durch die Diode D ₂ kurz nach dem Zeitpunkt t_1
$i_e(t_2)$	Strom durch die primäre Wicklung des Transformators des
• / \	DC/DC-Wandlers zum Zeitpunkt t_2
$i_{e}(t_{2+})$	Strom durch die primäre Wicklung des Transformators des
• (4)	DC/DC-wandlers kurz nach dem Zeitpunkt t_2
$l_e(t_0)$	Strom nach dem Eingangsfilten des DC/DC Was dass beiten nach
$l_e(I_{0+})$	dem Zeitpunkt t_0
$i_{e}(t_{1+})$	Strom nach dem Eingangsfilter kurz nach dem Zeitpunkt t_1
$i_e(t_4)$	Strom nach dem Eingangsfilter zum Zeitpunkt t_4
$i_{D1}(t_0)$	Strom durch die Diode D ₁ zum Zeitpunkt t_0
$i_{D1}(t_1)$	Strom durch die Diode D ₁ zum Zeitpunkt t_1
$i_{D1}(t_{1-})$	Strom durch die Diode D ₁ kurz vor dem Zeitpunkt t_1
$i_{D1}(t_4)$	Strom durch die Diode D_1 zum Zeitpunkt t_4
$i_{D2}(t_4)$	Strom durch die Diode D ₂ zum Zeitpunkt t_4
$i_{D1}(t_{0+})$	Strom durch die Diode D ₁ kurz nach dem Zeitpunkt t_0
$i_{D1}(t_{2+})$	Strom durch die Diode D_1 kurz nach dem Zeitpunkt t_2
$i_{D1}(t_4)$	Strom durch die Diode D ₁ zum Zeitpunkt t_4

$i_{D5}(t_5)$	Strom durch die Diode D ₅ zum Zeitpunkt t_5
$i_{La}(t_5)$	Strom durch die Induktivität L_a zum Zeitpunkt t_5
$i_{La}(t_2)$	Strom durch die Induktivität L_a zum Zeitpunkt t_2
I_i	Ionenstrom in der Brennstoffzelle
I _{µ,max}	Maximalwert des Magnetisierungsstromes während der Periode
$I_{e,RMS}$	Effektivwert des Stromes nach dem Eingangsfilter eines DC/DC-
	Wandlers
I _{e,avg}	Mittelwert des Stromes durch die primäre Wicklung eines
	Transformators eines DC/DC-Wandlers
I _{Le,avg}	Mittelwert des Stromes durch die Drossel L_e des Eingangsfilters
	eines DC/DC-Wandlers
I _{Le,RMS}	Effektivwert des Stromes durch die Drossel L_e des Eingangsfilters
	eines DC/DC-Wandlers
$I_{L\mu l,RMS}$	Effektivwert des Stromes durch die primäre Wicklung eines
	Transformators des DC/DC-Wandlers
$I_{L\mu 2,RMS}$	Effektivwert des Stromes durch die sekundäre Wicklung eines
	Transformators des DC/DC-Wandlers
I _{Lµ,avg}	Mittelwert des Magnetisierungsstromes über die Peiode eines
	DC/DC-Wandlers
I _{T1,RMS}	Effektivwert des gesamten Stromes durch den Transistor T ₁
I _{D1,RMS}	Effektivwert des gesamten Stromes durch die Diodeneinheit D ₁
I _{Dc,RMS}	Effektivwert des gesamten Stromes durch die Diodeneinheit D_c
$I_{D1,avg}$	Mittelwert des gesamten Stromes durch eine Diodeneinheit D ₁
I _{T1,max}	maximaler Wert des Stromes durch den Transistor T ₁
I _{T1,min}	minimaler Wert des Stromes durch den Transistor T ₁
I _{T1,avg(on),max}	Maximalwert des Stromes durch den Transistor T ₁ während der
	Einschaltdauer dieses Transistors
I _{e,min}	minimaler Wert des Stromes durch die primäre Wicklung des
	Transformators des DC/DC-Wandlers
I _{D,min}	minimaler Wert des Stromes durch die Diode D
I _{Dc}	Mittelwert des Stroms durch die Diode D _c im stationären Zustand
I _{Dc}	Mittelwert des Stroms durch die Diode D _c im stationären Zustand
I _{La}	Mittelwert des Stroms durch die Induktivität L_a im stationären
	Zustand über eine Periode
I _{MOS,aus}	Strom durch einen MOSFET vor dem Ausschalten
I _{MOS,ein}	Strom durch einen MOSFET nach dem Einschalten
I _{RM}	maximaler Wert des Reverse-Recovery-Stromes einer
	Diodeneinheit

Ikrit	Laststrom des DC/DC-Wandlers, bei dem die Spannung am
	Kondensator C_c die Eingangsspannung erreicht
I _{gr2}	Der Laststrom, bei dem sich der Strom nach dem Eingangsfilter
	eines DC/DC-Wandlers an der Lückgrenze befindet
I _{gr1}	Der Laststrom, bei dem sich der Strom durch die Induktivität L_a
	eines DC/DC-Wandlers an der Lückgrenze befindet
1	Laststrom eines unidirektionalen DC/DC-Wandlers
$\left\langle i_{Dc}(t) \right\rangle_T$	mittlerer Strom durch die Diode D_c während einer Periode
$\left\langle i_{La}(t)\right\rangle_{T}$	mittlerer Strom durch die Induktivität L_a während einer Periode
$\left\langle i_{Ca}(t) \right\rangle_T$	mittlerer Strom durch den Kondensator C_a während einer Periode
$\left\langle i_{e}(t)\right\rangle _{T}$	mittlerer Strom durch die primäre Wicklung des DC/DC-
	Wandlers während einer Periode
$\left\langle i_{T1}(t)\right\rangle_{T}$	mittlerer Strom durch den Transistor T1 des DC/DC-Wandlers
	während einer Periode
$\hat{i}_{Dc}(t)$	Kleinsignaländerung des Stromes durch die Diode D_c im
	Zeitbereich
$\hat{i}_{T1}(t)$	Kleinsignaländerung des Stromes durch den Transistor T_1 im
	Zeitbereich
$\hat{i}_{La}(t)$	Kleinsignaländerung des Stromes durch die Induktivität L_a im
	Zeitbereich
$\hat{i}_e(t)$	Kleinsignaländerung des Eingangsstromes des DC/DC-Wandlers
	im Zeitbereich
$\hat{i}_{La}(s)$	Kleinsignaländerung des Eingangsstromes des DC/DC-Wandlers
	im Laplace-Bereich
K_p	Verstärkungsfaktor des Proportionalanteils von einem PI-Regler
K_i	Verstärkungsfaktor des Integralanteils von einem PI-Regler
k_D	Anzahl der seriell geschalteten Dioden in einer Diodeneinheit D
k_{N_1}	erforderliche Anzahl der parallelgeschalteten Lagen Kupferfolie
	für die primäre Wicklung
k_{N_2}	erforderliche Anzahl der parallelgeschalteten Lagen Kupferfolie
	für die sekundäre Wicklung
k	Schritt einer Iteration
l	Koeffizient
m	Index eines Transistors

Formelzeichen und Abkürzungen

n	Index einer Diode
$L_{\mu l}$	primäre Magnetisierungsinduktivität eines Transformators
$L_{\mu 2}$	sekundäre Magnetisierungsinduktivität eines Transformators
$L_{\sigma l}$	primäre Streuinduktivität eines Transformators
L_{σ^2}	sekundäre Streuinduktivität eines Transformators
L_a	Induktivität L_a eines DC/DC-Wandlers
L_e	Induktivität L_e eines DC/DC-Wandlers
l_m	Länge des magnetischen Weges in einem Transformator
$l_{m,min}$	minimale Länge des magnetischen Weges in einem Transformator
M_1	Verhältnis der Spannung am Kondensator C_c zu der
	Eingangsspannung des erweiterten Durchflusswandlers im
	stationären Zustand
M_2	Verhältnis der Spannung am Kondensator C_a zu der
	Eingangsspannung des erweiterten Durchflusswandlers im
	stationären Zustand
MLT_1	mittlere Windungslänge der primären Wicklung eines
	Transformators
MLT_2	mittlere Windungslänge der sekundären Wicklung eines
	Transformators
m_1	Kleinsignalverstärkungsfaktor
N_1	primäre Windungszahl eines Transformators
N_2	sekundäre Windungszahl eines Transformators
N ₁₁	Windungszahl der unterteilten primären Wicklung eines
	Transformators
N ₁₂	Windungszahl der unterteilten primären Wicklung eines
	Transformators
N_{21}	Windungszahl der unterteilten sekundären Wicklung eines
	Transformators
N_{22}	Windungszahl der unterteilten sekundären Wicklung eines
	Transformators
N ₂₃	Windungszahl der unterteilten sekundären Wicklung eines
	Transformators
N_T	Anzahl der parallelgeschalteten MOSFET für einen Transistor T
N_{TI}	Anzahl der parallelgeschalteten MOSFET für einen Transistor T_1
N_{T2}	Anzahl der parallelgeschalteten MOSFET für einen Transistor T_2
N_D	Anzahl der parallelgeschalteten Dioden für eine Diodeneinheit D
N_{D1}	Anzahl der parallelgeschalteten Dioden für eine Diodeneinheit D_1
N_{D2}	Anzahl der parallelgeschalteten Dioden für eine Diodeneinheit D ₂

n_T	Anzahl der Transistoren in der Schaltung eines unidirektionalen
	DC/DC-Wandlers
$n_{T,ges}$	Anzahl der MOSFETs in der Schaltung eines unidirektionalen
	DC/DC-Wandlers
<i>n</i> _D	Anzahl der Diodeneinheiten in der Schaltung eines
	unidirektionalen DC/DC-Wandlers
<i>n_{D,ges}</i>	Anzahl der Dioden in der Schaltung eines unidirektionalen
	DC/DC-Wandlers
η	gesamter Wirkungsgrad eines undirektionalen DC/DC-Wandlers
$P_{V(T,ges)}$	gesamte Verluste in den Transistoren eines undirektionalen
	DC/DC-Wandlers
$P_{V(T)}$	Verluste im Transistor T eines undirektionalen DC/DC-Wandlers
$P_{V(D,ges)}$	gesamte Verluste in den Dioden eines undirektionalen DC/DC-
	Wandlers
$P_{V(D)}$	Verluste in der Diodeneinheit D eines undirektionalen DC/DC-
	Wandlers
$P_{V,LH}$	gesamte Verluste in den Leistungshalbleitern eines
	undirektionalen DC/DC-Wandlers
$P_{V,LH[k]}$	gesamte Verluste in den Leistungshalbleitern eines
	undirektionalen DC/DC-Wandlers für den Schritt k einer Iteration
$P_{V,LH[k+1]}$	gesamte Verluste in den Leistungshalbleitern eines
	undirektionalen DC/DC-Wandlers für den Schritt $k+1$ einer
	Iteration
$P_{V,aus}$	Vektor der Werte für die Ausschaltverluste eines MOSFET
$P_{V,aus}$	Ausschaltverluste eines MOSFET
$P_{V,ein}$	Vektor der Werte für die Ausschaltverluste eines MOSFETs
$P_{V,ein}$	Einschaltverluste eines MOSFET
$P_{V,sw}$	gesamte Schaltverluste in einem Transistor, der aus mehreren
	MOSFETs besteht
$P_{V,ein[k]}$	Einschaltverluste eines MOSFET für den Schritt k einer Iteration
$P_{V,ein[k+1]}$	Einschaltverluste eines MOSFET für den Schritt $k+1$ einer
	Iteration
$P_{V,ein(25)}$	Einschaltverluste eines MOSFET bei einer
	Sperrschichttemperatur von 25°C
$P_{V,ein(50)}$	Einschaltverluste eines MOSFET bei einer
	Sperrschichttemperatur von 50°C
$P_{V,ein(90)}$	Einschaltverluste eines MOSFET bei einer
	Sperrschichttemperatur von 90°C

$P_{V,ein(125)}$	Einschaltverluste eines MOSFET bei einer
	Sperrschichttemperatur von 125°C
$P_{V,aus(25)}$	Ausschaltverluste eines MOSFET bei einer
	Sperrschichttemperatur von 25°C
$P_{V,aus(50)}$	Ausschaltverluste eines MOSFET bei einer
	Sperrschichttemperatur von 50°C
$P_{V,aus(90)}$	Ausschaltverluste eines MOSFET bei einer
	Sperrschichttemperatur von 90°C
$P_{V,aus(125)}$	Ausschaltverluste eines MOSFET bei einer
	Sperrschichttemperatur von 125°C
$P_{V,aus[k]}$	Ausschaltverluste eines MOSFET für den Schritt k einer Iteration
$P_{V,aus[k+1]}$	Ausschaltverluste eines MOSFET für den Schritt $k+1$ einer
	Iteration
$P_{V,cond(T)}$	Leitverluste in einem Transistor T
$P_{V,cond(T)[k]}$	Leitverluste in einem Transistor für den Schritt k einer Iteration
$P_{V,cond(T)[k+1]}$	Leitverluste in einem Transistor für den Schritt $k+1$ einer Iteration
$P_{V,cond(D)}$	Leitverluste einer Diodeneinheit
$P_{V,cond(D)[k]}$	Leitverluste einer Diodeneinheit für den Schritt k einer Iteration
$P_{V,cond(D)[k+1]}$	Leitverluste einer Diodeneinheit für den Schritt $k+1$ einer
	Iteration
$P_{V,REC}$	Reverse-Recovery-Verluste einer Diodeneinheit
P _{V,Cu1}	ohmsche Verluste in der primären Wicklung eines Transformators
$P_{V,Cu2}$	ohmsche Verluste in der primären Wicklung eines Transformators
$P_{V,Fe}$	Verluste im Kernmaterial eines Transformators
$P_{V,Tr}$	gesamte Verluste in einem Transformator
$P_{V,ohm,Ce}$	ohmsche Verluste im Kondensator C_e
P _{V,gr}	Leistungsschwelle bei einer Iteration
P_a	Ausgangsleistung eines unidirektionalen DC/DC-Wandlers
P_e	Eingangsleistung eines unidirektionalen DC/DC-Wandlers
$\left\langle p_{Cc}\left(t\right)\right\rangle_{T}$	mittlere übertragene Leistung zum Kondensator C_c während einer
	Periode
$\left\langle p_{L}(t)\right\rangle _{T}$	mittlere Leistung, die in den Streuinduktivitäten und in der
	Magnetisierungsinduktivität des Transformators gespeichert wird,
	während einer Periode
R _{BZ,stat}	gesamter statischer Widerstand einer Brennstoffzelle
R _{BZ,ohm}	statischer ohmscher Widerstand einer Brennstoffzelle

$R_{BZ,akt}$	statischer Widerstand für die Beschreibung der
	Aktivierungsverluste einer Brennstoffzelle
$R_{BZ,tr}$	statischer Widerstand für die Beschreibung der
	Gastransportverluste einer Brennstoffzelle
$R_{DS,on(T)}$	Drain-Source-Einschaltwiderstand eines MOSFET vom
	Transistor T
$R_{Cu,L\mu l}$	ohmscher Widerstand der primären Wicklung eines
	Transformators
$R_{Cu,L\mu 2}$	ohmscher Widerstand der sekundären Wicklung eines
	Transformators
$R_{th(jc)}$	thermischer Widerstand eines MOSFET von der Sperrschicht zum
	Gehäuse
$R_{th(jc),D}$	thermischer Widerstand einer Diode von der Sperrschicht zum
	Gehäuse
$R_{th(ck)}$	thermischer Widerstand der wärmeleitenden Folie zwischen dem
	Gehäuse der Leistungshalbleiter und einem Kühlkörper
$R_{th(ka)}$	thermischer Widerstand eines Kühlkörpers
R_L	Lastwiderstand eines unidirektionalen DC/DC-Wandlers
R_e	effektiver Großsignalwiderstand für die Modellierung des
	dynamischen Verhaltens eines DC/DC-Wandlers
r_1, r_2	Kleinsignalwiderstande
<i>j</i> 1, <i>j</i> 2	Kleinsignalverstärkungsfaktoren
<i>g</i> ₁ , <i>g</i> ₂	Kleinsignalverstärkungsfaktoren
<i>r</i> _d	differentieller Widerstand einer Diode
S	Laplace-Operator
<i>T</i> ₁ , <i>T</i> ₂	Zeitkonstanten
T_{j}	Sperrschichttemperatur eines MOSFET
$T_{j(T1)}$	Sperrschichttemperatur eines MOSFET in einer Parallelschaltung
	für den Transistor T ₁
$T_{j(T2)}$	Sperrschichttemperatur eines MOSFET in einer Parallelschaltung
	für den Transistor T ₂
$T_{j(D)}$	Sperrschichttemperatur einer Diode in einer Diodeneinheit D
$T_{j(D1)}$	Sperrschichttemperatur einer Diode in der Diodeneinheit D_1
$T_{j(D2)}$	Sperrschichttemperatur einer Diode in der Diodeneinheit D ₂
T_a	Umgebungstemperatur
T_K	Temperatur des Gehäuses eines Kühlkörpers

Т	Schaltperiode der Transistoren eines DC/DC-Wandlers
T_{BZ}	Temperatur der chemischen Reaktion in der Brennstoffzelle
t	Zeit
t _{mag}	Zeitabschnitt, während der Magnetisierungsstrom eines
	Transformators ansteigt
t _{aus}	Ausregelzeit der Ausgangsspannung und bei einer sprungartigen
	Eingangsspannung
t _{max}	Zeitpunkt der maximalen dynamischen Überspannung einer
	Brennstoffzelle
<i>t</i> _{5%}	Zeitpunkt, zu dem die dynamische Überspannung einer
	Brennstoffzelle 5% der maximalen dynamischen Überspannung
	erreicht
te	Zeit des Abklingens des Reverse-Recovery-Stromes
t.	Zeit der Erhöhung des Reverse-Recovery-Stromes
t _s	Sperryerzögerungszeit
trr	Zeitpunkte
	thermischer Wielun zograd einer Dreunstoffselle
$\eta_{BZ,th}$	thermischer wirkungsgrad einer Brennstollzelle
$\eta_{BZ,el}$	elektrischer Wirkungsgrad einer Brennstoffzelle
$\eta_{BZ,ges}$	gesamter Wirkungsgrad einer Brennstoffzelle
η_{BS}	Ausnutzungsfaktor des Brennstoffes einer Brennstoffzelle
U_T	Sperrspannung an einem Transistor eines unidirektionalen
	DC/DC-Wandlers im stationären Arbeitspunkt
U_D	Sperrspannung an einer Diode eines unidirektionalen DC/DC-
	Wandlers im stationären Arbeitspunkt
U_{BZ}	Ausgangsspannung einer BZ für einen bestimmten Arbeitspunkt
U_a	Ausgangspannung eines unidirektionalen DC/DC-Wandlers im
	stationären Arbeitspunkt
U_e	Eingangsspannung eines unidirektionalen DC/DC-Wandlers
	im stationären Arbeitspunkt
$U_{e,min}$	minimale Eingangsspannung eines unidirektionalen DC/DC-
	Wandlers im stationären Arbeitspunkt
Uemax	maximale Eingangsspannung eines unidirektionalen DC/DC-
-,	Wandlers im stationären Arbeitspunkt
U_{Ca}	Spannung des Kondensators C_a im stationären Arbeitspunkt

$U_{Ca}(t_0)$	Spannung des Kondensators C_a zum Anfang jeder Periode im stationären Zustand
$\frac{U_{Ca}}{U_{e}}$	Verhältnis der Spannung am Kondensator C_a zur
e cem	Eingangsspannung eines DC/DC-Wandlers für den stationären Zustand im kontinuierlichen Betrieb
$\frac{U_{Ca}}{U_{e}}$	Verhältnis der Spannung am Kondensator Ca zur
	Eingangsspannung eines DC/DC-Wandlers für den stationären Zustand im diskontinuierlichen Betrieb
$\frac{U_{Cc}}{U_{e}}$	Verhältnis der Spannung am Kondensator C _c zur
e cem	Eingangsspannung eines DC/DC-Wandlers für den stationären Zustand im kontinuierlichen Betrieb
$\frac{U_{Cc}}{U_{e}}$	Verhältnis der Spannung am Kondensator C_c zur
	Eingangsspannung eines DC/DC-Wandlers für den stationären
	Zustand im diskontinuierlichen Betrieb
$U_{Ca}(t_1)$	Spannung des Kondensators C_a zum Zeitpunkt t_1 im stationären Zustand
$U_{Ca}(t_2)$	Spannung des Kondensators C_a zum Zeitpunkt t_2 im stationären Zustand
U_{Cc}	Spannung des Kondensators C_c im stationären Arbeitspunkt
$U_{Cc}(t_0)$	Spannung des Kondensators C_c im stationären Zustand zum Beginn jeder Periode
$U_{Cc}(t_1)$	Spannung des Kondensators C_c im stationären Zustand zum Zeitpunkt t_1
$U_{Cc}(t_2)$	Spannung des Kondensators C_c im stationären Zustand zum Zeitpunkt t_2
U_{Tl}	Spannung über den Transistor T_1 im stationären Zustand
$U_{T1.max}$	maximale Spannung über den Transistor T_1 im stationären
,	Zustand
$U_{DS,max}$	Durchbruchspannung eines MOSFETs
$U_{a,soll}$	Sollwert für die Ausgangsspannung
$U_{a,ist}$	Istwert für die Ausgangsspannung
$U_{Cc,max}$	maximale zulässige Spannung am Kondensator C_c
U_{pwm}	Amplitude der Spannung des PWM-Modulators

$U_{Ca(I=0)}$	Spannung des Kondensators C_a beim Leerlauf eines DC/DC-
	Wandlers
U_0	fiktive Leerlaufspannung einer Brennstoffzelle
$U_{T1,ein}$	Sperrspannung an einem MOSFET des Schalters T_1 vor dem
	Einschalten
$U_{T1,aus}$	Sperrspannung an einem MOSFET des Schalters T_1 nach dem
	Ausschalten
$U_{D,aus}$	Sperrspannung an einer Diode D nach dem Übergang von einem
	leitenden zu einem nichtleitenden Zustand
$U_{D,max}$	maximale Sperrspannung an einer Diode D
U _{LA,max}	maximale verkettete Spannung des dreiphasigen Netzes
U _{NA,RMS}	Effektivwert des Leiterspannung der Phase A des dreiphasigen
	Netzes
U_{T0}	Schleusenspannung einer Diode
U_k	Spannung, auf welche die Transistorspannung durch eine
	Clamping-Schaltung begrenzt ist
$U_{Cc,alt}$	Spannung des Kondensators C_c zum Zeitpunkt der vorherigen
	Spannungsüberwachung
U _{Cc,neu}	Spannung des Kondensators C_c zum Zeitpunkt der aktuellen
	Spannungsüberwachung
$U_{L\mu l}$	Spannung über die primäre Wicklung des Transformators
	während der Magnetisierungsphase
$\left\langle u_{Dc}(t)\right\rangle_{T}$	mittlere Spannung über die Diode D_c während einer Periode
$\left\langle u_{e}(t)\right\rangle _{T}$	mittlere Eingangsspannung eines DC/DC-Wandlers während
	einer Periode
$\left\langle u_{Cc}(t)\right\rangle _{T}$	mittlere Spannung am Kondensator C_c während einer Periode
$\left\langle u_{Ca}(t)\right\rangle _{T}$	mittlere Spannung am Kondensator C_a während einer Periode
$\left\langle u_{T1}(t)\right\rangle_T$	mittlere Spannung über den Transistor T1 während einer Periode
$\left\langle u_{L\mu 1}(t)\right\rangle_{T}$	mittlere Spannung über die primäre Magnetisierungsinduktivität
	während einer Periode
$\left\langle u_{L\sigma 1}(t)\right\rangle_{T}$	mittlere Spannung über die primäre Streuinduktivität des
	Transformators während einer Periode
$\left\langle u_{L\sigma 2}(t)\right\rangle _{T}$	mittlere Spannung über die sekundäre Streuinduktivität des
	Transformators während einer Periode

$\left\langle u_{La}(t) \right\rangle_T$	mittlere Spannung durch die Induktivität L_a während einer
	Periode
$u_{BZ}(t)$	Ausgangsspannung der Brennstoffzelle als Funktion der Zeit
$U_{L\mu l}$	Spannung über die primäre Magnetisierungsinduktivität eines
	Transformators im stationären Zustand
$u_{L\mu l}(t)$	Spannung über die primäre Magnetisierungsinduktivität eines
	Transformators als Funktion der Zeit
$u_{L\mu 2}(t)$	Spannung über die sekundäre Magnetisierungsinduktivität eines
	Transformators als Funktion der Zeit
$u_{L\sigma I}(t)$	Spannung über die primäre Streuinduktivität eines Transformators
	als Funktion der Zeit
$u_{L\sigma 2}\left(t ight)$	Spannung über die sekundäre Streuinduktivität eines
	Transformators als Funktion der Zeit
$u_{D2}(t)$	Spannung über die Diode D2 als die Funktion der Zeit
$u_{Dc}(t)$	Spannung über die Diode D_c als die Funktion der Zeit
$u_{La}(t)$	Spannung über die Induktivität L_a als Funktion der Zeit
$u_e(t)$	Eingangsspannung des DC/DC-Wandlers als Funktion der Zeit
$u_{Ca}(t)$	Spannung über den Kondensator C_a als Funktion der Zeit
$u_{Cc}(t)$	Spannung über den Kondensator C_c als Funktion der Zeit
$\hat{u}_{Ca}(t)$	Kleinsignaländerung der Spannung am Kondensator C_a im
	Zeitbereich
$\hat{u}_{Cc}(t)$	Kleinsignaländerung der Spannung am Kondensator C_c im
	Zeitbereich
$\hat{u}_{Ca}(s)$	Kleinsignaländerung der Spannung am Kondensator C_a im
	Laplace-Bereich
$\hat{u}_{Cc}(s)$	Kleinsignaländerung der Spannung am Kondensator C_c im
	Laplace-Bereich
$\hat{u}_{a}(s)$	Kleinsignaländerung der Eingangsspannung des DC/DC-
e v	Wandlers im Laplace-Bereich
$\hat{u}_{-}(t)$	Kleinsignaländerung der Spannung über den Transistor T. im
$u_{T1}(t)$	Zeithereich
ü	Übersetzungsverhöltnis eines Transformators eines DC/DC-
и	Wandlers
<i>ü</i> 1. <i>ü</i> 2	Übersetzungsverhältnisse im Kleinsignalbereich
Ümin	minimales Übersetzungsverhältnis eines Transformators eines
	DC/DC-Wandlers

μ_0	relative Permeabilität der Luft
μ	relative Permeabilität des Kernmaterials
ρ	Widerstand des Kupfers pro Längeeinheit
γ	Koeffizient für die Berücksichtigung der Abhängigkeit der
	Verluste im Kernmaterial von der Frequenz
β	Koeffizient für die Berücksichtigung der Abhängigkeit der
	Verluste im Kernmaterial von der magnetischen Induktion
$\frac{d\left\langle i_{La}(t)\right\rangle _{T}}{dt}$	erste Ableitung des mittleren Stromes durch die Induktivität L_a
	während einer Periode
$\frac{d\left\langle u_{Ca}(t)\right\rangle _{T}}{dt}$	erste Ableitung der mittleren Spannung über den Kondensator C_a
	während einer Periode
$\frac{di_{\mu}(t)}{dt}$	erste Ableitung des Magnetisierungsstromes nach der Zeit
$\frac{di_e(t)}{dt}$	erste Ableitung des Stromes durch die primäre Wicklung eines
	DC/DC-Wandlers nach der Zeit
$\frac{di_{D1}(t)}{dt}$	erste Ableitung des Stromes durch die Diode D ₁ eines DC/DC-
	Wandlers nach der Zeit
$\frac{di_{D2}(t)}{dt}$	erste Ableitung des Stromes durch die Diode D2 eines DC/DC-
	Wandlers nach der Zeit
$\frac{d^2 i_e(t)}{dt^2}$	zweite Ableitung des Stromes hinter dem Eingangsfilter eines
ai	DC/DC-Wandlers nach der Zeit
$\frac{d^2 i_{D2}(t)}{dt^2}$	zweite Ableitung des Stromes durch die Diode D_2 eines DC/DC-
	Wandlers nach der Zeit
$\frac{df_1(u_e, U_{Cc}, D)}{du_e}$	erste Ableitung der Funktion f_1 von der Eingangsspannung,
	Spannung über den Kondensator C_c und vom Tastverhältnis nach
	der Eingangsspannung
$\frac{df_1(U_e, u_{Cc}, D)}{du_{Cc}}$	erste Ableitung der Funktion f_1 von der Eingangsspannung,
	Spannung über den Kondensator C_c und vom Tastverhältnis nach
	der Spannung über den Kondensator C_c

176
$\frac{df_1(U_e, U_{Cc}, d)}{dd}$	erste Ableitung der Funktion f_1 von der Eingangsspannung,
	Spannung über den Kondensator C_c und vom Tastverhältnis nach
	dem Tastverhältnis
$\frac{df_2(u_{T1}, U_{Cc}, D)}{du_e}$	erste Ableitung der Funktion f_2 von der Spannung über den
	Transistor T_1 , Spannung über den Kondensator C_c und vom
	Tastverhältnis nach der Eingangsspannung
$\frac{df_2(U_e, u_{Cc}, D)}{du_{Cc}}$	erste Ableitung der Funktion f_2 von der Eingangsspannung,
	Spannung über den Kondensator C_c und vom Tastverhältnis nach
	der Spannung über den Kondensator C_c
$\frac{df_2(U_e, U_{Cc}, d)}{dd}$	erste Ableitung der Funktion f_2 von der Eingangsspannung,
	Spannung über den Kondensator C_c und vom Tastverhältnis nach
	dem Tastverhältnis

Abkürzungen

BZ	Brennstoffzelle
PEM-BZ	Polymer-Elektrolyt-Membran Brennstoffzelle
WR	Wechselrichter
MOSFET	Metall-Oxid-Feldeffekttransistor
RBIGBT	reverse blocking Insulated Gate Bipolar Transistor
IGBT	Insulated Gate Bipolar Transistor
IEEE	Institute of Electrical and Electronics Engineers
ELKO	Elektrolytkondensator
PWM-Signal	pulsweitenmoduliertes Signal
DC/DC-Wandler	Gleichspannungswandler
PI-Regler	proportional-integraler Regler
DT ₁ -Glied	differenzierend wirkendes Glied mit der
Zeitverzögerung	
A/D-Wandler	analog-digitaler Wandler
ADC1	analog digital converter 1
ADC2	analog digital converter 2
PWM1	Pulsweitenmodulation 1
PWM2	Pulsweitenmodulation 2

Anhang 1 Grundlagen Doppeldurchflusswandler



Abb. A1.1: Schaltung des Doppeldurchflusswandlers



Abb. A1.2: Verläufe des Doppeldurchflusswandlers (Fall des kontinuierlichen Stromes durch die Induktivität L_a)

Der Betrieb des Doppeldurchflusswandlers mit einem idealen Transformator, *Abb. A1.2*, lässt sich in vier Betriebsphasen unterteilen:

- Magnetisierungsphase für den Durchflusswandler mit den Transistoren T₁, T₂ (*t*₀...*t*₁)
- Erste Phase der Totzeit (*t*₁...*t*₂)
- Magnetisierungsphase für den Durchflusswandler mit dem Transistor T₃, T₄ (*t*₂...*t*₄)
- Zweite Phase der Totzeit $(t_4...t_5)$

Der Strom durch den Transistor T_1 , durch die Diode D_5 und der Magnetisierungsstrom während der Magnetisierungsphase können wie folgt berechnet werden:

$$i_{T1}(t) = I_{T1,\min} + \left(\frac{U_e}{L_{\mu 1}} + \frac{U_e \ddot{u}^2 - U_a \ddot{u}}{L_a}\right)(t - t_0)$$
(A1.1)

$$i_{D5}(t) = I_{D5,\min} + \left(\frac{U_e \ddot{u} - U_a}{L_a}\right)(t - t_0)$$
 (A1.2)

$$i_{\mu}(t) = I_{T1,\min} - I_{D5,\min} \ddot{u} + \frac{U_e}{L_{\mu 1}} (t - t_0)$$
(A1.3)

Der minimale Strom durch den Transistor T₁:

$$i_{T1}(t_0) = I_{T1,\min} = I_{T1,avg(on),\max} - \frac{U_e DT}{2L_{\mu 1}} - \frac{(U_e \ddot{u}^2 - U_a \ddot{u})DT}{2L_a}$$
(A1.4)

,

Der maximale Strom durch den Transistor T₁:

$$i_{T1}(t_1) = I_{T1,\max} = I_{T1,avg(on),\max} + \frac{U_e DT}{2L_{\mu 1}} + \frac{(U_e \ddot{u}^2 - U_a \ddot{u})DT}{2L_a}$$
(A1.5)

In der Gl. (A1.4), (A1.5) ist der maximale mittlere Strom während der Leitphase der primärseitigen Transistoren:

$$I_{T1,avg(on),\max} = \frac{P_a}{2DU_{e,\min}}$$
(A1.6)

und das Tastverhältnis wird wie folgt definiert:

$$D = \frac{t_1 - t_0}{T}$$
(A1.7)

Der Magnetisierungsstrom des Transformators des Durchflusswandlers mit den Transistoren T₁, T₂ steigt während der Magnetisierungsphase ($t_0...t_1$) an. Die Dauer der Phase des Anstieges vom Magnetisierungsstrom wird deshalb wie folgt definiert:

$$t_{mag} = t_1 - t_0 = DT (A1.8)$$

Während des Zeitabschnittes ($t_1...t_3$) wird die primäre Wicklung des Durchflusswandler mit den Transistoren T₁, T₂ entmagnetisiert und der Magnetisierungsstrom fällt ab.

Während der Phasen der Totzeit $(t_1...t_2)$ und $(t_4...t_5)$ sperren alle Transistoren und leitet die Freilaufdiode D₆. Die Gleichung, die den Zeitverlauf des Stromes durch die Diode D₆ beschreibt, lautet:

$$i_{D6}(t) = \frac{i_{T1}(t_0)}{\ddot{u}} + \left(\frac{U_e \ddot{u} - U_a}{L_a}\right) DT - \frac{U_a}{L_a}(t - t_1)$$
(A1.9)





Abb. A2.1: Schaltung des spannungsgespeisten Vollbrückenwandlers

Beim Betrieb des spannungsgespeisten Vollbrückenwandlers unterscheidet man zwischen 4 Betriebsphasen, *Abb. A2.2*:

- Magnetisierungsphase (*t*₀...*t*₁)
- Erste Phase der Totzeit $(t_1...t_2)$
- Entmagnetisierungsphase (*t*₂...*t*₃)
- Zweite Phase der Totzeit ($t_3...t_4$)



Abb. A2.2: Verläufe des spannungsgespeisten Vollbrückenwandlers (Fall des kontinuierlichen Stromes durch die Induktivität L_a)

Bei der Betrachtung des Falls mit einer undirektionalen Magnetisierung des Transformators können der Strom durch den Transistor T_1 , durch die Diode D_1 und der Magnetisierungsstrom während der Magnetisierungsphase wie folgt berechnet werden:

$$\dot{I}_{T1}(t) = I_{T1,\min} + \left(\frac{U_e}{L_{\mu 1}} + \frac{U_e \ddot{u}^2 - U_a \ddot{u}}{L_a}\right) (t - t_0)$$
(A.2.1)

$$i_{D1}(t) = I_{D1,\min} + \left(\frac{U_e \ddot{u} - U_a}{L_a}\right)(t - t_0)$$
(A2.2)

$$i_{\mu}(t) = I_{T1,\min} - I_{D1,\min} \ddot{u} + \frac{U_e}{L_{\mu 1}} (t - t_0)$$
(A2.3)

Während der Phasen der Totzeit ($t_1...t_2$) und ($t_3...t_4$) sperren alle Transistoren und leiten alle Dioden D₁-D₄. Der Strom durch den Transistor T₁, durch die Diode D₃ während der Phasen der Totzeit können unter der Voraussetzung, dass der Magnetisierungsstrom vernachlässigbar klein ist, wie folgt berechnet werden:

$$i_{T1}(t) = 0$$
 (A2.4)

$$i_{D3}(t) = 0.5i_{La}(t) = i_{D1}(t_{1+}) - \frac{U_a}{2L_a}(t - t_1)$$
(A2.5)

In der Gl. (A2.5) ist der Strom durch die Diode D_1 zum Zeitpunkt t_1 :

$$i_{D1}(t_{1+}) = \frac{i_{T1}(t_0)}{2ii} + \left(\frac{U_e i i - U_a}{2L_a}\right) DT$$
(A2.6)

Die Minimal- und Maximalwerte des Transistorstromes:

$$I_{T1,\min} = I_{T1,avg(on),\max} - \frac{U_e DT}{2L_{\mu 1}} - \frac{(U_e \ddot{u}^2 - U_a \ddot{u})DT}{2L_a}$$
(A2.7)

$$I_{T1,\max} = I_{T1,avg(on),\max} + \frac{U_e DT}{2L_{\mu 1}} + \frac{\left(U_e \ddot{u}^2 - U_a \ddot{u}\right) DT}{2L_a}$$
(A2.8)

In der Gl. (A2.7)-(A2.8) ist der mittlere Strom durch den Transistor T_1 während der Einschaltdauer des Transistors T_1 wie folgt definiert:

$$I_{T1,avg(on),\max} = \frac{P_a}{2DU_{e,\min}}$$
(A2.9)

`

und das Tastverhältnis wird wie folgt definiert:

$$D = \frac{t_1 - t_0}{T}$$
(A2.10)

Der Magnetisierungsstrom des Transformators des Durchflusswandler mit den Transistoren T₁, T₂ steigt während der Magnetisierungsphase ($t_0...t_1$) an. Die Dauer der Phase des Anstieges vom Magnetisierungsstrom wird deshalb wie folgt definiert:

$$t_{mag} = t_1 - t_0 = DT \tag{A2.11}$$

Während der Entmagnetisierungsphase ($t_2...t_3$) leiten die Transistoren T₂, T₃ und die Dioden D₂, D₃. Der Strom durch die Diode D₃ kann durch eine Zeitfunktion beschrieben werden:

$$i_{D3}(t) = i_{D1}(t_{1+}) - \frac{U_a}{2L_a} \frac{T - 2DT}{2} - \frac{U_a}{L_a}(t - t_2)$$
(A2.12)

Der Effektivwert des Stromes durch die primäre Wicklung des Transformators:

$$I_{L\mu 1,RMS} = \sqrt{\frac{2}{T} \int_{t_0}^{t_0 + DT} i_{T1}^2(t) dt}$$
(A2.13)





Abb. A3.1: Schaltung des stromgespeisten Vollbrückenwandlers



Abb. A3.2: Schaltung des stromgespeisten Gegentaktwandlers



Abb. A3.3: Verläufe des stromgespeisten Vollbrückenwandlers

Beim Betrieb des stromgespeisten Vollbrückenwandlers unterscheidet man bei der Annahme der unidirektionalen Magnetisierung des Transformators zwischen 4 Betriebsphasen, *Abb. A3.3*:

- Magnetisierungsphase (*t*₀...*t*₁)
- Überlappungsphase 1 ($t_1...t_2$)
- Entmagnetisierungsphase (*t*₂...*t*₃)
- Überlappungsphase 2 (*t*₃...*t*₄)

Der Strom durch den Transistor T_1 und durch die Diode D_1 während der Magnetisierungsphase:

$$i_{T1}(t) = i_e(t) = i_{T1}(t_0) + \frac{U_e - \frac{U_a}{\ddot{u}}}{L_e}(t - t_0)$$
(A3.1)

$$i_{D1}(t) = \frac{i_{T1}(t_0)}{\ddot{u}} + \frac{U_e \ddot{u} - U_a}{L_e \ddot{u}^2} (t - t_0) - \frac{U_a}{L_{\mu 1} \ddot{u}^2} (t - t_0)$$
(A3.2)

Hier ist der Transistorstrom zum Ende der Magnetisierungsphase:

$$i_{T1}(t_{1-}) = i_{T1}(t_0) + \frac{U_e - \frac{U_a}{\ddot{u}}}{L_e} \frac{T - 2T(D - 0.5)}{2}$$
(A3.3)

In der Gl. (A3.3) wird das Tastverhältnis für den Transistor T_1 wie folgt definiert:

$$D = \frac{t_2 - t_0 + t_4 - t_3}{T}$$
(A3.4)

Der Magnetisierungsstrom des Transformators des Durchflusswandlers mit den Transistoren T₁, T₂ steigt während der Magnetisierungsphase ($t_0...t_1$) an. Die Dauer der Magnetisierungsphase wird wie folgt definiert:

$$t_{mag} = t_1 - t_0 = \frac{T - 2T(D - 0.5)}{2}$$
(A3.5)

Der Strom durch den Transistor T₁ während der Überlappungsphase 1:

$$i_{T1}(t) = i_{T1}(t_{1+}) + \frac{U_e}{2L_e}(t - t_1)$$
(A3.6)

Die Dioden D_1 - D_4 sperren während dieser Phase. Der Strom durch die Drossel L_e teilt sich zwischen zwei Zweigen mit den Transistoren T_1 und T_2 gleichmäßig unter der Annahme, dass der Magnetisierungsstrom vernachlässigbar klein ist. Dann ist der Strom durch den Transistor T_1 zum Anfang der Überlappungsphase 1 in der Gl. (A3.6) wie folgt definiert:

$$i(t_{1+}) = \frac{1}{2}i_{T1}(t_0) + \frac{U_e - \frac{U_a}{\ddot{u}}}{4L_e} \left(T - 2T(D - 0.5)\right)$$
(A3.7)

Während der Entmagnetisierungsphase ($t_2...t_3$) sind die Transistoren T₂, T₃ eingeschaltet und die Transistoren T₁, T₄ ausgeschaltet. Es gilt:

$$i_{T1}(t_1) = 0 \tag{A3.8}$$

Der Eingangsstrom kann ähnlich wie für die Magnetisierungsphase ermittelt werden:

$$i_e(t) = i_e(t_2) + \frac{U_e - \frac{U_a}{\ddot{u}}}{L_e}(t - t_2)$$
(A3.9)

In der Gl. (A3.9) ist der Eingangsstrom am Ende der Überlappungsphase 1 wie folgt definiert:

$$i_e(t_2) = i_{T1}(t_0) + \frac{U_e - \frac{U_a}{\ddot{u}}}{2L_e} \left(T - 2T(D - 0.5)\right) + \frac{U_e}{L_e}T(D - 0.5)$$
(A3.10)

Der Eingangsstrom am Ende der Entmagnetisierungsphase:

$$i_{e}(t_{3}) = i_{T1}(t_{0}) + \frac{U_{e} - \frac{U_{a}}{\ddot{u}}}{2L_{e}} \left(T - 2T(D - 0.5)\right) + \frac{U_{e}}{L_{e}}T(D - 0.5) + \frac{U_{e} - \frac{U_{a}}{\ddot{u}}}{2L_{e}} \left(T - 2T(D - 0.5)\right)$$
(A.3.11)

Der Strom des Transistors T_1 , beim dem er eingeschaltet wird, kann wie folgt berechnet werden:

$$i_{T1}(t_3) = 0.5i_e(t_3) = 0.5i_{T1}(t_0) + \frac{U_e - \frac{U_a}{\ddot{u}}}{4L_e} (T - 2T(D - 0.5)) + \frac{U_e - \frac{U_a}{\ddot{u}}}{4L_e} (T - 2T(D - 0.5))$$
(A3.12)

Für die Überlappungsphase 2 ($t_3...t_4$) wird der Eingangsstrom so berechnet:

$$i_e(t) = i_e(t_3) + \frac{U_e}{L_e}(t - t_3)$$
 (A3.13)

Der Eingangsstrom am Ende der Überlappungsphase 2 bzw. am Ende der Periode berechnen:

$$i_{e}(t_{4}) = i_{T1}(t_{0}) + \frac{U_{e} - \frac{U_{a}}{\ddot{u}}}{2L_{e}} (T - 2T(D - 0.5)) + \frac{U_{e}}{L_{e}} T(D - 0.5) + \frac{U_{e} - \frac{U_{a}}{\ddot{u}}}{2L_{e}} (T - 2T(D - 0.5)) + \frac{U_{e}}{L_{e}} T(D - 0.5)$$
(A3.14)

Der Mittelwert des Eingangsstromes kann wie folgt berechnet werden:

$$I_{e,avg} = \frac{1}{T} \int_{t_0}^{t_0+T} i_e(t) dt$$
 (A3.15)

Das Integral lässt sich mit Hilfe der Zeitgleichungen des Eingangsstromes für jede Betriebsphase wie folgt bestimmen:

$$I_{e,avg} = \frac{-U_a T D - T U_a - 2i_{T1}(t_0) L_e \ddot{u} + U_e \ddot{u} T + 2U_a T D^2}{L_e \ddot{u}}$$
(A3.16)

Für den stationären Zustand gilt:

$$I_{e,avg} = \frac{P_e}{U_e} \tag{A3.17}$$

Aus der Gl. (A3.16) und Gl. (A3.17) ergibt sich eine Gleichung mit einer Unbekannten $i_{T1}(t_0)$. Nach der Lösung von dieser Gleichung erhält man:

$$i_{T1}(t_0) = \frac{P_e}{U_e} - U_a T \frac{D^2 - 0.5D - 0.5}{L_e \ddot{u}} - \frac{0.5U_e T}{L_e}$$
(A3.18)

Der Transistorstrom, bei dem er ausgeschaltet wird, kann aus der Gl. (A3.10) unter Annahme, dass der Magnetisierungsstrom vernachlässigbar klein ist, wie folgt berechnet werden:

$$i_{T1}(t_2) = \frac{1}{2}i_{T1}(t_0) + \frac{U_e - \frac{U_a}{\ddot{u}}}{4L_e} \left(T - 2T(D - 0.5)\right) + \frac{U_e}{2L_e}T(D - 0.5)$$
(A3.19)

Anhang 4 Grundlagen Hochsetzsteller mit geteilter Drossel



Abb. A4.1: A: Schaltung des Hochsetzstellers mit geteilter Drossel; B: Ersatzschaltbild der geteilten Drossel

Die Betriebszustände des Hochsetzstellers mit der idealen geteilten Drossel sind wie folgt:

- Magnetisierungsphase (*t*₀...*t*₁) (T₁, T₂ ein)
- Entmagnetisierungsphase $(t_1...t_2)$ (T₁, T₂ aus)

Das Übersetzungsverhältnis der geteilten Drossel wird wie folgt definiert:

$$\ddot{u} = \frac{N_1 + N_2}{N_1} = 1 + \frac{N_2}{N_1} \tag{A4.1}$$



Abb. A4.2: Verläufe des Hochsetzstellers mit geteilter Drossel

Der Transistorstrom, der Hochsetzstellers der Eingangsstrom des und Magnetisierungsstrom sind während der Magnetisierungsphase laut dem Ersatzschaltbild der geteilten Drossel in Abb. A4.1B gleich:

$$i_{T1}(t) = i_e(t) = i_{T1}(t_0) + \frac{U_e}{2L_{\mu 1}}(t - t_0)$$
(A4.2)

weil der Diodenstrom Null ist:

$$i_{D1}(t) = 0$$
 (A4.3)

Mit Hilfe der Gl (A4.2) kann man die Änderung des Eingangsstromes während der Magnetisierungsphase berechnen:

$$i_e(t_1) - i_e(t_0) = \frac{U_e}{2L_{\mu 1}} t_{mag}$$
(A4.4)

Diese Änderung wird als die Welligkeit des Eingangsstromes bezeichnet. Die Dauer der Phase des Anstieges vom Magnetisierungsstrom in der Gl. (A4.4) ist wie folgt definiert:

$$t_{mag} = t_1 - t_0 = DT$$
 (A4.5)

Die erforderliche primäre Induktivität, um eine bestimmte Welligkeit des Eingangsstromes zu erreichen, wird mit Hilfe der Gl. (A4.4) wie folgt ermittelt werden:

$$L_{\mu 1} = \frac{U_e DT}{2(i_e(t_1) - i_e(t_0))}$$
(A4.6)

Der Diodenstrom und der Eingangsstrom sind während der Entmagnetisierungsphase gleich:

$$i_{e}(t) = i_{D1}(t) = i_{D}(t_{1+}) - \frac{U_{a} - \frac{U_{e}}{2}}{L_{\mu 1} + L_{\mu 1} \left(\frac{N_{2}}{N_{1}}\right)^{2} + 2L_{\mu 1}\frac{N_{2}}{N_{1}}}(t - t_{1})$$
(A4.7)

weil der Transistorstrom Null ist:

$$i_{T1}(t) = 0$$
 (A4.8)

Der Strom durch die Diode D₁ in der Gl. (A4.7) ist wie folgt definiert:

$$i_D(t_{1+}) = \frac{N_1}{N_1 + N_2} \left(i_{T1}(t_0) + \frac{U_e}{2L_{\mu 1}} DT \right)$$
(A4.9)

Der Magnetisierungsstrom während der Entmagnetisierungsphase wird laut dem Ersatzschaltbild der geteilten Drossel in *Abb. A4.1B* wie folgt ermittelt:

$$i_{\mu}(t) = i_{e}(t) + i_{D1}(t)\frac{N_{2}}{N_{1}}$$
 (A4.10)

Der Magnetisierungsstrom zum Ende der Periode kann mit der Berücksichtigung der Gl. (A4.7), (A4.9), (A4.10) wie folgt berechnet werden:

$$i_{\mu}(t_{2}) = \left(\frac{N_{1}}{N_{1} + N_{2}}\left(i_{T1}(t_{0}) + \frac{U_{e}}{2L_{\mu 1}}DT\right) - \frac{U_{a} - \frac{U_{e}}{2}}{L_{\mu 1} + L_{\mu 1}\left(\frac{N_{2}}{N_{1}}\right)^{2} + 2L_{\mu 1}\frac{N_{2}}{N_{1}}}(1 - D)T\right)\left(1 + \frac{N_{2}}{N_{1}}\right)$$
(A4.11)

Für den stationären Zustand gilt:

$$i_{\mu}(t_2) = i_{\mu}(t_0)$$
 (A4.12)

Der Mittelwert des Eingangsstromes lässt sich so berechnen:

$$I_{e,avg} = \frac{1}{T} \int_{0}^{T} i_{e}(t) dt$$
 (A4.13)

Andererseits kann der Mittelwert des Eingangsstromes wie folgt ermittelt werden:

$$I_{e,avg} = \frac{P_e}{2U_e} \tag{A4.14}$$

So bekommt man eine Gleichung im folgenden Form:

$$\frac{P_e}{2U_e} = \frac{1}{T} \int_0^T i_e(t) dt$$
 (A4.15)

Beim Einsetzen der Gl. (A4.2) und der Gl. (A4.7) in die Gl. (A4.15) und nach dem Lösen der resultieren Gleichung nach dem Transistorstrom zum Zeitpunkt t_0 erhält man:

$$i_{T1}(t_0) = \frac{\frac{U_a T (1-D)^2}{2L_{\mu 1}} - \frac{U_e T}{4L_{\mu 1}} + \frac{P_e}{2U_e} - \frac{U_e DT}{2L_{\mu 1}} \frac{N_2}{N_1} + \frac{P_e}{U_e} \frac{N_2}{N_1} - \frac{U_e}{2L_{\mu 1}} D^2 T \left(\frac{N_2}{N_1}\right)^2 + \frac{P_e}{2U_e} \left(\frac{N_2}{N_1}\right)^2}{\left(1 + \frac{N_2}{N_1} D\right) \left(1 + \frac{N_2}{N_1}\right)}$$
(A4.16)

Die Maximal- und Minimalwerte des Transistorstromes werden dann wie folgt berechnet:

$$I_{T1,\min} = i_{T1}(t_0) \tag{A4.17}$$

$$I_{T1,\max} = i_{T1}(t_0) + \frac{U_e}{2L_{\mu 1}}DT$$
 (A4.18)

Anhang 5 Berechnung der gesamten Halbleiterverluste einer DC/DC-Wandlerschaltung

Tab. A5.1:	Ausgewählte Spannungsklassen der MOSFETs für jeden aktiven Schalter und der Dioden für
	jede Diodeneinheit undirektionaler DC/DC-Wandlerschaltungen

Schaltung					
Bezeichnung des Bauelementes	1	2	3	4	5
T_1, T_2	100V	100V	100V	200V	150V
T ₃ , T ₄	100V	100V	100V	-	-
	1x 200V	4x 600V	2x 600V-	2x 600V-	2x 600V-
D_1, D_2		seriell	seriell	seriell	seriell
D. D.	1x 200V	4x 600V-	2x 600V-	2x 600V-	
D ₃ , D ₄		seriell	seriell	seriell	-
D- D-	4x 600V				
D5,D7	seriell	-	-	-	-
D,	4x 600V-				_
D_6	seriell	_	_	_	-

Tab. A5.2: Angesetzte Abhängigkeiten des Drain-Source-Widerstandes eines MOSFETs, Abhängigkeiten
der Schleusenspannung, des differentiellen Widerstandes einer Diode, der Reverse-Recovery
Verluste einer Diodeneinheit von der Sperrschichttemperatur einer Diode für die DC/DC-
Wandlerschaltungen (verwendetes Diodentyp für alle DC/DC-Wandlerschaltungen: 600V-
Diode DSEP8-06B, di_D(t)/dt=500A/µs; 1: Doppeldurchflusswandler; 2: spannungsgespeister
Vollbrückenwandler; 3: stromgespeister Vollbrückenwandler; 4: stromgespeister
Gegentaktwandler; 5: Hochsetzsteller mit geteilter Drossel)

T_j (°C)	Schaltung	$R_{DS,on(T)}$ (m Ω)	$T_{j(D)}$ (°C)	$U_{T0}\left(\mathrm{V} ight)$	r_d (m Ω)	$P_{V,REC}$ (W)
25	1	5	25	2,3	37	0,89
	2	5		2,3	37	0,13
	3	5		2,3	37	0,5
	4	30,3		2,3	37	0,5
	5	14,35		2,3	37	0,41
100	1	8,5	100	1,75	39	4,27
	2	8,5		1,75	39	1,24
	3	8,5		1,75	39	2,8
	4	51,5		1,75	39	2,8
	5	24,39		1,75	39	2,3
125	1	10	125	1,4	40	5,5
	2	10		1,4	40	1,66
	3	10		1,4	40	3,7
	4	60,63		1,4	40	3,7
	5	28,7		1,4	40	3

Anhang 6 Berechnung der Verluste in einem Transformator einer DC/DC-Wandlerschaltung



Abb. A6.1: Prinzipieller Aufbau eines Transformators

Die notwendige Kupferfläche für die primäre Wicklung:

$$A_{Cu1} = \frac{I_{L\mu1,RMS}}{j_{\text{max}}} \tag{A6.1}$$

Die notwendige Kupferfläche für die sekundäre Wicklung:

$$A_{Cu2} = \frac{I_{L\mu2,RMS}}{j_{\text{max}}}$$
(A6.2)

Die erforderliche Anzahl der parallelgeschalteten Lagen von Kupferfolie für die primäre Wicklung:

$$k_{N_1} = \frac{A_{Cu1}}{d_{Cu}h_{Cu}}$$
(A6.3)

Die erforderliche Anzahl der parallelgeschalteten Lagen von Kupferfolie für die sekundäre Wicklung:

$$k_{N_2} = \frac{A_{Cu2}}{d_{Cu}h_{Cu}}$$
(A6.4)

Die gesamte Dicke der Windungen soll kleiner als die Breite des Fensters eines Transformators sein, damit die Wicklungen in das Fenster der Kerne passen. Das bedeutet, dass die Bedingung $(d_{Cu} + d_{ISo})(k_{N_1}N_1 + k_{N_2}N_2) < b_F$ erfüllt werden soll. Mit der Berücksichtigung von dieser Bedingung kann die minimal erforderliche Fensterbreite für den Transformator mit einem Sicherheitsfaktor von 1,2 wie folgt berechnet werden:

$$b_{F,\min} = 1, 2(d_{Cu} + d_{ISo})(k_{N_1}N_1 + k_{N_2}N_2)$$
(A6.5)

Die entsprechende minimale Länge des magnetischen Weges kann man wie folgt ermitteln:

$$l_{m,\min} = 2(b_{F,\min} + \sqrt{A_{K,\min}}) + 2(h_F + \sqrt{A_{K,\min}})$$
(A6.6)

Die mittlere Windungslänge der primären und sekundären Wicklung kann wie folgt berechnet werden:

$$MLT_{1} = 4\left(\sqrt{A_{K,\min}} + d_{N_{1}}N_{1}\right)$$
(A6.7)

$$MLT_{2} = 4\left(\sqrt{A_{K,\min}} + 2d_{N_{1}}N_{1} + d_{N_{2}}N_{2}\right)$$
(A6.8)

Die ohmschen Verluste in den Wicklungen eines Transformators können wie folgt ermittelt werden:

$$P_{V,Cu1} = R_{Cu,L\mu1} I_{L\mu1,RMS}^{2}$$
 (A6.9)

$$P_{V,Cu2} = R_{Cu,L\mu2} I_{L\mu2,RMS}^{2}$$
 (A6.10)

In der Gl. (A6.9), (A6.10) sind:

$$R_{Cu,L\mu 1} = \rho \frac{MLT_1N_1}{A_{Cu1}}$$
(A6.11)

$$R_{Cu,L\mu2} = \rho \frac{MLT_2N_2}{A_{Cu2}}$$
(A6.12)

Die Verluste im Kernmaterial eines Transformators werden mit Hilfe der Datenblattangaben für den U-Ferritkern U20/16/7 ermittelt. Für den U-Ferritkern U20/16/7 mit einer Kernfläche von 56mm² und Länge des magnetischen Weges von 68mm bei der Frequenz von 25kHz und der Änderung der magnetischen Induktion von 0,2T betragen die Verluste im Kernmaterial 0,46W. Die Verluste im Kernmaterial eines anderen beliebigen U-Ferritkern können bei einer bestimmten Frequenz mit Hilfe der folgenden empirischen Formel approximiert werden [31]:

$$P_{V,Fe} = 0.46W \left(\frac{\Delta B}{0.2T}\right)^{\beta} \left(\frac{f}{25kHz}\right)^{\gamma} \frac{l_m}{68mm} \frac{A_K}{56mm^2}$$
(A6.13)

Die typischen Werte für die Koeffizienten in der Gl. (A6.13) sind: β =2,7; γ =1,45 [31]. Die gesamten Verluste in einem Transformator:

$$P_{V,Tr} = P_{V,Fe} + P_{V,Cu1} + P_{V,Cu2}$$
(A6.14)

Anhang 7 Praktischer Aufbau des erweiterten Durchflusswandlers

Abb. A7.1 zeigt das Bild des gesamten Aufbaus des erweiterten Durchflusswandlers. Auf dem Bild sind der Leistungsteil, die Ansteuereinheit und der Elektrolytkondensator zu sehen.



Abb. A7.1: Foto des gesamten Aufbaus

In *Abb. A7.2* ist das Bild der aufgebauten Spannungsüberwachungseinheiten und des Mikrocontrollers dargestellt. Die Spannungsüberwachungseinheiten 1 und 2 dienen entsprechend zur Erfassung der Spannung am Kondensator C_c und der Ausgangsspannung. Die Ausgangssignale der Spannungsüberwachungseinheiten werden dem A/D-Wandler des Mikrocontrollers zugeführt. Nur Signale mit einer Amplitude, die nicht höher als +5V ist, dürfen dem A/D-Wandler des Mikrocontrollers zugeführt werden. Die Spannungsüberwachungseinheiten haben zwei Funktionen:

- galvanische Trennung der Ansteuerelektronik vom Leistungsteil,
- Umwandlung einer relativ hohen Ausgangsspannung und der Spannung am Kondensator C_c in Spannungen, die +5V nicht überschreiten.

Die Spannungsüberwachungseinheit besteht aus vier Komponenten:

- zwei Spannungsteiler,
- ein Optokoppler des Typs ISO124P,

• ein DC/DC-Wandler des Typs DCP011515.

Der DC/DC-Wandler dient zur Erzeugung von zwei potentialgetrennten Spannungsversorgungen von +15V bzw. –15V für den Optokoppler. Der Optokoppler gewährleistet eine galvanische Trennung des Leistungsteils von der Ansteuerelektronik.



Abb. A7.2: Foto der aufgebauten Spannungsüberwachungseinheiten und des Mikrocontrollers

Die zwei Treiber für die Ansteuerung der Transistoren T_1 und T_2 kann man in *Abb. A7.1* sehen. Die Treiber benötigen eine Spannungsversorgung von +15V, die potentialgetrennt von dem Teil des Treibers ist, welcher die PWM-Signale vom Mikrocontroller bekommt, und vom Teil des Treibers, der Gate-Source-Spannungen mit der Amplitude von +10V ausgibt. Die Ausgangssignale des Mikrocontrollers sind die Ansteuersignale für die Transistoren T_1 und T_2 , die +5V nicht überschreiten. Für die Ansteuerung eines MOSFET ist eine Spannung, die mindestens +10V beträgt, erforderlich. Deshalb haben die Treiber haben zwei Funktionen:

- galvanische Trennung der Ansteuerelektronik vom Leistungsteil,
- Umwandlung der Ausgangssignale des Mikrocontrollers in die Spannung, die +10V beträgt.

Eine wichtige Anforderung an die Spannungsüberwachungseinheit und die Treiber ist, dass das Signal ohne Phasenverschiebung übertragen werden soll. Das Doppelnetzteil, die Bedienelemente am Mikrocontroller und die Gehäusen von allen Geräten sind aus Sicherheitsgründen geerdet. Die vom Doppelnetzteil erzeugten Gleichspannungen von +15V und -15V sind für die Spannungsversorgung der Treiber und der Spannungsüberwachungseinheiten erforderlich. Die Spannung zwischen den Pins mit den Ausgangsignalen der Spannungsüberwachungseinheiten und dem Erdpotential werden dem A/D-Wandler des Mikrocontrollers zugeführt. Der Mikrocontroller erzeugt zwei PWM-Signale, die sich von 0 bis +5V ändern. Sie werden den Treibern zugeführt. *Abb. A7.3* zeigt den aufgebauten Leistungsteil vom erweiterten Durchflusswandler.



Abb. A7.3: Foto des aufgebauten Leistungsteils vom erweiterten Durchflusswandler

Die Transistoren und die Dioden werden auf den Kühlkörper mit Hilfe der Transistorklammern befestigt. Die Unterseite der MOSFETs und der Dioden ist vom Potential der Anschlüsse der Leistungshalbleiter elektrisch nicht isoliert. Deshalb ist zwischen den Leistungshalbleitern und dem Kühlkörper eine wärmeleitende und elektrisch nichtleitende Folie erforderlich. Die Leistungshalbleiter werden auf der Leiterplatte mit Hilfe der entsprechenden Leiterbahnen miteinander verbunden. Die Leiterbahnen, durch welche relativ hohe Ströme fließen, wurden mit den Kupferblechen verstärkt. Die elektrolytischen Kondensatoren, die Ausgangsdrossel und der Transformator sind möglichst nah an das Leistungsteil angeschlossen, um die parasitären Induktivität der Verbindungen zu reduzieren.

Lebenslauf

Persönliche Daten

Name: Oleksandr, Krykunov Geburtsdatum: 03.03.1980 Geburtsort: Donezk Familienstand: ledig Anschrift: Magdeburg, 39104, Warschauer Str. 21

Schulausbildung

1987-1997	Schulbesuch (Donezk, Ukraine)
1997	Abitur mit Auszeichnung

Wissenschaftlicher Werdegang

1997-2001	Studium an der Technischen Staatlichen Universität im Fach		
	Elektrotechnik (Donezk, Ukraine)		
2001	Abschluss mit Auszeichnung (Bachelor)		
2001-2003	Studium an der Otto-von-Guericke-Universität im Fach Elektrotechnik		
	(Magdeburg, Deutschland)		
2003	Abschluss mit Auszeichnung (M. Sc.)		
2003-2008	Promotion an der Otto-von-Guericke-Universität im Fach		
	Leistungselektronik (Magdeburg, Deutschland)		

Magdeburg, den 26.01.2009

Schriftliche Erklärung

Ich erkläre hiermit, dass ich die vorliegende Arbeit ohne unzulässige Hilfe Dritter und ohne Benutzung anderer als der angegebenen Hilfsmittel angefertigt habe; die aus fremden Quellen direkt oder indirekt übernommenen Gedanken sind als solche kenntlich gemacht.

Insbesondere habe ich nicht die Hilfe einer kommerziellen Promotionsberatung in Anspruch genommen. Dritte haben von mir weder unmittelbar noch mittelbar geldwerte Leistungen für Arbeiten erhalten, die im Zusammenhang mit dem Inhalt der vorgelegten Dissertation stehen.

Die Arbeit wurde bisher weder im Inland noch im Ausland in gleicher oder ähnlicher Form als Dissertation eingereicht und ist als Ganzes noch nicht veröffentlicht.

Magdeburg, den 26.01.2009